

Вариант 25

C1. Решите уравнение: $(\sqrt{3}\operatorname{tg}^2 x - \operatorname{tg} x) \cdot \sqrt{3\cos x} = 0$

C2. В правильной треугольной пирамиде сторона основания равна 12. Найдите расстояние от центра основания до боковой грани, если двугранный угол при ребре основания равен $\frac{\pi}{3}$

C3. Решите систему неравенств:
$$\begin{cases} 7\log_9(x^2 - x - 6) \leq 8 + \log_9 \frac{(x+2)^7}{x-3} \\ \frac{1}{3^{x-1}} + \frac{1}{3^x} + \frac{1}{3^{x+1}} < 52 \end{cases}$$

C4. Точки A, B и C лежат на сторонах соответственно KL , LM , KM треугольника KLM, причем KABC – параллелограмм, площадь которого составляет $\frac{3}{8}$ площади треугольника KLM. Найдите диагональ AC параллелограмма, если известно, что $KL=8$, $KM=12$ и $\cos \angle LKM = \frac{7}{12}$

Вариант 26

C1. Решите уравнение: $\sqrt{2\cos x + 1} \cdot \log_2(2\sin x) = 0$

C2. Длины всех ребер правильной четырехугольной пирамиды $PABCD$ с вершиной P равны между собой. Найдите угол между прямой BM и плоскостью BDP, если точка M – середина бокового ребра пирамиды AP.

C3. Решите систему неравенств:
$$\begin{cases} \left(\frac{x+5}{4+x} - \frac{1}{x^2+9x+20} \right) \sqrt{-7x-x^2} \geq 0 \\ x\sqrt{8} - 7x + 14\sqrt{8} > 57 \end{cases}$$

C4. Через вершину B правильного шестиугольника $ABCDEF$ проведена прямая, пересекающая диагональ CF в точке K. Известно, что эта прямая разбивает шестиугольник на части, площади которых относятся как 1:2. Найдите отношение $CK:KF$