

## Подсчёт числа способов

Группа 6-1

04.03.2017

1. Сколько способами можно выбрать из полной колоды карт (52 листа):  
 (а) 4 карты разных мастей,  
 (б) 4 карты одной масти,  
 (в) 4 карты одного цвета,  
 (г) 4 карты разных мастей так, чтобы карты одного цвета были одинакового номинала (например: 6Ч, 6Б, 9П, 9К),  
 (д) 4 карты разного номинала (например: 6, 9, Т, В),  
 (е) 4 карты, среди которых есть хотя бы одна карта червовой масти?
2. В классе 7 мальчиков и 8 девочек. Сколько способами можно выбрать 5 человек так, чтобы среди них был хотя бы один мальчик и хотя бы одна девочка?
3. Сколько способами 5 девушек и 3 юноши могут разбиться на две команды по 4 человека, так чтобы в каждой было хотя бы по одному юноше?
4. Сколько существует 6-значных чисел в которых:  
 (а) все цифры различные,  
 (б) все цифры идут в порядке возрастания,  
 (в) все цифры идут в порядке убывания?
5. Сколько способами можно раздать колоду из 36 карт 6 игрокам для игры в “Дурака”?
6. На поле a1 шахматной доски стоит ладья. Она может делать ход на одну клетку вверх или на одну клетку вправо. Сколько способами ладья сможет добраться до поля h8?
7. Сколько способами можно поставить (а) в шеренгу (б) в круг 7 человек так, чтобы Вова, Лёня и Саша стояли рядом?
8. Сколько способами можно разложить 5 шаров по 3 ящики, если ящики (а) не могут быть пустыми (б) могут быть пустыми?
9. Сколько способами можно представить число 10 в виде суммы 3 натуральных чисел?
10. Сколько способами можно раздать трём людям 15 (а) разных (б) неразличимых конфет?
11. Сколько способами можно разложить  $k$  шаров по  $n$  ящики?

12. Сколько существует шестизначных чисел, цифры в которых идут в невозрастающем порядке?
13. У Вовы есть 3 вагончика красного цвета, 4 синего и 7 зеленого. Сколько способами он может собрать состав поезда так, чтобы  
 (а) никакие два вагончика синего цвета не стояли рядом,  
 (б) никакие два вагончика одного цвета не стояли рядом?
14. (а) На полке стоят  $n$  книг. Сколько способами можно выбрать с полки  $k$  книг так, чтобы никакие две выбранные книги не стояли рядом?  
 (б) За круглым столом короля Артура сидят  $n$  рыцарей. Каждый из них враждует со своими соседями. Король хочет составить отряд из  $k$  рыцарей. Сколько способами это можно сделать так, чтобы в этом отряде не было врагов?

## Подсчёт числа способов

Группа 6-2

04.03.2017

1. Сколькоими способами можно выбрать из полной колоды карт (52 листа):
  - (а) 4 карты разных мастей,
  - (б) 4 карты одной масти,
  - (с) 4 карты одного цвета,
  - (д) 4 карты разных мастей так, чтобы карты одного цвета были одинакового номинала (например: 6Ч, 6Б, 9П, 9К),
  - (е) 4 карты разного номинала (например: 6, 9, Т, В),
  - (ф) 4 карты, среди которых есть хотя бы одна карта червовой масти?
2. В классе 7 мальчиков и 8 девочек. Сколькоими способами можно выбрать 5 человек так, чтобы среди них был хотя бы один мальчик и хотя бы одна девочка?
3. Сколькоими способами 5 девушек и 3 юноши могут разбиться на две команды по 4 человека, так чтобы в каждой было хотя бы по одному юноше?
4. Сколько существует 6-значных чисел в которых:
  - (а) все цифры различные,
  - (б) все цифры идут в порядке возрастания,
  - (с) все цифры идут в порядке убывания?
5. Сколькоими способами можно раздать колоду из 36 карт 6 игрокам для игры в “Дурака”?
6. На поле **a1** шахматной доски стоит ладья. Она может делать ход на одну клетку вверх или на одну клетку вправо. Сколькоими способами ладья сможет добраться до поля **h8**?
7. Сколькоими способами можно поставить (а) в шеренгу (б) в круг 7 человек так, чтобы Вова, Лёня и Саша стояли рядом?
8. Сколькоими способами можно разложить 5 шаров по 3 ящики, если ящики (а) не могут быть пустыми (б) могут быть пустыми?
9. Сколькоими способами можно представить число 10 в виде суммы 3 натуральных чисел?
10. Сколькоими способами можно раздать трём людям 15 (а) разных (б) неразличимых конфет?
11. Сколькоими способами можно разложить  $k$  шаров по  $n$  ящики?
12. Сколько существует шестизначных чисел, цифры в которых идут в невозрастающем порядке?
13. У Вовы есть 3 вагончика красного цвета, 4 синего и 7 зеленого. Сколькоими способами он может собрать состав поезда так, чтобы
  - (а) никакие два вагончика синего цвета не стояли рядом,
  - (б) никакие два вагончика одного цвета не стояли рядом?
14. (а) На полке стоят  $n$  книг. Сколькоими способами можно выбрать с полки  $k$  книг так, чтобы никакие две выбранные книги не стояли рядом?  
(б) За круглым столом короля Артура сидят  $n$  рыцарей. Каждый из них враждует со своими соседями. Король хочет составить отряд из  $k$  рыцарей. Сколькоими способами это можно сделать так, чтобы в этом отряде не было врагов?