Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

Профильный уровень

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание. Часть 1 содержит 8 заданий базового уровня сложности с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания повышенного уровня сложности с кратким ответом и 7 заданий повышенного и высокого уровней сложности с развёрнутым ответом.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1-12 записываются по приведённому ниже образцу в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1.

Ответ: -0,8

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручек.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^{2} \alpha + \cos^{2} \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^{2} \alpha - \sin^{2} \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

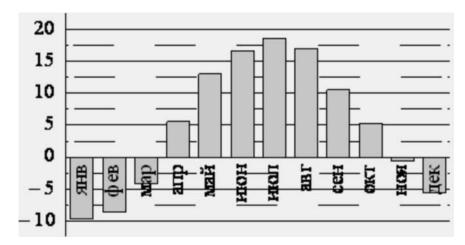
$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую иифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Пётр Иванович купил американский автомобиль, спидометр которого показывает скорость в милях в час. Какова скорость автомобиля в километрах в час, если спидометр показывает 28 миль в час? Считайте, что 1 миля равна 1609 м. Ответ округлите до целого числа.

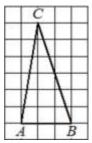
Ответ:

На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха (в градусах Цельсия) в Орле по результатам многолетних наблюдений. Найдите по диаграмме количество месяцев, когда среднемесячная температура в Орле ниже 15°С.



Ответ:





Ответ: ______.

4 В классе 16 учащихся, среди них два друга — Вадим и Сергей. Учащихся случайным образом разбивают на 4 равные группы. Найдите вероятность того, что Вадим и Сергей окажутся в одной группе.

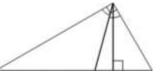
Ответ:

5 Найдите корень уравнения

$$\frac{2}{9}x = -3\frac{7}{9}$$
.

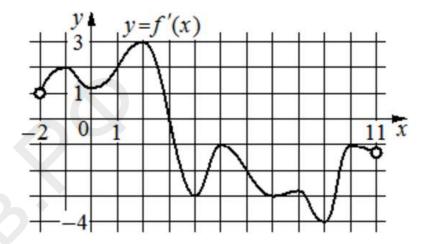
Ответ: _____

В прямоугольном треугольнике угол между высотой и биссектрисой, проведёнными из вершины прямого угла, равен 14°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.



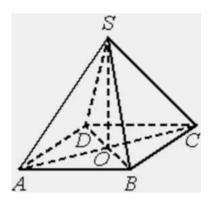
Ответ:				

На рисунке изображён график y = f`(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-2;11). Найдите абсциссу точки, в которой касательная к графику функции y = f(x) параллельна оси абсцисс или совпалает с ней.



Ответ:

8 В правильной четырёхугольной пирамиде *SABCD* с вершиной *S* точка O — центр основания, SO = 30, AC = 32. Найдите длину отрезка SA.



Ответ: _____



19

$$\frac{1}{\cos^2 37^\circ + 1 + \cos^2 53^\circ}$$

Ответ: _______.

Для обогрева помещения, температура в котором поддерживается на уровне $T_{\Pi}=25\,^{\circ}\text{C}$, через радиатор отопления пропускают горячую воду. Расход проходящей через трубу радиатора воды m=0.3 кг/с. Проходя по трубе расстояние x, вода охлаждается от начальной температуры $T_{\text{B}}=57\,^{\circ}\text{C}$ до температуры T, причём $x=\alpha\cdot\frac{cm}{\gamma}\cdot\log_2\frac{T_{\text{B}}-T_{\text{II}}}{T-T_{\text{II}}}$, где $c=4200\,\frac{\text{Вт}\cdot\text{c}}{\text{кг}\cdot\text{°C}}$ — теплоёмкость воды, $\gamma=63\,\frac{\text{Вт}}{\text{м}\cdot\text{°C}}$ — коэффициент теплообмена, а $\alpha=1.4$ — постоянная. Найдите, до какой температуры (в градусах Цельсия) охладится вода, если длина трубы радиатора равна $56\,\text{m}$.

Ответ: ______.

Моторная лодка прошла против течения реки 252 км и вернулась в пункт отправления, затратив на обратный путь на 4 часа меньше. Найдите скорость течения, если скорость лодки в неподвижной воде равна 16 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

Ответ: _____

12 Найдите наибольшее значение функции $y = 4\cos x - \frac{24}{\pi}x + 7 \text{ на отрезке } \left[-\frac{2\pi}{3}; 0\right].$

Ответ: _____

He забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

а) Решите уравнение

 $\cos 2x + 0.75 = \cos^2 x.$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку

$$\left[-4\pi; -\frac{5\pi}{2}\right]$$

- В правильной треугольной пирамиде *SABC* сторона основания *AB* равна 6, а боковое ребро *SA* равно 4. Точки *M* и *N* середины рёбер *SA* и *SB* соответственно. Плоскость α содержит прямую *MN* и перпендикулярна плоскости основания пирамиды.
 - а) Докажите, что плоскость α делит медиану CE основания в отношении 5:1, считая от точки C.
 - б) Найдите периметр многоугольника, являющегося сечением пирамиды SABC плоскостью α .
- 15 Решите неравенство $(\log_2^2 x 2\log_2 x)^2 + 36\log_2 x + 45 < 18\log_2^2 x.$
- **16** Окружность проходит через вершины B и C треугольника ABC и пересекает AB и AC в точках C_1 и B_1 соответственно.
 - а) Докажите, что треугольник ABC подобен треугольнику AB_1C_1 .
 - б) Вычислите длину стороны BC и радиус данной окружности, если $\angle A=30^\circ,\ B_1C_1=5$ и площадь треугольника AB_1C_1 в пять раз меньше площади четырёхугольника BCB_1C_1 .



- 15-го января планируется взять кредит в банке на 24 месяца. Условия его возврата таковы:
 - -1-го числа каждого месяца долг возрастает на 2% по сравнению с концом предыдущего месяца;
 - со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
 - 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.

Какую сумму следует взять в кредит, чтобы общая сумма выплат после полного его погашения равнялась 1 млн рублей?

- Найдите все значения a, при которых уравнение $|\sin^2 x + 2\cos x + a| = \sin^2 x + \cos x a$ имеет на промежутке $\left(\frac{\pi}{2}; \pi\right]$ единственный корень.
 - Ученики одной школы писали тест. Результатом каждого ученика является целое неотрицательное число баллов. Ученик считается сдавшим тест, если он набрал не менее 83 баллов. Из-за того, что задания оказались слишком трудными, было принято решение всем участникам теста добавить по 5 баллов, благодаря чему количество сдавших тест увеличилось.
 - а) Могло ли оказаться так, что после этого средний балл участников, не сдавших тест, понизился?
 - б) Могло ли оказаться так, что после этого средний балл участников, славших тест, понизился, и средний балл участников, не сдавших тест, тоже понизился?
 - в) Известно, что первоначально средний балл участников теста составил 90, средний балл участников, сдавших тест, составил 100, а средний балл участников, не сдавших тест, составил 75. После добавления баллов средний балл участников, сдавших тест, стал равен 103, а не сдавших тест 79. При каком наименьшем числе участников теста возможна такая ситуация?

О проекте «Пробный ЕГЭ каждую неделю»

Данный ким составлен командой всероссийского волонтёрского проекта «ЕГЭ 100 баллов» https://vk.com/ege100ballov и безвозмездно распространяется для любых некоммерческих образовательных целей.

Нашли ошибку в варианте?

Напишите нам, пожалуйста, и мы обязательно её исправим! Для замечаний и пожеланий: https://vk.com/topic-10175642_35994898 (также доступны другие варианты для скачивания)

СОСТАВИТЕЛЬ ВАРИАНТА:					
ФИО:	Евгений Пифагор				
Предмет:	Математика				
Стаж:	6 лет репетиторской деятельности				
Регалии:	Основатель и руководитель проекта Школа Пифагора				
Аккаунт ВК:	https://vk.com/eugene10				
Сайт и доп. информация:	https://youtube.com/ШколаПифагора				

