

Основной государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

Тренировочный вариант № 53

Инструкция по выполнению работы
Общее время экзамена — 235 минут.

Характеристика работы. Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1) и 6 заданий повышенного уровня (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 — 8 заданий; в части 2 — 3 задания.

Модуль «Геометрия» содержит 8 заданий: в части 1 — 5 заданий; в части 2 — 3 задания.

Модуль «Реальная математика» содержит 7 заданий: все задания — в части 1.

Советы и указания по выполнению работы. Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям. Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

Ответы сначала укажите на листах с заданиями экзаменационной работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1. Решения к заданиям части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов №2.

Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля.

Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

Как оценивается работа. Баллы, полученные Вами за верно выполненные задания, суммируются. Для успешного прохождения итоговой аттестации необходимо набрать в сумме не менее 8 баллов, из них: не менее 3 баллов по модулю «Алгебра», не менее 2 баллов по модулю «Геометрия» и не менее 2 баллов по модулю «Реальная математика». За каждое правильно выполненное задание части 1 выставляется 1 балл. В каждом модуле части 2 расположены по нарастанию сложности и оцениваются в 2, 3 и 4 балла.

Желаем успеха!

Часть 1

- Для заданий с выбором ответа из четырёх предложенных вариантов выберите один верный
 - В бланке ответов №1 поставьте знак «х» в клеточку, номер которой соответствует номеру выбранного Вами ответа.
 - Для заданий с кратким ответом полученный результат сначала запишите на листе с текстом работы после слова «Ответ». Если получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную
 - Перенесите ответ в бланк ответов №1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждый символ (цифру, знак минус, запятую или точку с запятой) пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений указывать не нужно.
 - Если при решении задания найдено несколько корней, запишите их (в любом порядке) в бланк ответов № 1, разделив точкой с запятой(;).
- Ответом к заданиям является последовательность цифр. Перенесите цифры в бланк № 1 без пробелов, запятых и других символов.

Модуль «Алгебра».

1. Найдите значение выражения $\frac{5^{-6} \cdot 5^{-6}}{5^{-10}}$.

Ответ: _____.

2. Какому из данных промежутков принадлежит число $\frac{7}{9}$?

Варианты ответа

- 1) [0,5;0,6] 2) [0,6;0,7] 3) [0,7;0,8] 4) [0,8;0,9]

Ответ: _____.

3. Найдите значение выражения $8\sqrt{6} \cdot \sqrt{2} \cdot 2\sqrt{3}$

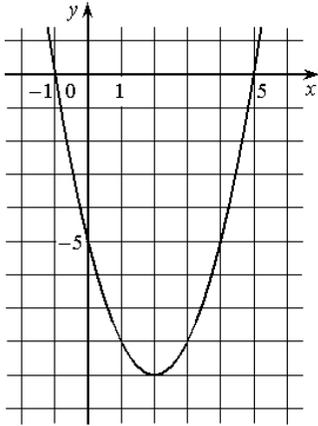
- 1) 576 2) 24 3) 96 4) $16\sqrt{6}$

Ответ: _____.

4. Решите уравнение $\frac{x}{5} + \frac{x}{6} + x = -\frac{41}{6}$

Ответ: _____.

5. На рисунке изображён график квадратичной функции $y=f(x)$.



Какие из следующих утверждений о данной функции **неверны**? Запишите их номера.

- 1) $f(-1) = f(5)$
- 2) Функция убывает на промежутке $[2; +\infty)$
- 3) $f(x) > 0$ при $x < -1$ и при $x > 5$

6. Арифметическая прогрессия задана условием $a_n = -7,9 + 7,8 \cdot n$. Найдите a_{14}

Ответ: _____.

7. Найдите значение выражения $\frac{p(a)}{p(18-a)}$ если $p(a) = \frac{a \cdot (18-a)}{a-9}$.

Ответ: _____.

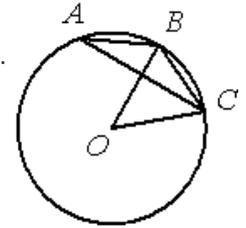
8. Укажите неравенство, которое не имеет решений

1. $x^2 + 6x - 51 > 0$
2. $x^2 + 6x - 51 < 0$
3. $x^2 + 6x + 51 < 0$
4. $x^2 + 6x + 51 > 0$

Ответ: _____.

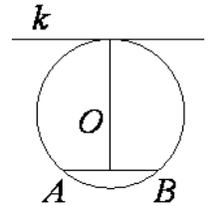
Модуль «Геометрия».

9. Точка O — центр окружности, $\angle BOC = 50^\circ$ (см. рисунок). Найдите величину угла BAC (в градусах).



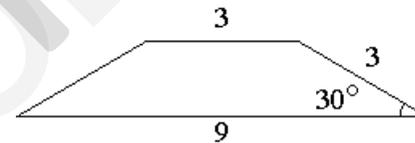
Ответ: _____.

10. Радиус окружности с центром в точке O равен 85, длина хорды AB равна 80 (см. рисунок). Найдите расстояние от хорды AB до параллельной ей касательной k .



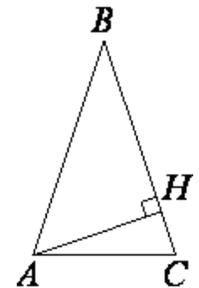
Ответ: _____.

11. Боковая сторона трапеции равна 3, а один из прилежащих к ней углов равен 30° . Найдите площадь трапеции, если её основания равны 3 и 9.



Ответ: _____.

12. В треугольнике ABC $AB=BC$, а высота AH делит сторону BC на отрезки $BH=14$ и $CH=11$. Найдите $\cos B$.



Ответ: _____.

13. Какие из следующих утверждений верны?

1. Если две параллельные прямые пересечены третьей прямой, то внутренние односторонние углы равны.
2. Через любую точку проходит более одной прямой.
3. Любые три прямые имеют не менее одной общей точки.
4. Любые две прямые имеют не менее одной общей точки.

Ответ: _____.

Модуль «Реальная математика» .

14 В таблице даны результаты олимпиад по русскому языку и биологии в 9 «А» классе.

Номер ученика	Балл по русскому языку	Балл по биологии
5005	93	38
5006	70	92
5011	97	36
5015	50	90
5018	30	92
5020	49	93
5025	94	70
5027	47	55
5029	81	65
5032	66	32
5041	60	81
5042	41	47
5043	88	89
5048	99	79
5054	69	36

Похвальные грамоты дают тем школьникам, у кого суммарный балл по двум олимпиадам больше 140 или хотя бы по одному предмету набрано не меньше 75 баллов.

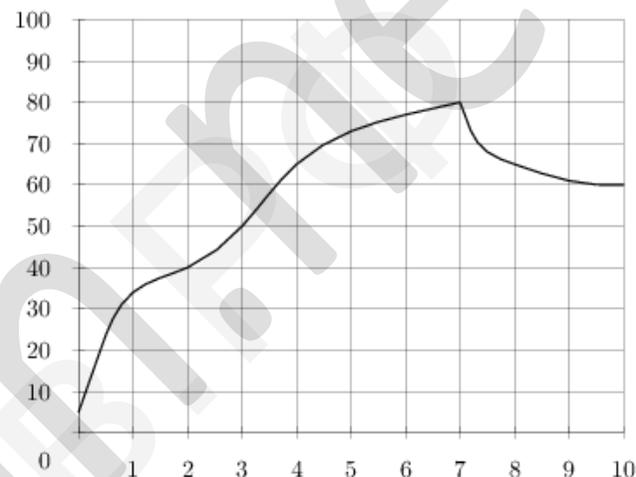
Сколько человек из 9 «А», набравших меньше 75 баллов по русскому языку, получают похвальные грамоты?

Варианты ответа

1. 5 2. 4 3. 2 4. 3

Ответ: _____

15. На графике показан процесс разогрева двигателя легкового автомобиля. На оси абсцисс откладывается время в минутах, прошедшее с момента запуска двигателя, на оси ординат — температура двигателя в градусах Цельсия. Определите по графику, до скольких градусов Цельсия двигатель нагрелся за первые 7 минут.

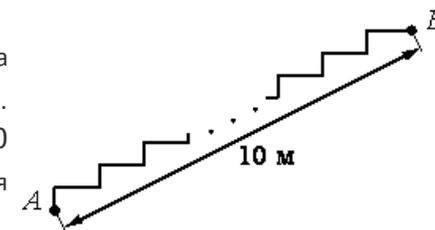


Ответ: _____.

16. Число дорожно-транспортных происшествий в летний период составило 0,97 числа ДТП в зимний период. На сколько процентов уменьшилось число дорожно-транспортных происшествий летом по сравнению с зимой?

Ответ: _____.

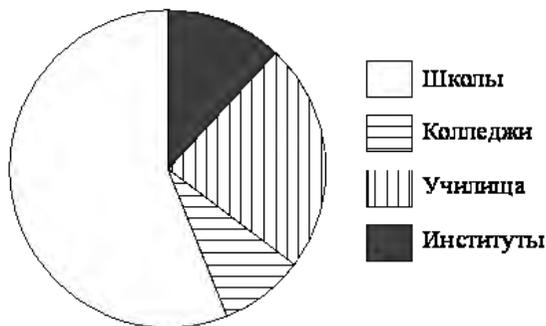
17. Лестница соединяет точки A и B . Высота каждой ступени равна 14 см, а длина — 48 см. Расстояние между точками A и B составляет 10 м. Найдите высоту, на которую поднимается лестница (в метрах).



Ответ: _____.

Часть 2

18 В городе из учебных заведений имеются школы, колледжи, училища и институты. Данные представлены на круговой диаграмме.



Какие из утверждений относительно количества учебных заведений разных видов **неверны**, если всего в городе 120 учебных заведений?

1. В городе больше половины учебных заведений — училища.
2. В городе школ, колледжей и училищ менее $\frac{5}{6}$ всех учебных заведений.
3. В городе примерно восьмая часть всех учебных заведений — институты.
4. В городе более 60 школ.

Ответ: _____.

19. На экзамене по геометрии школьнику достаётся одна задача из сборника. Вероятность того, что эта задача по теме «Площадь», равна 0,15. Вероятность того, что это окажется задача по теме «Окружность», равна 0,3. В сборнике нет задач, которые одновременно относятся к этим двум темам. Найдите вероятность того, что на экзамене школьнику достанется задача по одной из этих двух тем.

Ответ: _____.

20. В фирме «Родник» стоимость (в рублях) колодца из железобетонных колец рассчитывается по формуле $C=6000+4100 \cdot n$, где n — число колец, установленных при рытье колодца. Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость колодца из 20 колец. Ответ укажите в рублях.

Ответ: _____.

При выполнении заданий 21–26 используйте бланк ответов №2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Модуль «Алгебра».

21. Пусть $\frac{m-2n}{n} = 3$. Вычислите значение выражения $\frac{m^2 - mn}{4m^2}$

22. Трава на всём лугу растёт одинаково густо и быстро. Известно, что 70 коров съели бы её за 24 дня, 30 коров за 60 дней. За сколько дней съели бы её 20 коров?

23. Постройте график функции $y = x^2 - 4|x| - x$ и определите, при каких значениях m прямая $y=m$ имеет с графиком не менее одной, но не более трёх общих точек.

Модуль «Геометрия».

24. AB и CD — две параллельные хорды, расположенные по разные стороны от центра O окружности радиуса 15. $AB = 18$, $CD = 24$. Найдите расстояние между хордами.

25. В четырёхугольнике две стороны параллельны, а диагонали взаимно перпендикулярны. Докажите, что две другие стороны равны между собой.

26. В выпуклом четырёхугольнике $ABCD$ диагональ AC равна $\sqrt{2}$. Найдите площадь круга, описанного около треугольника ABD , если $\angle ABC = 105^\circ$, $\angle ACD = 42^\circ$, $\angle DAC = 63^\circ$.