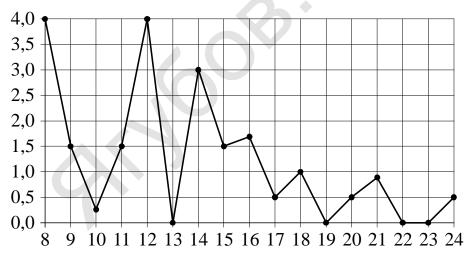
Вариант 15101

Ответом к заданиям 1–14 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

1	Бегун пробежал			•		среднюю	скорость	бегуна
	на дистанции. От	вет дайте	в ки	лометрах	к в час.			

На рисунке жирными точками показано суточное количество осадков, выпадавших в Томске с 8 по 24 января 2005 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — количество осадков, выпавших в соответствующий день, в миллиметрах. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, какого числа в Томске впервые выпало ровно 1,5 миллиметра осадков.



Ответ:

3 Телефонная компания предоставляет на выбор три тарифных плана.

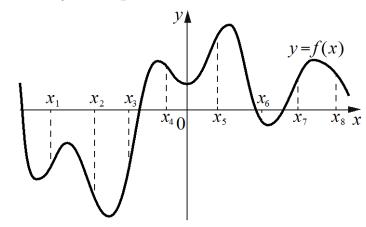
Тарифный план	Абонентская плата (в месяц)	Плата за 1 минуту разговора		
«Повременный»	Нет	0,3 руб.		
«Комбинированный»	160 руб. за 420 мин.	0,2 руб. (сверх 420 мин. в месяц)		
«Безлимитный»	255 руб.	Нет		

Абонент предполагает, что общая длительность разговоров составит 700 минут в месяц, и исходя из этого выбирает наиболее дешёвый тарифный

	план. Сколько рублей должен будет заплатить абонент за месяц, если общая длительность разговоров действительно будет равна 700 минутам?
	Ответ:
4	На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён угол. Найдите синус этого угла.
	Ответ:
5	Если шахматист А. играет белыми фигурами, то он выигрывает у шахматиста Б. с вероятностью 0,5. Если А. играет чёрными, то А. выигрывает у Б. с вероятностью 0,32. Шахматисты А. и Б. играют две партии, причём во второй партии меняют цвет фигур. Найдите вероятность того, что А. выиграет оба раза.
6	Ответ: Найдите корень уравнения $36^{x-5} = \frac{1}{6}$.
	Ответ:
7	Периметр прямоугольной трапеции, описанной около окружности, равен 32, её большая боковая сторона равна 9. Найдите радиус окружности.
	Ответ:

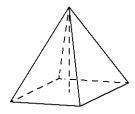
8

На рисунке изображён график функции y = f(x). На оси абсцисс отмечены восемь точек: x_1 , x_2 , x_3 , x_4 , x_5 , x_6 , x_7 , x_8 . В скольких из этих точек производная функции f(x) отрицательна?



9

В правильной четырёхугольной пирамиде высота равна 2, боковое ребро равно 5. Найдите её объём.



Ответ:		V		

He забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

10

Найдите значение выражения $\frac{\sqrt[15]{5} \cdot 5 \cdot \sqrt[10]{5}}{\sqrt[6]{5}}$.

Ответ:		
OIBCI.		

11

Водолазный колокол, содержащий $\upsilon=2$ моля воздуха при давлении $p_1=1,75$ атмосферы, медленно опускают на дно водоёма. При этом происходит изотермическое сжатие воздуха до конечного давления p_2 . Работа, совершаемая водой при сжатии воздуха, определяется выражением $A=\alpha\upsilon T\log_2\frac{p_2}{p_1}$, где $\alpha=13,3\frac{\mbox{$\scalebox{\scal

температура воздуха. Найдите, какое давление p_2 (в атм) будет иметь воздух в колоколе, если при сжатии воздуха была совершена работа в 15 960 Дж.

	Ответ:			
12	Через среднюю линию основания треугольной призмы проведена плоскость, параллельная боковому ребру. Площадь боковой поверхности отсечённой треугольной призмы равна 43. Найдите площадь боковой поверхности исходной призмы.			
	Ответ:			
13	Смешав 24-процентный и 67-процентный растворы кислоты и добавив 10 кг чистой воды, получили 41-процентный раствор кислоты. Если бы вместо 10 кг воды добавили 10 кг 50-процентного раствора той же кислоты,			
	то получили бы 45-процентный раствор кислоты. Сколько килограммов 24-процентного раствора использовали для получения смеси?			
	Ответ:			
14	Найдите наибольшее значение функции			
	$y = 33x - 30\sin x + 29$			
	на отрезке $\left[-\frac{\pi}{2};0\right]$.			
	Ответ:			

He забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Для записи решений и ответов на задания 15–21 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (15, 16 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

15 а) Решите уравнение

$$\sin 2x + \sqrt{2}\sin x = 2\cos x + \sqrt{2}.$$

- б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$.
- В кубе $ABCDA_1B_1C_1D_1$ все рёбра равны 4. На его ребре BB_1 отмечена точка K так, что KB=3. Через точки K и C_1 проведена плоскость α , параллельная прямой BD_1 .
 - а) Докажите, что $A_1P:PB_1=2:1$, где P точка пересечения плоскости α с ребром A_1B_1 .
 - б) Найдите угол наклона плоскости α к плоскости грани BB_1C_1C .
- 17 Решите неравенство $\log_5^2 (25-x^2) 3\log_5 (25-x^2) + 2 \ge 0$.
- Дана равнобедренная трапеция ABCD с основаниями AD и BC. Окружность с центром O, построенная на боковой стороне AB как на диаметре, касается боковой стороны CD и второй раз пересекает большее основание AD в точке H, точка Q середина CD.
 - а) Докажите, что четырёхугольник *DQOH* параллелограмм.
 - б) Найдите AD, если $\angle BAD = 75^{\circ}$ и BC = 1.
- Григорий является владельцем двух заводов в разных городах. На заводах производятся абсолютно одинаковые товары, но на заводе, расположенном во втором городе, используется более совершенное оборудование. В результате, если рабочие на заводе, расположенном в первом городе, трудятся суммарно t^2 часов в неделю, то за эту неделю они производят 3t единиц товара; если рабочие на заводе, расположенном во втором городе, трудятся суммарно t^2 часов в неделю, то за эту неделю они производят 4t единиц товара.

За каждый час работы (на каждом из заводов) Григорий платит рабочему 500 рублей.

Григорий готов выделять 5 000 000 рублей в неделю на оплату труда рабочих. Какое наибольшее количество единиц товара можно произвести за неделю на этих двух заводах?

20 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} \frac{(y^2 - xy + 3x - y - 6)\sqrt{x + 2}}{\sqrt{6 - x}} = 0, \\ x + y - a = 0 \end{cases}$$

имеет ровно два различных решения.

- На доске написали несколько не обязательно различных двузначных натуральных чисел без нулей в десятичной записи. Сумма этих чисел оказалась равной 363. Затем в каждом числе поменяли местами первую и вторую цифры (например, число 17 заменили на число 71).
 - а) Приведите пример исходных чисел, для которых сумма получившихся чисел ровно в 4 раза больше, чем сумма исходных чисел.
 - б) Могла ли сумма получившихся чисел быть ровно в 2 раза больше, чем сумма исходных чисел?
 - в) Найдите наибольшее возможное значение суммы получившихся чисел.