

**Вариант по математике № 1701**  
**Инструкция по выполнению работы**

**Общее время работы** – 235 минут.

**Характеристика работы.** Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1), 4 задания повышенного уровня (часть 2) и 2 задания высокого уровня сложности (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 – 8 заданий; в части 2 – 3 задания. Модуль «Геометрия» содержит 8 заданий: в части 1 – 5 заданий; в части 2 – 3 задания. Модуль «Реальная математика» содержит 7 заданий: все задания – в части 1.

**Советы и указания по выполнению работы.** Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям.

Ответом на задания части 1 (1 – 20) является число (целое или конечная десятичная дробь) или последовательность цифр. Ответ следует записать в поле ответов в тексте работы, а затем перенести в бланк ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки.

**КИМ** Ответ: 

-1,4
------

**Бланк:** 01 

-	1	,	4																
---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**КИМ** Ответ: 

3
---

**Бланк:** 04 

3																			
---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**КИМ** Ответ: 

<b>А</b>	<b>Б</b>	<b>В</b>
2	3	1

**Бланк:** 05 

2	3	1			
---	---	---	--	--	--

В случае записи неверного ответа на задания части 1 запишите новый ответ в нижней части бланка ответов № 1 «Замена ошибочных ответов на задания с ответом в краткой форме»: сначала в первых двух полях запишите номер задания, например «1», а затем правильный ответ.

---

Замена ошибочных ответов на задания с ответом в краткой форме

1-2		-	
-----	--	---	--

При выполнении заданий части 2 (21–26) в бланк ответов №2 необходимо записать обоснованное решение и ответ. Текст задания не следует переписывать в бланк, необходимо лишь указать его номер.

Контрольно-измерительные материалы, выданные Вам, могут использоваться в качестве черновиков. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

При выполнении работы Вы можете пользоваться справочными материалами.

Пользоваться калькулятором не разрешается.

***Желаем успеха!***

**Часть 1**

**Ответом на задание 1 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке.**

**Модуль «Алгебра»****1**

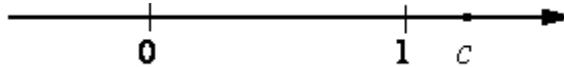
Найдите значение выражения  $\frac{1}{\frac{1}{21} + \frac{1}{14}}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Ответом на задания 2 – 3 является одна цифра, которая соответствует номеру правильного ответа. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки.**

**2**

На координатной прямой отмечено число  $c$ . Расположите в порядке убывания числа  $c$ ,  $c^2$  и  $\frac{1}{c}$ .



- 1)  $c, c^2, \frac{1}{c}$     2)  $\frac{1}{c}, c, c^2$     3)  $c, \frac{1}{c}, c^2$     4)  $c^2, c, \frac{1}{c}$

Ответ:

**3**

Какому из следующих выражений при любых значениях  $n$  равно выражение  $2^{n+3}$ ?

- 1)  $3 \cdot 2^n$     2)  $2^n + 8$     3)  $8 \cdot 2^n$     4)  $8^n$

Ответ:

**Ответом на задание 4 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке.**

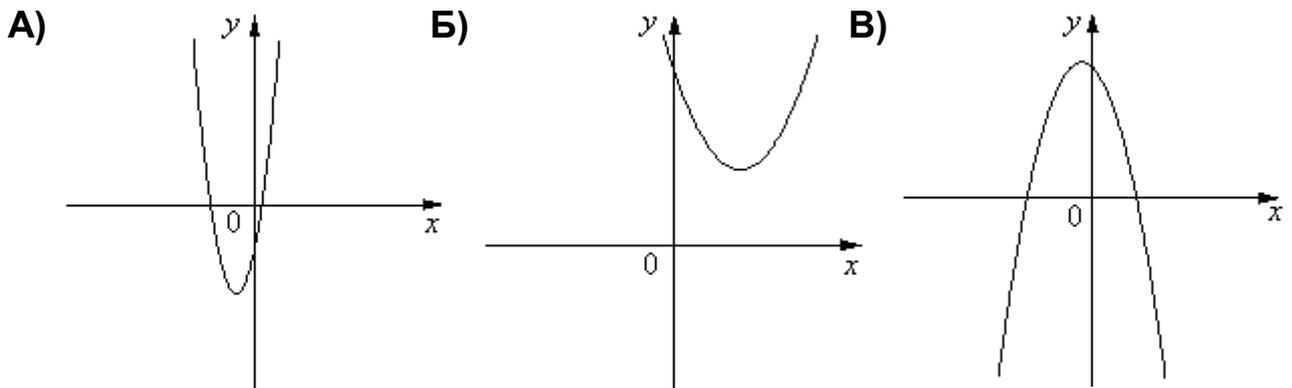
- 4** Решите уравнение  $x^2 = 2x$ . Если уравнение имеет несколько корней, то в ответ запишите меньший корень.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**В задании 5 требуется установить соответствие между некоторыми объектами. Для объектов А, Б и В, расположенных в алфавитном порядке, укажите соответствующие номера объектов 1, 2 или 3. Таким образом, ответом к заданию 5 является последовательность цифр, записанных в установленном порядке без пробелов и использования других символов, например: 213. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру пишите в отдельной клеточке.**

- 5** На рисунке изображены графики функций вида  $y = ax^2 + bx + c$ . Установите соответствие между графиками функций и знаками коэффициентов  $a$  и  $c$ .

**ГРАФИКИ**



**КОЭФФИЦИЕНТЫ**

- 1)  $a < 0, c > 0$                       2)  $a > 0, c > 0$                       3)  $a > 0, c < 0$**

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

А	Б	В

**Ответом на задания 6 - 8 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке.**

- 6** Второй и четвертый член арифметической прогрессии соответственно равны 5 и 13. Найдите шестой член этой арифметической прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 7** Найдите значение выражения  $\frac{5y}{x^2 - 4x + 4} : \frac{4y}{x^2 - 4} - 1$  при  $x = -3$ ,  $y = 2,76$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 8** Найдите наибольшее значение  $x$ , удовлетворяющее системе неравенств
- $$\begin{cases} 6x - 27 \leq 0 \\ 5 - x \leq 1 \end{cases}.$$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Модуль «Геометрия»**

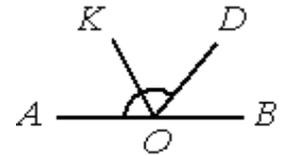
**Ответом на задания 9 – 12 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке. Единицы измерений писать не нужно.**

- 9** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = 2$ ,  $BC = 3$ ,  $AC = 4$ ,  $BM$  – медиана. Найдите длину отрезка  $AM$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

10

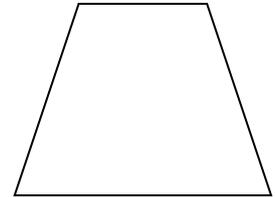
Найдите величину угла  $AOK$ , если  $OK$  — биссектриса угла  $AOD$ ,  $\angle DOB = 64^\circ$ . Ответ дайте в градусах.



Ответ: \_\_\_\_\_.

11

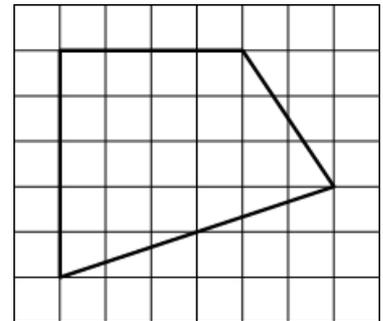
Найдите больший угол равнобедренной трапеции, если сумма двух ее углов равна  $98^\circ$ . Ответ дайте в градусах.



Ответ: \_\_\_\_\_.

12

Найдите площадь фигуры, изображённой на клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \times 1$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответом на задание 13 является одна цифра, которая соответствует номеру правильного ответа. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки.*

13

Какое из следующих утверждений *верно*?

- 1) Площадь прямоугольного треугольника равна произведению его катетов.
- 2) Существует прямоугольник, диагонали которого перпендикулярны.
- 3) Если две стороны одного треугольника соответственно пропорциональны двум сторонам другого треугольника, то такие треугольники подобны.

В ответ запишите номер выбранного утверждения.

Ответ:

**Модуль «Реальная математика»**

**Ответом на задания 14 – 20 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланке ответов №1 справа от номера выполняемого Вами задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке. Единицы измерений писать не нужно.**

**14**

В таблице даны рекомендуемые суточные нормы потребления (в г/сутки) жиров, белков и углеводов детьми от 1 года до 14 лет и взрослыми.

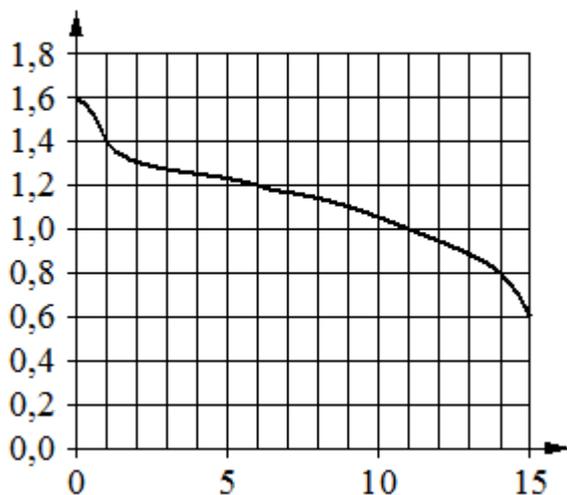
<i>Вещество</i>	<i>Дети от 1 года до 14 лет</i>	<i>Мужчины</i>	<i>Женщины</i>
Жиры	40–97	70–154	60–102
Белки	36–87	65–117	58–87
Углеводы	170–420	257–586	

Какой вывод о суточном потреблении жиров, белков и углеводов женщиной можно сделать, если по подсчётам диетолога в среднем за сутки она потребляет 55 г жиров, 61 г белков и 355 г углеводов? В ответе укажите номера верных утверждений.

- 1) Потребление жиров в норме.
- 2) Потребление белков в норме.
- 3) Потребление углеводов в норме.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 15** При работе фонарика батарейка постепенно разряжается и напряжение в электрической цепи фонарика падает. На графике показана зависимость напряжения в цепи от времени работы фонарика. На горизонтальной оси отмечено время работы фонарика в часах, на вертикальной оси — напряжение в вольтах. Определите по графику, на сколько вольт упадёт напряжение за первые 14 часов работы фонарика.

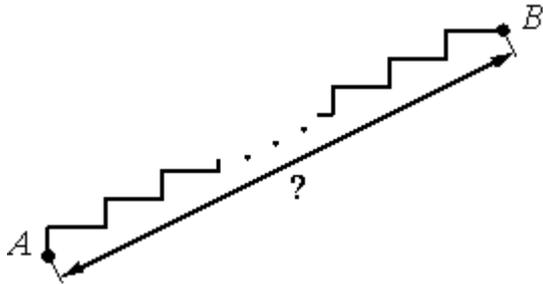


Ответ: \_\_\_\_\_.

- 16** Набор фломастеров, который стоил 160 рублей, продаётся с 25-процентной скидкой. При покупке трёх таких наборов покупатель отдал кассиру 500 рублей. Сколько рублей сдачи он должен получить?

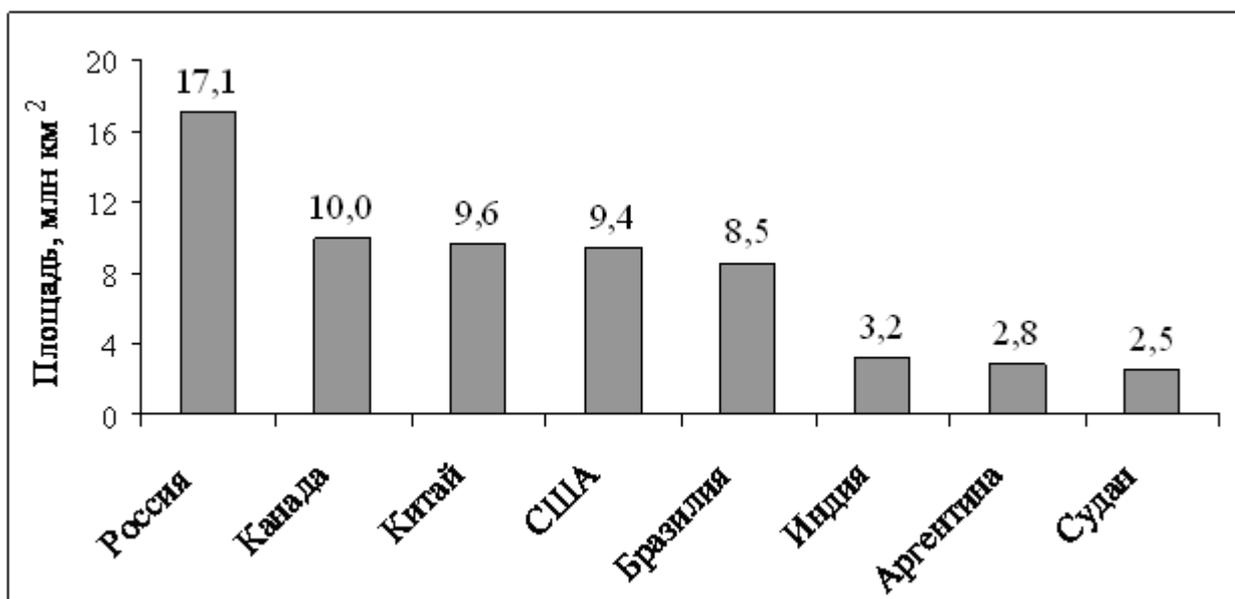
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 17** Лестница соединяет точки  $A$  и  $B$  состоит из 20 ступеней. Высота каждой ступени равна 17,5 см, а длина — 60 см. Найдите расстояние между точками  $A$  и  $B$  (в метрах).



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 18** На диаграмме представлены некоторые из крупнейших по площади территории стран мира.



Во сколько примерно раз площадь США больше площади Судана? (Ответ округлите до целых.)

Ответ: \_\_\_\_\_.

**19** Девятиклассники Петя, Катя, Ваня, Даша и Наташа бросили жребий, кому начинать игру. Найдите вероятность того, что начинать игру должна будет девочка.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**20** Площадь четырёхугольника можно вычислить по формуле  $S = \frac{d_1 d_2 \sin \alpha}{2}$ , где  $d_1$  и  $d_2$  — длины диагоналей четырёхугольника,  $\alpha$  — угол между диагоналями. Пользуясь этой формулой, найдите длину диагонали  $d_2$ , если  $d_1 = 17$ ,  $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ , а  $S = 51$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Не забудьте перенести все ответы части 1 в бланк ответов №1.**

## Часть 2

*При выполнении заданий части 2 используйте бланк ответов №2. Сначала укажите номер выполняемого Вами задания (21 – 26), а затем запишите его полное обоснованное решение и ответ. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.*

## Модуль «Алгебра»

**21** Решите систему уравнений 
$$\begin{cases} (5x + 3)^2 = 8y \\ (3x + 5)^2 = 8y \end{cases}$$

**22** Из  $A$  в  $B$  одновременно выехали два автомобилиста. Первый проехал с постоянной скоростью весь путь. Второй проехал первую половину пути со скоростью 70 км/ч, а вторую половину пути проехал со скоростью, большей скорости первого на 21 км/ч, в результате чего прибыл в  $B$  одновременно с первым автомобилистом. Найдите скорость первого автомобилиста.

- 23 Постройте график функции  $y = \frac{2x^2 - x - 1}{x - 1}$ . Определите, при каких значениях  $k$  прямая  $y = kx$  не имеет с графиком общих точек.

**Модуль «Геометрия»**

- 24 На стороне  $AB$  параллелограмма  $ABCD$  взята точка  $M$ . Найдите площадь параллелограмма, если площадь треугольника  $MCD$  равна  $38 \text{ см}^2$ .
- 25 В треугольнике  $ABC$  проведены высоты  $AA_1$  и  $BB_1$ . Докажите, что  $\angle CAB = \angle CA_1B_1$ .
- 26 Углы при одном основании трапеции равны  $19^\circ$  и  $71^\circ$ . Отрезок, соединяющий середины оснований трапеции равен  $10 \text{ см}$ , средняя линия трапеции -  $12 \text{ см}$ . Найдите основания трапеции.