ТИПОВОЙ ВАРИАНТ ВСТУПИТЕЛЬНОГО ТЕСТИРОВАНИЯ ПО МАТЕМАТИКЕ В 11 КЛАСС, май 2012

1. Решите неравенство:
$$\frac{x}{x^2 + 4x + 3} \le \frac{1}{x + 2}$$

2. Упростите выражение:
$$\left((x+y)^{-1} - \frac{x+y}{x^2 - xy + y^2} \right) : \frac{3xy}{x^3 + y^3}$$

- 3. В прямоугольном треугольнике ABC высота CH, проведенная из вершины прямого угла, равна 3. Найдите гипотенузу AB и косинус угла CAB, если AH=2.
- 4. Решите уравнение: $(3-2x)^2 = 2 \cdot |2-x| + 1$
- 5. Решите уравнение: $(ctgx + \sqrt{3}) \cdot sin2x = 0$
- 6. Найти знаменатель и первый член геометрической прогрессии, если сумма первого и третьего ее членов равна 20, что в 2 раза больше суммы второго и четвертого членов.
- 7. Найдите производную функции $f(x) = (2x^2 + 1) \cdot h(x) + x + \sqrt{3}$, если известно, что существует производная функции h(x). Вычислите f(5), f'(5), если h(5) = 2, h'(5) = 1.
- 8. Упростите выражение: $4^{\log_2 5} + \log_3 \left(\frac{1}{27}\right) + \log_{\sqrt{2}} 4 \log_2 \sqrt{2}$.
- 9. Товар стоимостью 1000000 рублей подорожал на 6%, затем стал дешевле на 8%, потом снова подорожал на 2%. Найдите последнюю стоимость товара.
- 10. Нарисуйте множество точек на плоскости, координаты которых удовлетворяют системе неравенств, и найдите площадь полученной фигуры:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4 \ge 0 \\ |x| \le 2 \\ |y| \le 3 \end{cases}$$