# Контрольная работа №5

## Вариант 1

1. Разложите на множители выражение:

1) 
$$4ab^2 - 9a^3$$
:

2) 
$$x^3 + 8y^3$$
;

3) 
$$c^5 + 32$$
.

**2.** Представьте в виде многочлена выражение  $(-2m+5)^3$ .

3. Упростите выражение  $a(a+2)(a-2)-(a-3)(a^2+3a+9)$ .

4. Разложите на множители выражение:

1) 
$$x - 3y + x^2 - 9y^2$$
;

2) 
$$1-x^2+10xy-25y^2$$
;

3) 
$$(x+5)^3-64$$
.

5. Решите уравнение:

1) 
$$49x^3 + 14x^2 + x^2$$

1) 
$$49x^3 + 14x^2 + x = 0$$
; 3)  $x^3 - 3x^2 + 3x - 2 = 0$ .

2) 
$$x^3 - 5x^2 - x + 5 = 0$$
;

**6.** Докажите, что при любом натуральном n значение выражения  $9^n + 17^n - 2$  кратно 8.

7. Разложите на множители многочлен  $2a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ .

## Вариант 2

1. Разложите на множители выражение:

1) 
$$25x^5 - 16x^3y^2$$
;

2) 
$$27x^3 - y^3$$
;

3) 
$$243x^5 - 1$$
.

2. Представьте в виде многочлена выражение  $(-3+4x)^3$ .

3. Упростите выражение  $x(x-1)(x-1)-(x-2)(x^2+2x+4)$ .

4. Разложите на множители выражение:

1) 
$$7m-n+49m^2-n^2$$
;

2) 
$$9 - x^2 - 2xy - y^2$$

2) 
$$9 - x^2 - 2xy - y^2$$
; 3)  $(x-4)^3 - 27$ .

5. Решите уравнение:

3) 
$$x^3 + 6x^2 + 12x + 9 = 0$$
.

1) 
$$64x^3 - 16x^2 + x = 0$$
;  
2)  $x^3 - 3x^2 - 4x + 12 = 0$ ;

**6.** Докажите, что при любом натуральном n значение выражения  $8^n + 15^n - 2$  кратно 7.

7. Разложите на множители многочлен  $x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + 9y^3$ .

## Вариант 3

1. Разложите на множители выражение:

1) 
$$4m^6 - 25m^4n^2$$
;

2) 
$$125c^3 + d^3$$
;

3) 
$$a^5 + 243$$
.

2. Представьте в виде многочлена выражение  $(-y+6)^3$ .

3. Упростите выражение  $y(y-5)(y+5)-(y+2)(y^2-2y+4)$ .

4. Разложите на множители выражение:

1) 
$$a^2 - 36b^2 + a - 6b$$
;

2) 
$$4 - m^2 + 14mn - 49n^2$$
;

3) 
$$(x-4)^3+27$$
.

5. Решите уравнение:

1) 
$$81x^3 + 18x^2 + x = 0$$

1) 
$$81x^3 + 18x^2 + x = 0$$
; 3)  $x^3 + 3x^2 + 3x + 2 = 0$ .

2) 
$$x^3 + 6x^2 - x - 6 = 0$$
;

**6.** Докажите, что при любом натуральном n значение выражения  $10^n + 19^n - 2$  кратно 9.

7. Разложите на множители многочлен  $9m^3 + 3m^2n + 3mn^2 + n^3$ .

# Вариант 4

1. Разложите на множители выражение:

1) 
$$64x^5z^2 - 49x^7$$
;

2) 
$$a^3 + 64c^3$$
;

3) 
$$32y^5 - 1$$
.

2. Представьте в виде многочлена выражение  $(-3b+2)^3$ .

3. Упростите выражение  $b(b-3)(b+3)-(b-1)(b^2+b+1)$ .

4. Разложите на множители выражение:

1) 
$$81c^2 - d^2 + 9c + d$$
;

2) 
$$25 - m^2 - 12mn - 36n^2$$
; 3)  $(x + 2)^3 - 125$ .

3) 
$$(x+2)^3-125$$

5. Решите уравнение:

1) 
$$121x^3 - 22x^2 + x = 0$$
;

3) 
$$x^3 - 6x^2 + 12x - 9 = 0$$
.

2) 
$$x^3 - 2x^2 - 9x + 18 = 0$$
;

6. Докажите, что при любом натуральном n значение выражения  $7^n + 13^n - 2$  кратно 6.

7. Разложите на множители многочлен  $y^3 + 3y^2z + 3yz^2 + 2z^3$ .