

1 Решением уравнения  $x = x \sin \alpha + \cos \alpha$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      2  $\alpha = (4n - 1) \cdot \frac{\pi}{2}$      3  $\alpha = 2\pi n$   
 4  $\alpha = \pi n$      5  $\alpha = (2n + 1)\pi$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(2x - a) \lg(x + 2) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $[-4; -2]$      2  $(-\infty; -2]$      3  $(-\infty; -4]$   
 4  $(-\infty; -4] \cup \{-2\}$      5  $\{-2\}$

3 Упростить выражение  $\frac{6 - (\sqrt{13} - 2)^2}{\sqrt{13} + \sqrt{6} - 2} + \sqrt{13} - \sqrt{6}$

- 1 2     2  $2 + \sqrt{6}$      3  $-2 - \sqrt{6}$      4  $\sqrt{13}$      5  $\sqrt{13} - 2$

4 Если затраты на покупку апельсинов возросли на 76%, а цена килограмма апельсинов увеличилась на 10%, то вес купленных апельсинов возрос на

- 1 64%     2 60%     3 68%     4 66%     5 72%

5 Числа  $a = \log_{25} 121$ ,  $b = 1,5$  и  $c = \log_4 9$  удовлетворяют соотношению

- 1  $a < c < b$      2  $a < b < c$      3  $b > a > c$      4  $b < a < c$      5  $a > c > b$

6 Если  $\frac{\cos \frac{\alpha}{2} - 3 \sin \frac{\alpha}{2}}{2 \cos \frac{\alpha}{2} - 5 \sin \frac{\alpha}{2}} = 2$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 1     2 3     3 однозначно определить невозможно     4 4     5 2

7 Наименьшее значение функции  $y = 9^{\operatorname{tg} x} + 3^{3-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1 36     2  $9\sqrt{3}$      3  $6\sqrt{3}$      4  $4\sqrt{3}$      5 18

8 Корень уравнения  $7^{(-2^x)} = 4$  равен

- 1  $\log_2 \log_7 4$      2  $-\log_4 \log_7 2$      3  $\log_4 \log_2 7$   
 4 уравнение корней не имеет     5  $-\log_2 \log_7 4$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = -\sin\left(\frac{6\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $(-1)^n + 5n$      2  $1 + 10n$      3  $\pm 1 + 10n$   
 4  $(-1)^n + 10n$      5  $4 + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 1-м, 2-м и 4-м станках весь тираж будет готов за 1 час 48 минут; при печатании на 1-м, 2-м и 3-м - за 2 часа 15 мин, а если листовки печатать на 3-м и 4-м станках, то тираж напечатают за 1,5 часа. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 12 мин     2 1 ч 20 мин     3 1 ч 24 мин  
 4 1 ч 15 мин     5 1 ч 10 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его большего угла равен

- 1 0,7     2  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      3 0,8     4  $\frac{\sqrt{5}}{4}$      5 0,6

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = x^2 + |x| + 4$  и  $y = 4x^{10} - x^4 + 2 + (\sqrt{a})^2$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 0     2 такое невозможно     3 2     4 4, -4     5 4

13 Наименьшее решение неравенства  $|x^2 - 6x - 16| \leq 2x - 10$  принадлежит промежутку

- 1 (4; 7)     2 (-2; 6)     3 (6; 10)     4 (8; 12)     5 (3; 5)

14 Найдите отношение радиуса окружности, описанной около прямоугольного треугольника с острым углом  $30^\circ$ , к радиусу вписанной в этот треугольник окружности.

- 1  $\frac{\sqrt{3}}{2} + 1$      2  $\sqrt{3} + 2$      3  $\sqrt{3} + 1$      4  $\frac{2}{\sqrt{3}} + 1$      5  $\frac{1}{\sqrt{3}} + \sqrt{2}$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}) \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}) > 0$  образуют множество

- 1  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; +\infty)$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$      3  $(-\infty; \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8})$   
 4  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}; +\infty)$      5  $(-\infty; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(y - \sin x - 1)(\sin x - 2 - y)\sqrt{x - x^2 + 2} \geq 0$ , равна

- 1 9     2 2     3 3     4 6     5 12

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{16x+72-x^2}{25}} \leq \frac{16x+72-x^2}{25}$$

равно

[1] 21 [2] 24 [3] 22 [4] 23 [5] 20

**18** Все значения  $a$ , при которых уравнение  $9^x + a \cdot 3^x + a - 1 = 0$  не имеет решений, образуют множество

[1]  $\emptyset$  [2]  $[1; +\infty)$  [3]  $(-\infty; +\infty)$   
[4]  $(-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$  [5]  $[1; 2) \cup (2; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{33,5} + \sqrt{1073,25} + \sqrt{33,5} - \sqrt{1073,25}$

[1]  $\sqrt{53}$  [2] 9 [3]  $2\sqrt{15}$  [4]  $2\sqrt{33,5}$  [5]  $\sqrt{67}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_3(-3x)$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

[1]  $y = 3^{-x+1}$  [2]  $y = \log_3(\frac{1}{3}x)$  [3]  $y = 3^{-x-1}$   
[4]  $y = 3^{-x}$  [5]  $y = \log_3(3x)$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x^2 - 4x + 5}$  заключена в интервале

[1]  $(-2; -1)$  [2]  $(3; 5)$  [3]  $(0; \sqrt{3})$  [4]  $(1; 2)$  [5]  $(2; 4)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{30}-\sqrt{12}}\right)^{x^2-3x} > \left(\frac{21-\sqrt{360}}{2}\right)$  равно

[1]  $(-\infty; 1) \cup (2; +\infty)$  [2]  $(-2; -1)$  [3]  $(-1; +\infty)$   
[4]  $(1; 2)$  [5]  $(-\infty; 1)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{|x^2 - 2x - 3|}{x^2 - 2x - 3} + (x - a)^2 = 0$$

имеет два различных корня

[1]  $a \in (0; 2)$  [2]  $a \in (-1; 1)$  [3]  $a \in (4; +\infty)$   
[4]  $a \in (-\infty; -1)$  [5]  $a \in (-1; 3)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1) - \operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1)$  равно

[1]  $\frac{5\pi}{6}$  [2]  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  [3]  $-\frac{\pi}{3}$  [4]  $-\frac{\pi}{6}$  [5]  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих уравнению  $x^2 + xy - 2y^2 - 7 = 0$ , равна

[1] 3 [2] 5 [3] 6 [4] 7 [5] 4

**26** Решить неравенство  $5x - 6 > \sqrt{1 + 3x(3x + 2)} + \sqrt{-4x^2 + 16x + 20}$

[1]  $(-1; 5]$  [2]  $\left(\frac{11+3\sqrt{7}}{4}; 5\right]$  [3]  $\left(\frac{11+2\sqrt{7}}{4}; 5\right]$   
[4]  $\left(\frac{11+\sqrt{7}}{4}; 5\right]$  [5]  $(0; 5]$

**27** Уравнение  $e^x = ax^2$  имеет три решения при всех  $a > 0$  из промежутка

[1]  $(4e^{-2}; +\infty)$  [2]  $(0, 25e^2; +\infty)$  [3]  $(0; 2, 25)$   
[4]  $(0; 3]$  [5]  $(0; 0, 25e^2)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $5^x \cdot 73^{(-\frac{1}{x})} = 417$  принадлежит промежутку

[1]  $[6; 999)$  [2]  $[4; 5)$  [3]  $[5; 6)$  [4]  $[3; 4)$  [5]  $(-999; 3)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[1; 3]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - x + (a - 2)(3 - a) < 0$ .

[1]  $(0; 5)$  [2]  $(-\infty; 0) \cup (5; +\infty)$  [3]  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$   
[4]  $(0; 2) \cup (3; 5)$  [5]  $(2; 3)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{\log_2(x^2 + 1) + 2^x}{\frac{1}{2} - \cos x} - \frac{-2^x + \log_{0,5}(x^2 + 1)}{\cos x + \frac{\sqrt{2}}{2}}}$$

[1]  $(-3, 8; -2, 5)$  [2]  $(2, 5; 3, 7)$  [3]  $(10, 5; 11, 1)$   
[4]  $(8, 7; 10, 1)$  [5]  $(6, 7; 7, 7)$

1 Решением уравнения  $x - \sin \alpha = -x \cos \alpha$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = (4n - 1) \cdot \frac{\pi}{2}$      2  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      3  $\alpha = \pi n$   
 4  $\alpha = 2\pi n$      5  $\alpha = (2n + 1)\pi$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(3x + a) \lg(x - 1) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $[-3; +\infty)$      2  $[-3; +\infty) \cup \{-6\}$      3  $\{-6\}$   
 4  $(-\infty; -3]$      5  $[-6; -3]$

3 Упростить выражение  $\frac{(\sqrt{13} - 2)^2 - 6}{2 - \sqrt{13} - \sqrt{6}} + \sqrt{13}$

- 1 2     2  $2 + \sqrt{6}$      3  $\sqrt{13}$      4  $\sqrt{13} - 2$      5  $-2 - \sqrt{6}$

4 Если затраты на покупку бананов возросли на 56%, а цена килограмма бананов увеличилась на 20%, то вес купленных бананов возрос на

- 1 30%     2 24%     3 48%     4 36%     5 32%

5 Числа  $a = \log_4 9$ ,  $b = \log_6 14$  и  $c = 1,5$  удовлетворяют соотношению

- 1  $b < a < c$      2  $b < c < a$      3  $b > c > a$      4  $b > a > c$      5  $a < b < c$

6 Если  $\frac{3 \cos \frac{\alpha}{2} + 2 \sin \frac{\alpha}{2}}{\cos \frac{\alpha}{2} - 3 \sin \frac{\alpha}{2}} = 4$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 2     2 3     3 однозначно определить невозможно     4 1     5 4

7 Наименьшее значение функции  $y = 4^{\operatorname{tg} x} + 2^{1-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1  $3\sqrt{2}$      2  $4\sqrt{2}$      3 4     4 8     5  $2\sqrt{2}$

8 Корень уравнения  $3^{(-2^x)} = 7$  равен

- 1  $-\log_2 \log_3 7$      2  $-\log_3 \log_2 7$      3 уравнение корней не имеет  
 4  $\log_3 \log_2 7$      5  $\log_2 \log_3 7$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = \sin\left(\frac{6\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\pm 1 + 10n$      2  $-1 + 10n$      3  $(-1)^{n+1} + 10n$   
 4  $(-1)^{n+1} + 5n$      5  $6 + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 2-м, 3-м и 4-м станках весь тираж будет готов за 2 часа 12 минут; при печатании на 1-м, 3-м и 4-м - за 1 час 50 мин, а если листовки печатать на 1-м и 2-м станках, то тираж напечатают за 1 час 24 мин. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 15 мин     2 1 ч 10 мин     3 1 ч 12 мин  
 4 1 ч 20 мин     5 1 ч 24 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его меньшего угла равен

- 1 0,6     2  $\frac{\sqrt{5}}{4}$      3 0,8     4  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      5 0,7

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = |x - 2| + |x + 2|$  и  $y = x^{10} - 9x^8 + 4x^6 - 3x^2 + (\sqrt{a})^2$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 такое невозможно     2 4, -4     3 4     4 2     5 0

13 Наибольшее решение неравенства  $|x^2 + 6x - 16| \leq 10 - 2x$  принадлежит промежутку

- 1  $(-2; 2)$      2  $(2; 5)$      3  $(3; 6)$      4  $(-6; 2)$      5  $(-6; 0)$

14 Найдите отношение радиуса окружности, описанной около прямоугольного треугольника с острым углом  $60^\circ$ , к радиусу вписанной в этот треугольник окружности.

- 1  $\sqrt{3} + 1$      2  $2\sqrt{3} + 1$      3  $\frac{2}{\sqrt{3}} + 1$      4  $\frac{\sqrt{3}}{2} + 1$      5  $\frac{1}{\sqrt{3}} + 2$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{ctg} \frac{3\pi}{8}) \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{8}} \frac{\sqrt{3}}{3}) > 0$  образуют множество

- 1  $(-\infty; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}; +\infty)$   
 3  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$      4  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; +\infty)$      5  $(-\infty; \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8})$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(\cos x + 1 - y)(y - \cos x + 3)\sqrt{3x - x^2} \geq 0$ , равна

- 1 2     2 3     3 12     4 6     5 9

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{72 - 16x - x^2}{25}} \leq \frac{72 - 16x - x^2}{25}$$

равно

1 20    2 21    3 23    4 22    5 24

**18** Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $25^x + 2a \cdot 5^x + a - 3 = 0$  имеет ровно одно решение, образуют множество

1  $(-\infty; 3)$     2  $(-\infty; +\infty)$     3  $(0; 3)$     4  $\emptyset$     5  $[3; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{6,25} - \sqrt{34} - \sqrt{6,25 + \sqrt{34}}$

1 -2    2  $\sqrt{10,25}$     3  $-\sqrt{10,25}$     4  $-2\sqrt{2}$     5  $2\sqrt{2}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_2(-2x)$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

1  $y = 2^{-x-1}$     2  $y = 2^{-x}$     3  $y = \log_2(2x)$   
 4  $y = \log_2(0,5x)$     5  $y = 2^{-x+1}$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 + x + 1}{x^2 + 1}$  заключена в интервале

1  $(-2; -1)$     2  $(2; 4)$     3  $(0; \sqrt{3})$     4  $(1; 2)$     5  $(3; 5)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{40} - \sqrt{2}}\right)^{x^2 - 5x + 8} < \left(\frac{2}{21 - 4\sqrt{5}}\right)$  равно

1  $(2; 3)$     2  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$     3  $(3; +\infty)$   
 4  $(-\infty; -3) \cup (-2; +\infty)$     5  $(-\infty; 2)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{|x^2 - 2x - 3|}{x^2 - 2x - 3} - (x + a)^2 = 0$$

имеет один корень

1  $a \in (3; +\infty)$     2  $a \in (-4; -3, 5)$     3  $a \in (3; 4)$   
 4  $a \in (-\infty; -1)$     5  $a \in (-5; -4)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1)$  равно

1  $\frac{5\pi}{6}$     2  $-\frac{\pi}{6}$     3  $\sqrt{3}$     4  $\frac{\pi}{6}$     5  $-\sqrt{3}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих условию  $x^2 + 2xy - 3y^2 - 13 = 0$ , равна

1 9    2 7    3 5    4 4    5 8

**26** Решить неравенство  $4x - 5 > \sqrt{4 + 3x(3x - 4)} + \sqrt{-2x^2 + 14x - 20}$

1  $(4; 5]$     2  $\left(\frac{10 + \sqrt{13}}{3}; 5\right]$     3  $(2; 5]$   
 4  $\left(\frac{5 + \sqrt{13}}{2}; 5\right]$     5  $\left(\frac{10 - \sqrt{13}}{3}; 5\right]$

**27** Уравнение  $a \cdot e^x = x^2$  имеет единственное решение при всех  $a > 0$  из промежутка

1  $(0; 0,25e^2)$     2  $(4e^{-2}; +\infty)$     3  $(e; +\infty)$     4  $(0; 3)$     5  $(0; 2,25)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $2^x \cdot 19^{(-\frac{1}{x})} = 117$  принадлежит промежутку

1  $[4; 5)$     2  $[6; 999)$     3  $[3; 4)$     4  $[5; 6)$     5  $(-999; 3)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[1; 2]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - 6x + (a + 2)(4 - a) > 0$ .

1  $(-1; 0) \cup (2; 3)$     2  $(-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$     3  $(-1; 3)$   
 4  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     5  $(0; 2)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{\log_{0,5}(x^2 + 1) - 2^x}{\sin x - 0,5}} + \frac{2^x + \log_2(x^2 + 1)}{\sin x - \frac{\sqrt{2}}{2}}$$

1  $(2, 4; 2, 5)$     2  $(-0, 7; 1, 5)$     3  $(0, 8; 1, 5)$     4  $(-1, 5; 0, 9)$     5  $(0; \pi)$

1 Решением уравнения  $x \sin \alpha = \cos \alpha - x$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      2  $\alpha = (4n - 1) \cdot \frac{\pi}{2}$      3  $\alpha = \pi n$   
 4  $\alpha = (2n + 1)\pi$      5  $\alpha = 2\pi n$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(2x - a) \lg(x - 2) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $(-\infty; 6]$      2  $(-\infty; 4]$      3  $(-\infty; 4] \cup \{6\}$      4  $[4; 6]$      5  $\{6\}$

3 Упростить выражение  $\frac{(\sqrt{13} - 2)^2 - 6}{\sqrt{13} + \sqrt{6} - 2} + \sqrt{6}$

- 1  $\sqrt{13}$      2  $\sqrt{13} - 2$      3  $-2 - \sqrt{6}$      4  $2$      5  $2 + \sqrt{6}$

4 Если затраты на покупку огурцов возросли на 92%, а цена килограмма огурцов увеличилась на 60%, то вес купленных огурцов возрос на

- 1 32%     2 20%     3 36%     4 18%     5 24%

5 Числа  $a = \log_2 3$ ,  $b = \log_{36} 196$  и  $c = 1,5$  удовлетворяют соотношению

- 1  $a < b < c$      2  $b > a > c$      3  $b < a < c$      4  $b < c < a$      5  $b > c > a$

6 Если  $\frac{3 \sin \frac{\alpha}{2} - \cos \frac{\alpha}{2}}{4 \cos \frac{\alpha}{2} + \sin \frac{\alpha}{2}} = -2$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 2     2 4     3 однозначно определить невозможно     4 1     5 3

7 Наименьшее значение функции  $y = 4^{\operatorname{tg} x} + 2^{5-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1 8     2 4     3  $8\sqrt{2}$      4  $2\sqrt{2}$      5  $4\sqrt{2}$

8 Корень уравнения  $6^{(-2^x)} = 3$  равен

- 1 корней нет     2  $\log_6 \log_2 3$      3  $\log_6 \log_2 9$   
 4  $-\log_6 \log_2 3$      5  $-\log_3 \log_6 2$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = \sin\left(\frac{4\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $4 + 10n$      2  $1 + 10n$      3  $(-1)^n + 5n$   
 4  $(-1)^n + 10n$      5  $\pm 1 + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 1-м, 3-м и 4-м станках весь тираж будет готов за 2 часа 30 минут; при печатании на 1-м, 2-м и 4-м - за 1 час 40 мин, а если листовки печатать на 2-м и 3-м станках, то тираж напечатают за 1,5 часа. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 24 мин     2 1 ч 12 мин     3 1 ч 15 мин  
 4 1 ч 20 мин     5 1 ч 10 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его большего угла равен

- 1  $\frac{\sqrt{5}}{4}$      2 0,8     3 0,7     4 0,6     5  $\frac{\sqrt{5}}{3}$

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = 2x^6 + 7x^2 + 1$  и  $y = 3x^{10} - 9x^2 + \sqrt{a^2}$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 1     2 -1     3 1, -1     4 0     5 такое невозможно

13 Наибольшее решение неравенства  $|x^2 - 6x - 16| \leq 2x - 10$  принадлежит промежутку

- 1 (1; 7)     2 (9; 14)     3 (4; 7)     4 (5; 11)     5 (11; 15)

14 Найдите отношение радиуса окружности, вписанной в прямоугольный треугольник с острым углом  $30^\circ$ , к радиусу описанной около этого треугольника окружности.

- 1  $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$      2  $\sqrt{3}-1$      3  $\sqrt{3}+1$      4  $1-\frac{\sqrt{3}}{2}$      5  $\sqrt{3}/6$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \sin \frac{\pi}{6})(x - \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3}) > 0$  образуют множество

- 1  $(0; +\infty)$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \frac{\sqrt{3}}{2}; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$      3  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0, 5; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; +\infty)$   
 4  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; \log_{\frac{\pi}{3}} 0, 5)$      5  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0, 5; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(x-1)(x-3)\sqrt{(y-\sin 2x-1)(\sin 2x-2-y)} \leq 0$ , равна

- 1 2     2 3     3 9     4 12     5 6

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{64 - 18x - x^2}{22}} \leq \frac{64 - 18x - x^2}{22}$$

равно

[1] 23 [2] 20 [3] 22 [4] 21 [5] 24

**18** Все значения  $a$ , при которых уравнение  $4^x + a \cdot 2^x + a - 2 = 0$  не имеет решений, образуют множество

[1]  $(0; 2)$  [2]  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$  [3]  $(-\infty; +\infty)$  [4]  $\emptyset$  [5]  $[2; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{10,5 - \sqrt{106,25}} - \sqrt{10,5 + \sqrt{106,25}}$

[1]  $-\sqrt{19}$  [2]  $\sqrt{17}$  [3]  $\sqrt{19}$  [4]  $-\sqrt{17}$  [5]  $-\sqrt{21}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_2(-\frac{2}{x})$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

[1]  $y = 2^{x-1}$  [2]  $y = -\log_2(\frac{2}{x})$  [3]  $y = 2^{-x}$   
[4]  $y = \log_2(\frac{x}{2})$  [5]  $y = 2^{x+1}$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 - 2x + 2}$  заключена в интервале

[1]  $(0; \sqrt{3})$  [2]  $(3; 5)$  [3]  $(1; 2)$  [4]  $(2; 4)$  [5]  $(-2; -1)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{44+\sqrt{6}}}\right)^{x^2+2x-13} > \left(\frac{2}{25+\sqrt{264}}\right)$  равно

[1]  $(-5; 3)$  [2]  $(-\infty; 3)$  [3]  $(-\infty; -5) \cup (3; +\infty)$   
[4]  $(-\infty; 3) \cup (5; +\infty)$  [5]  $(-3; 5)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{|x^2 - x - 2|}{x^2 - x - 2} + (x + a)^2 = 0$$

имеет два различных корня

[1]  $a \in (-0,5; 0)$  [2]  $a \in (-\infty; -2)$  [3]  $a \in (3; +\infty)$   
[4]  $a \in (0; 0,5)$  [5]  $a \in (0, 5; 1)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1)$  равно

[1]  $-\frac{\pi}{6}$  [2]  $\sqrt{3}$  [3]  $\frac{5\pi}{6}$  [4]  $-\frac{\pi}{3}$  [5]  $-\sqrt{3}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих уравнению  $x^2 + xy - 2y^2 - 13 = 0$ , равна

[1] 6 [2] 9 [3] 4 [4] 5 [5] 7

**26** Решить неравенство  $4x - 5 > \sqrt{1 + x(x+2)} + \sqrt{-3x^2 + 6x + 24}$

[1]  $(-2; 4]$  [2]  $\left(\frac{5}{4}; 2\right]$  [3]  $\left(\frac{4 + \sqrt{33}}{4}; 4\right]$  [4]  $(3; 4]$  [5]  $\left(\frac{7 + \sqrt{33}}{4}; 4\right]$

**27** Уравнение  $e^x = ax^2$  имеет единственное решение при всех  $a > 0$  из промежутка

[1]  $(0; 0,25e^2)$  [2]  $(0,25e^2; +\infty)$  [3]  $(0; 3]$  [4]  $(0; 2,25)$  [5]  $(e^2; +\infty)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $3^x \cdot 61^{(-\frac{1}{x})} = 217$  принадлежит промежутку

[1]  $[3; 4)$  [2]  $[6; 999)$  [3]  $[4; 5)$  [4]  $[5; 6)$  [5]  $(-999; 3)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[-1; 1]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - 5x + (a+1)(4-a) < 0$ .

[1]  $(0; 3)$  [2]  $(-\infty; -2) \cup (5; +\infty)$  [3]  $(-\infty; 0) \cup (3; +\infty)$   
[4]  $(-2; 5)$  [5]  $(-2; 0) \cup (3; 5)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{\log_{0,5}(x^2 + 1) - 2^x}{0,5 - \cos x}} - \frac{2^x + \log_2(x^2 + 1)}{\cos x + \frac{\sqrt{3}}{2}}$$

[1]  $(7, 4; 8, 5)$  [2]  $(-2, 5; -1, 2)$  [3]  $(3, 7; 5, 1)$   
[4]  $(9, 2; 9, 5)$  [5]  $(1, 1; 2, 5)$

1 Решением уравнения  $x = \sin \alpha + x \cos \alpha$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = 2\pi n$      2  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      3  $\alpha = (2n+1)\pi$   
 4  $\alpha = \pi n$      5  $\alpha = (4n-1) \cdot \frac{\pi}{2}$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(3x+a) \lg(x+1) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $[0; 3]$      2  $[3; +\infty)$      3  $[3; +\infty) \cup \{0\}$      4  $(-\infty; 3]$      5  $\{0\}$

3 Упростить выражение  $\frac{6 - (\sqrt{13} - 2)^2}{2 - \sqrt{13} - \sqrt{6}} - \sqrt{13}$

- 1  $\sqrt{13}$      2  $-2 - \sqrt{6}$      3 2     4  $2 + \sqrt{6}$      5  $\sqrt{13} - 2$

4 Если затраты на покупку помидоров возросли на 82%, а цена килограмма помидоров увеличилась на 30%, то вес купленных помидоров возрос на

- 1 32%     2 48%     3 52%     4 36%     5 40%

5 Числа  $a = \log_5 11$ ,  $b = 1,5$  и  $c = \log_2 3$  удовлетворяют соотношению

- 1  $b > a > c$      2  $b < a < c$      3  $a < c < b$      4  $a < b < c$      5  $a > c > b$

6 Если  $\frac{\sin \frac{\alpha}{2} - 3 \cos \frac{\alpha}{2}}{2 \sin \frac{\alpha}{2} + 5 \cos \frac{\alpha}{2}} = 3$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 однозначно определить невозможно     2 3     3 4     4 2     5 1

7 Наименьшее значение функции  $y = 4^{\operatorname{tg} x} + 2^{3-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1  $2\sqrt{2}$      2 8     3  $6\sqrt{2}$      4  $4\sqrt{2}$      5 4

8 Корень уравнения  $5^{(-2^x)} = 2$  равен

- 1  $\log_5 \log_2 0,2$      2  $\log_5 \log_2 5$      3  $-\log_2 \log_5 2$   
 4 корней нет     5  $-\log_5 \log_2 5$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = -\sin\left(\frac{\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $6 + 10n$      2  $-1 + 10n$      3  $(-1)^{n+1} + 5n$   
 4  $\pm 1 + 10n$      5  $(-1)^{n+1} + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 1-м, 2-м и 3-м станках весь тираж будет готов за 2 часа 40 минут; при печатании на 2-м, 3-м и 4-м - за 1 час 36 мин, а если листовки печатать на 1-м и 4-м станках, то тираж напечатают за 1,5 часа. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 15 мин     2 1 ч 10 мин     3 1 ч 20 мин  
 4 1 ч 24 мин     5 1 ч 12 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его меньшего угла равен

- 1  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      2 0,8     3 0,6     4  $\frac{\sqrt{5}}{4}$      5 0,7

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = x^6 + 3x^2 + 1$  и  $y = x^{100} - 90x^{50} + \sqrt{a^2}$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 1     2 такое невозможно     3 0     4 -1     5 1, -1

13 Наименьшее решение неравенства  $|x^2 + 6x - 16| \leq 10 - 2x$  принадлежит промежутку

- 1 (0; 6)     2 (1; 5)     3 (-11; -5)     4 (-10; -6)     5 (-9; -3)

14 Найдите отношение радиуса окружности, вписанной в прямоугольный треугольник с острым углом  $45^\circ$ , к радиусу описанной около этого треугольника окружности.

- 1 0,25     2  $\sqrt{2} - 1$      3  $1 - \frac{1}{\sqrt{2}}$      4  $\sqrt{2} + 1$      5 0,5

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \cos \frac{\pi}{3})(x - \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}) > 0$  образуют множество

- 1  $(0; +\infty)$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; \log_{\frac{\pi}{3}} 0,5)$      3  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \frac{\sqrt{3}}{2}; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$   
 4  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0,5; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; +\infty)$      5  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0,5; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(x^2 - 1)\sqrt{(\cos 2x - 2 - y)(-\cos 2x + 1 + y)} \leq 0$ , равна

- 1 2     2 6     3 9     4 12     5 3

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{18x+64-x^2}{22}} \leq \frac{18x+64-x^2}{22}$$

равно

[1] 24 [2] 21 [3] 22 [4] 23 [5] 20

**18** Все значения  $a$ , при которых уравнение  $4^x + (a+1) \cdot 2^x + a = 0$  имеет ровно два решения, образуют множество

[1]  $(-\infty; 0)$  [2]  $\emptyset$  [3]  $(-\infty; -1)$  [4]  $(0; +\infty)$  [5]  $(-\infty; -1) \cup (0; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{11,75 - \sqrt{99}} - \sqrt{11,75 + \sqrt{99}}$

[1]  $-2\sqrt{3}$  [2] 3 [3]  $-23,5$  [4]  $\sqrt{11}$  [5]  $-\sqrt{11}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_3(-\frac{3}{x})$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

[1]  $y = \log_3(\frac{x}{3})$  [2]  $y = -\log_3(\frac{3}{x})$  [3]  $y = 3^{x-1}$   
[4]  $y = 3^{-x}$  [5]  $y = 3^{x+1}$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 + 3x + 3}{x^2 + 2x + 2}$  заключена в интервале

[1]  $(1; 2)$  [2]  $(3; 5)$  [3]  $(-2; -1)$  [4]  $(0; \sqrt{3})$  [5]  $(2; 4)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{20}-\sqrt{6}}\right)^{x^2-4x+1} > \left(\frac{13-\sqrt{120}}{2}\right)$  равно

[1]  $(-\infty; 3)$  [2]  $(1; +\infty)$  [3]  $(-3; -1)$  [4]  $(-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$  [5]  $(1; 3)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{x^2 - x - 2}{|x^2 - x - 2|} - (x - a)^2 = 0$$

не имеет корней

[1]  $a \in (-1; 0)$  [2]  $a \in (3; +\infty)$  [3]  $a \in (0, 5; 2)$   
[4]  $a \in (0; 0, 5)$  [5]  $a \in (-2; -1)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1) - \operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1)$  равно

[1]  $-\frac{\pi}{6}$  [2]  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$  [3]  $-\frac{\pi}{3}$  [4]  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  [5]  $\frac{\pi}{6}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих уравнению  $-3x^2 + 2xy + y^2 - 13 = 0$ , равна

[1] 9 [2] 7 [3] 4 [4] 8 [5] 5

**26** Решить неравенство  $3x + 4 > \sqrt{9 + 4x(x+3)} + \sqrt{-2x^2 - 8x + 10}$

[1]  $\left(\frac{\sqrt{13}-5}{3}; 1\right]$  [2]  $\left(-\frac{1}{3}; 1\right]$  [3]  $(-5; 1]$   
[4]  $\left(-\frac{4}{3}; 1\right]$  [5]  $\left(\frac{2\sqrt{13}-5}{3}; 1\right]$

**27** Уравнение  $a \cdot e^x = x^2$  имеет три решения при всех  $a > 0$  из промежутка

[1]  $(0; 0,25e^2)$  [2]  $(0; 2,25)$  [3]  $(4e^{-2}; +\infty)$  [4]  $(0; 4e^{-2})$  [5]  $(0; 3)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $7^x \cdot 61^{(-\frac{1}{x})} = 37$  принадлежит промежутку

[1]  $[4; 5)$  [2]  $(-999; 2)$  [3]  $[2; 3)$  [4]  $[5; 999)$  [5]  $[3; 4)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[1; 3]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - x + (a-2)(3-a) > 0$ .

[1]  $(-\infty; 0) \cup (5; +\infty)$  [2]  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$  [3]  $(0; 2) \cup (3; 5)$   
[4]  $(2; 3)$  [5]  $(0; 5)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{2^x - \log_{0,5}(x^2 + 1)}{\sin x - \frac{\sqrt{2}}{2}}} + \frac{2^x + \log_2(x^2 + 1)}{0,5 - \sin x}$$

[1]  $(-1,5; 0,9)$  [2]  $(0,8; 1,5)$  [3]  $(0; \pi)$  [4]  $(-0,7; 1,5)$  [5]  $(2,4; 2,5)$

1 Решением уравнения  $x = \sin \alpha + x \cos \alpha$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = \pi n$      2  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      3  $\alpha = (4n - 1) \cdot \frac{\pi}{2}$   
 4  $\alpha = 2\pi n$      5  $\alpha = (2n + 1)\pi$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(3x + a) \lg(x + 1) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $[0; 3]$      2  $(-\infty; 3]$      3  $[3; +\infty) \cup \{0\}$      4  $[3; +\infty)$      5  $\{0\}$

3 Упростить выражение  $\frac{6 - (\sqrt{13} - 2)^2}{2 - \sqrt{13} - \sqrt{6}} - \sqrt{13}$

- 1 2     2  $\sqrt{13}$      3  $2 + \sqrt{6}$      4  $\sqrt{13} - 2$      5  $-2 - \sqrt{6}$

4 Если затраты на покупку бананов возросли на 56%, а цена килограмма бананов увеличилась на 20%, то вес купленных бананов возрос на

- 1 24%     2 32%     3 36%     4 30%     5 48%

5 Числа  $a = \log_4 9$ ,  $b = \log_6 14$  и  $c = 1,5$  удовлетворяют соотношению

- 1  $b > c > a$      2  $a < b < c$      3  $b > a > c$      4  $b < c < a$      5  $b < a < c$

6 Если  $\frac{\sin \frac{\alpha}{2} - 3 \cos \frac{\alpha}{2}}{2 \sin \frac{\alpha}{2} + 5 \cos \frac{\alpha}{2}} = 3$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 2     2 3     3 4     4 1     5 однозначно определить невозможно

7 Наименьшее значение функции  $y = 4^{1+\operatorname{tg} x} + 2^{1-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1  $\sqrt{2}$      2  $4\sqrt{2}$      3  $2\sqrt{2}$      4 4     5 2

8 Корень уравнения  $6^{(-2^x)} = 3$  равен

- 1  $\log_6 \log_2 3$      2  $\log_6 \log_2 9$      3 корней нет  
 4  $-\log_3 \log_6 2$      5  $-\log_6 \log_2 3$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = \sin\left(\frac{6\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $(-1)^{n+1} + 5n$      2  $(-1)^{n+1} + 10n$      3  $\pm 1 + 10n$   
 4  $-1 + 10n$      5  $6 + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 1-м, 2-м и 3-м станках весь тираж будет готов за 2 часа 40 минут; при печатании на 2-м, 3-м и 4-м - за 1 час 36 мин, а если листовки печатать на 1-м и 4-м станках, то тираж напечатают за 1,5 часа. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 12 мин     2 1 ч 10 мин     3 1 ч 24 мин  
 4 1 ч 20 мин     5 1 ч 15 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его меньшего угла равен

- 1  $\frac{\sqrt{5}}{4}$      2 0,8     3  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      4 0,6     5 0,7

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = x^2 + |x| + 4$  и  $y = 4x^{10} - x^4 + 2 + (\sqrt{a})^2$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 4     2 0     3 такое невозможно     4 4, -4     5 2

13 Наименьшее решение неравенства  $|x^2 + 6x - 16| \leq 10 - 2x$  принадлежит промежутку

- 1  $(-11; -5)$      2  $(0; 6)$      3  $(1; 5)$      4  $(-10; -6)$      5  $(-9; -3)$

14 Найдите отношение радиуса окружности, вписанной в прямоугольный треугольник с острым углом  $30^\circ$ , к радиусу описанной около этого треугольника окружности.

- 1  $\sqrt{3} - 1$      2  $\sqrt{3}/6$      3  $1 - \frac{\sqrt{3}}{2}$      4  $\sqrt{3} + 1$      5  $\frac{\sqrt{3} - 1}{2}$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{ctg} \frac{3\pi}{8}) \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{8}} \frac{\sqrt{3}}{3}) > 0$  образуют множество

- 1  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}; +\infty)$      2  $(-\infty; \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8})$   
 3  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$      4  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; +\infty)$   
 5  $(-\infty; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(\cos x + 1 - y)(y - \cos x + 3)\sqrt{3x - x^2} \geq 0$ , равна

- 1 2     2 9     3 12     4 6     5 3

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{18x+64-x^2}{22}} \leq \frac{18x+64-x^2}{22}$$

равно

1 22    2 20    3 21    4 24    5 23

**18** Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $25^x + 2a \cdot 5^x + a - 3 = 0$  имеет ровно одно решение, образуют множество

1  $(-\infty; 3)$     2  $(0; 3)$     3  $\emptyset$     4  $[3; +\infty)$     5  $(-\infty; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{6,25} - \sqrt{34} - \sqrt{6,25 + \sqrt{34}}$

1  $2\sqrt{2}$     2  $-2$     3  $-2\sqrt{2}$     4  $\sqrt{10,25}$     5  $-\sqrt{10,25}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_3(-\frac{3}{x})$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

1  $y = 3^{-x}$     2  $y = \log_3(\frac{x}{3})$     3  $y = 3^{x+1}$   
 4  $y = -\log_3(\frac{3}{x})$     5  $y = 3^{x-1}$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x^2 - 4x + 5}$  заключена в интервале

1  $(1; 2)$     2  $(-2; -1)$     3  $(3; 5)$     4  $(2; 4)$     5  $(0; \sqrt{3})$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{20}-\sqrt{6}}\right)^{x^2-4x+1} > \left(\frac{13-\sqrt{120}}{2}\right)$  равно

1  $(-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$     2  $(-3; -1)$     3  $(1; 3)$     4  $(-\infty; 3)$     5  $(1; +\infty)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{|x^2 - 2x - 3|}{x^2 - 2x - 3} - (x + a)^2 = 0$$

имеет один корень

1  $a \in (-\infty; -1)$     2  $a \in (-4; -3, 5)$     3  $a \in (3; 4)$   
 4  $a \in (-5; -4)$     5  $a \in (3; +\infty)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1) - \operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1)$  равно

1  $-\frac{\pi}{6}$     2  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$     3  $\frac{5\pi}{6}$     4  $-\frac{\pi}{3}$     5  $\frac{1}{\sqrt{3}}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих уравнению  $-3x^2 + 2xy + y^2 - 13 = 0$ , равна

1 8    2 4    3 9    4 7    5 5

**26** Решить неравенство  $4x - 5 > \sqrt{4 + 3x(3x - 4)} + \sqrt{-2x^2 + 14x - 20}$

1  $\left(\frac{10 + \sqrt{13}}{3}; 5\right]$     2  $\left(\frac{10 - \sqrt{13}}{3}; 5\right]$     3  $(2; 5]$   
 4  $(4; 5)$     5  $\left(\frac{5 + \sqrt{13}}{2}; 5\right]$

**27** Уравнение  $e^x = ax^2$  имеет единственное решение при всех  $a > 0$  из промежутка

1  $(0; 3]$     2  $(0; 2, 25)$     3  $(0; 0, 25e^2)$     4  $(0, 25e^2; +\infty)$     5  $(e^2; +\infty)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $5^x \cdot 73^{(-\frac{1}{x})} = 417$  принадлежит промежутку

1  $[5; 6)$     2  $[6; 999)$     3  $[3; 4)$     4  $(-999; 3)$     5  $[4; 5)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[1; 3]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - x + (a - 2)(3 - a) > 0$ .

1  $(0; 2) \cup (3; 5)$     2  $(2; 3)$     3  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$   
 4  $(0; 5)$     5  $(-\infty; 0) \cup (5; +\infty)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{\log_2(x^2 + 1) + 2^x}{\frac{1}{2} - \cos x}} - \frac{-2^x + \log_{0,5}(x^2 + 1)}{\cos x + \frac{\sqrt{2}}{2}}$$

1  $(-3, 8; -2, 5)$     2  $(10, 5; 11, 1)$     3  $(8, 7; 10, 1)$   
 4  $(2, 5; 3, 7)$     5  $(6, 7; 7, 7)$

1 Решением уравнения  $x \sin \alpha = \cos \alpha - x$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      2  $\alpha = 2\pi n$      3  $\alpha = (2n+1)\pi$   
 4  $\alpha = (4n-1) \cdot \frac{\pi}{2}$      5  $\alpha = \pi n$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(2x-a) \lg(x-2) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $(-\infty; 4]$      2  $[4; 6]$      3  $(-\infty; 6]$      4  $(-\infty; 4] \cup \{6\}$      5  $\{6\}$

3 Упростить выражение  $\frac{(\sqrt{13}-2)^2 - 6}{\sqrt{13} + \sqrt{6} - 2} + \sqrt{6}$

- 1  $\sqrt{13}$      2  $-2 - \sqrt{6}$      3  $2$      4  $\sqrt{13} - 2$      5  $2 + \sqrt{6}$

4 Если затраты на покупку апельсинов возросли на 76%, а цена килограмма апельсинов увеличилась на 10%, то вес купленных апельсинов возрос на

- 1 64%     2 60%     3 66%     4 68%     5 72%

5 Числа  $a = \log_{25} 121$ ,  $b = 1,5$  и  $c = \log_4 9$  удовлетворяют соотношению

- 1  $a < c < b$      2  $b > a > c$      3  $a < b < c$      4  $a > c > b$      5  $b < a < c$

6 Если  $\frac{3 \cos \frac{\alpha}{2} + 2 \sin \frac{\alpha}{2}}{\cos \frac{\alpha}{2} - 3 \sin \frac{\alpha}{2}} = 4$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 1     2 4     3 2     4 однозначно определить невозможно     5 3

7 Наименьшее значение функции  $y = 4^{\operatorname{tg} x} + 2^{1-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1 4     2  $4\sqrt{2}$      3  $3\sqrt{2}$      4 8     5  $2\sqrt{2}$

8 Корень уравнения  $3^{(-2^x)} = 7$  равен

- 1 уравнение корней не имеет     2  $-\log_2 \log_3 7$      3  $\log_3 \log_2 7$   
 4  $-\log_3 \log_2 7$      5  $\log_2 \log_3 7$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = -\sin\left(\frac{\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $(-1)^{n+1} + 10n$      2  $(-1)^{n+1} + 5n$      3  $6 + 10n$   
 4  $-1 + 10n$      5  $\pm 1 + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 2-м, 3-м и 4-м станках весь тираж будет готов за 2 часа 12 минут; при печатании на 1-м, 3-м и 4-м - за 1 час 50 мин, а если листовки печатать на 1-м и 2-м станках, то тираж напечатают за 1 час 24 мин. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 24 мин     2 1 ч 15 мин     3 1 ч 10 мин  
 4 1 ч 12 мин     5 1 ч 20 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его большего угла равен

- 1 0,8     2 0,7     3 0,6     4  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      5  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = x^6 + 3x^2 + 1$  и  $y = x^{100} - 90x^{50} + \sqrt{a^2}$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 такое невозможно     2 0     3 1, -1     4 -1     5 1

13 Наименьшее решение неравенства  $|x^2 - 6x - 16| \leq 2x - 10$  принадлежит промежутку

- 1 (3; 5)     2 (-2; 6)     3 (4; 7)     4 (8; 12)     5 (6; 10)

14 Найдите отношение радиуса окружности, описанной около прямоугольного треугольника с острым углом  $60^\circ$ , к радиусу вписанной в этот треугольник окружности.

- 1  $\frac{\sqrt{3}}{2} + 1$      2  $\sqrt{3} + 1$      3  $\frac{1}{\sqrt{3}} + 2$      4  $\frac{2}{\sqrt{3}} + 1$      5  $2\sqrt{3} + 1$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \sin \frac{\pi}{6})(x - \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3}) > 0$  образуют множество

- 1  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \frac{\sqrt{3}}{2}; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0,5; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$      3  $(0; +\infty)$   
 4  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0,5; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; +\infty)$      5  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; \log_{\frac{\pi}{3}} 0,5)$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(y - \sin x - 1)(\sin x - 2 - y)\sqrt{x - x^2 + 2} \geq 0$ , равна

- 1 6     2 12     3 2     4 3     5 9

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{16x+72-x^2}{25}} \leq \frac{16x+72-x^2}{25}$$

равно

[1] 22 [2] 21 [3] 24 [4] 20 [5] 23

**18** Все значения  $a$ , при которых уравнение  $9^x + a \cdot 3^x + a - 1 = 0$  не имеет решений, образуют множество

[1]  $[1; 2) \cup (2; +\infty)$  [2]  $[1; +\infty)$  [3]  $(-\infty; +\infty)$   
[4]  $\emptyset$  [5]  $(-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{11,75 - \sqrt{99}} - \sqrt{11,75 + \sqrt{99}}$

[1]  $-2\sqrt{3}$  [2]  $-\sqrt{11}$  [3] 3 [4]  $\sqrt{11}$  [5]  $-23,5$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_2(-\frac{2}{x})$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

[1]  $y = \log_2(\frac{x}{2})$  [2]  $y = 2^{x+1}$  [3]  $y = 2^{x-1}$   
[4]  $y = -\log_2(\frac{2}{x})$  [5]  $y = 2^{-x}$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2+x+1}{x^2+1}$  заключена в интервале

[1]  $(0; \sqrt{3})$  [2]  $(-2; -1)$  [3]  $(2; 4)$  [4]  $(3; 5)$  [5]  $(1; 2)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{44+\sqrt{6}}}\right)^{x^2+2x-13} > \left(\frac{2}{25+\sqrt{264}}\right)$  равно

[1]  $(-\infty; 3)$  [2]  $(-3; 5)$  [3]  $(-\infty; 3) \cup (5; +\infty)$   
[4]  $(-5; 3)$  [5]  $(-\infty; -5) \cup (3; +\infty)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{|x^2 - x - 2|}{x^2 - x - 2} + (x + a)^2 = 0$$

имеет два различных корня

[1]  $a \in (0; 0,5)$  [2]  $a \in (-0,5; 0)$  [3]  $a \in (0,5; 1)$   
[4]  $a \in (-\infty; -2)$  [5]  $a \in (3; +\infty)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1)$  равно

[1]  $\frac{5\pi}{6}$  [2]  $-\sqrt{3}$  [3]  $\sqrt{3}$  [4]  $-\frac{\pi}{3}$  [5]  $-\frac{\pi}{6}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих уравнению  $x^2 + xy - 2y^2 - 13 = 0$ , равна

[1] 7 [2] 9 [3] 6 [4] 4 [5] 5

**26** Решить неравенство  $3x + 4 > \sqrt{9 + 4x(x+3)} + \sqrt{-2x^2 - 8x + 10}$

[1]  $(-5; 1]$  [2]  $\left(\frac{\sqrt{13}-5}{3}; 1\right]$  [3]  $\left(\frac{2\sqrt{13}-5}{3}; 1\right]$   
[4]  $\left(-\frac{4}{3}; 1\right]$  [5]  $\left(-\frac{1}{3}; 1\right]$

**27** Уравнение  $a \cdot e^x = x^2$  имеет три решения при всех  $a > 0$  из промежутка

[1]  $(0; 0,25e^2)$  [2]  $(0; 2,25)$  [3]  $(0; 4e^{-2})$  [4]  $(0; 3)$  [5]  $(4e^{-2}; +\infty)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $7^x \cdot 61^{(-\frac{1}{x})} = 37$  принадлежит промежутку

[1]  $(-999; 2)$  [2]  $[5; 999)$  [3]  $[4; 5)$  [4]  $[2; 3)$  [5]  $[3; 4)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[-1; 1]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - 5x + (a+1)(4-a) < 0$ .

[1]  $(-\infty; 0) \cup (3; +\infty)$  [2]  $(-2; 5)$  [3]  $(0; 3)$   
[4]  $(-2; 0) \cup (3; 5)$  [5]  $(-\infty; -2) \cup (5; +\infty)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{\log_{0,5}(x^2 + 1) - 2^x}{0,5 - \cos x}} - \frac{2^x + \log_2(x^2 + 1)}{\cos x + \frac{\sqrt{3}}{2}}$$

[1]  $(7, 4; 8, 5)$  [2]  $(9, 2; 9, 5)$  [3]  $(3, 7; 5, 1)$   
[4]  $(-2, 5; -1, 2)$  [5]  $(1, 1; 2, 5)$

1 Решением уравнения  $x - \sin \alpha = -x \cos \alpha$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = (2n+1)\pi$      2  $\alpha = (4n-1) \cdot \frac{\pi}{2}$      3  $\alpha = 2\pi n$   
 4  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$      5  $\alpha = \pi n$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(2x-a) \lg(x+2) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $[-4; -2]$      2  $(-\infty; -4]$      3  $\{-2\}$   
 4  $(-\infty; -2]$      5  $(-\infty; -4] \cup \{-2\}$

3 Упростить выражение  $\frac{(\sqrt{13}-2)^2 - 6}{2 - \sqrt{13} - \sqrt{6}} + \sqrt{13}$

- 1  $-2 - \sqrt{6}$      2  $2 + \sqrt{6}$      3  $2$      4  $\sqrt{13}$      5  $\sqrt{13} - 2$

4 Если затраты на покупку огурцов возросли на 92%, а цена килограмма огурцов увеличилась на 60%, то вес купленных огурцов возрос на

- 1 32%     2 20%     3 36%     4 24%     5 18%

5 Числа  $a = \log_2 3$ ,  $b = \log_{36} 196$  и  $c = 1,5$  удовлетворяют соотношению

- 1  $b > c > a$      2  $b < c < a$      3  $b > a > c$      4  $a < b < c$      5  $b < a < c$

6 Если  $\frac{\cos \frac{\alpha}{2} - 3 \sin \frac{\alpha}{2}}{2 \cos \frac{\alpha}{2} - 5 \sin \frac{\alpha}{2}} = 2$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 2     2 4     3 1     4 3     5 однозначно определить невозможно

7 Наименьшее значение функции  $y = 9^{\operatorname{tg} x} + 3^{3-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1  $9\sqrt{3}$      2 18     3  $6\sqrt{3}$      4  $4\sqrt{3}$      5 36

8 Корень уравнения  $5^{(-2^x)} = 2$  равен

- 1  $\log_5 \log_2 5$      2  $-\log_2 \log_5 2$      3 корней нет  
 4  $-\log_5 \log_2 5$      5  $\log_5 \log_2 0,2$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = \sin\left(\frac{4\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $1 + 10n$      2  $\pm 1 + 10n$      3  $(-1)^n + 5n$   
 4  $4 + 10n$      5  $(-1)^n + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 1-м, 3-м и 4-м станках весь тираж будет готов за 2 часа 30 минут; при печатании на 1-м, 2-м и 4-м - за 1 час 40 мин, а если листовки печатать на 2-м и 3-м станках, то тираж напечатают за 1,5 часа. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 12 мин     2 1 ч 20 мин     3 1 ч 15 мин  
 4 1 ч 24 мин     5 1 ч 10 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его меньшего угла равен

- 1 0,8     2  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      3 0,6     4 0,7     5  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = |x-2| + |x+2|$  и  $y = x^{10} - 9x^8 + 4x^6 - 3x^2 + (\sqrt{a})^2$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 2     2 0     3 4     4 такое невозможно     5 4, -4

13 Наибольшее решение неравенства  $|x^2 + 6x - 16| \leq 10 - 2x$  принадлежит промежутку

- 1 (2; 5)     2 (3; 6)     3 (-6; 2)     4 (-6; 0)     5 (-2; 2)

14 Найдите отношение радиуса окружности, описанной около прямоугольного треугольника с острым углом  $30^\circ$ , к радиусу вписанной в этот треугольник окружности.

- 1  $\sqrt{3} + 2$      2  $\frac{2}{\sqrt{3}} + 1$      3  $\sqrt{3} + 1$      4  $\frac{\sqrt{3}}{2} + 1$      5  $\frac{1}{\sqrt{3}} + \sqrt{2}$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \cos \frac{\pi}{3})(x - \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}) > 0$  образуют множество

- 1  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0,5; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \frac{\sqrt{3}}{2}; \log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3})$   
 3  $(\log_{\frac{\pi}{3}} 0,5; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; +\infty)$      4  $(0; +\infty)$      5  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \sqrt{3}; \log_{\frac{\pi}{3}} 0,5)$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(x-1)(x-3)\sqrt{(y - \sin 2x - 1)(\sin 2x - 2 - y)} \leq 0$ , равна

- 1 3     2 2     3 6     4 12     5 9

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{64 - 18x - x^2}{22}} \leq \frac{64 - 18x - x^2}{22}$$

равно

[1] 22 [2] 24 [3] 20 [4] 23 [5] 21

**18** Все значения  $a$ , при которых уравнение  $4^x + (a+1) \cdot 2^x + a = 0$  имеет ровно два решения, образуют множество

[1]  $(-\infty; -1)$  [2]  $(0; +\infty)$  [3]  $(-\infty; 0)$  [4]  $\emptyset$  [5]  $(-\infty; -1) \cup (0; +\infty)$

**19** Вычислить  $\sqrt{10,5 - \sqrt{106,25}} - \sqrt{10,5 + \sqrt{106,25}}$

[1]  $-\sqrt{21}$  [2]  $-\sqrt{17}$  [3]  $\sqrt{19}$  [4]  $\sqrt{17}$  [5]  $-\sqrt{19}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_2(-2x)$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

[1]  $y = 2^{-x+1}$  [2]  $y = \log_2(2x)$  [3]  $y = 2^{-x}$   
[4]  $y = 2^{-x-1}$  [5]  $y = \log_2(0,5x)$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 - 2x + 2}$  заключена в интервале

[1]  $(2; 4)$  [2]  $(-2; -1)$  [3]  $(0; \sqrt{3})$  [4]  $(3; 5)$  [5]  $(1; 2)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{40} - \sqrt{2}}\right)^{x^2 - 5x + 8} < \left(\frac{2}{21 - 4\sqrt{5}}\right)$  равно

[1]  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$  [2]  $(-\infty; 2)$  [3]  $(2; 3)$   
[4]  $(-\infty; -3) \cup (-2; +\infty)$  [5]  $(3; +\infty)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{|x^2 - 2x - 3|}{x^2 - 2x - 3} + (x - a)^2 = 0$$

имеет два различных корня

[1]  $a \in (-1; 1)$  [2]  $a \in (4; +\infty)$  [3]  $a \in (-1; 3)$   
[4]  $a \in (-\infty; -1)$  [5]  $a \in (0; 2)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1)$  равно

[1]  $\sqrt{3}$  [2]  $-\sqrt{3}$  [3]  $\frac{5\pi}{6}$  [4]  $-\frac{\pi}{6}$  [5]  $\frac{\pi}{6}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих условию  $x^2 + 2xy - 3y^2 - 13 = 0$ , равна

[1] 4 [2] 5 [3] 9 [4] 7 [5] 8

**26** Решить неравенство  $5x - 6 > \sqrt{1 + 3x(3x + 2)} + \sqrt{-4x^2 + 16x + 20}$

[1]  $\left(\frac{11 + 2\sqrt{7}}{4}; 5\right]$  [2]  $\left(\frac{11 + \sqrt{7}}{4}; 5\right]$  [3]  $(-1; 5]$   
[4]  $\left(\frac{11 + 3\sqrt{7}}{4}; 5\right]$  [5]  $(0; 5]$

**27** Уравнение  $a \cdot e^x = x^2$  имеет единственное решение при всех  $a > 0$  из промежутка

[1]  $(e; +\infty)$  [2]  $(4e^{-2}; +\infty)$  [3]  $(0; 3]$  [4]  $(0; 0,25e^2)$  [5]  $(0; 2,25)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $3^x \cdot 61^{(-\frac{1}{x})} = 217$  принадлежит промежутку

[1]  $[5; 6)$  [2]  $[6; 999)$  [3]  $(-999; 3)$  [4]  $[3; 4)$  [5]  $[4; 5)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[1; 3]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - x + (a - 2)(3 - a) < 0$ .

[1]  $(0; 2) \cup (3; 5)$  [2]  $(-\infty; 0) \cup (5; +\infty)$  [3]  $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$   
[4]  $(2; 3)$  [5]  $(0; 5)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{\log_{0,5}(x^2 + 1) - 2^x}{\sin x - 0,5}} + \frac{2^x + \log_2(x^2 + 1)}{\sin x - \frac{\sqrt{2}}{2}}$$

[1]  $(2, 4; 2, 5)$  [2]  $(-0, 7; 1, 5)$  [3]  $(0; \pi)$  [4]  $(-1, 5; 0, 9)$  [5]  $(0, 8; 1, 5)$

1 Решением уравнения  $x = x \sin \alpha + \cos \alpha$  является любое число, если, ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\alpha = (4n - 1) \cdot \frac{\pi}{2}$      2  $\alpha = (2n + 1)\pi$      3  $\alpha = \pi n$   
 4  $\alpha = 2\pi n$      5  $\alpha = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$

2 Все значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $(3x + a) \lg(x - 1) = 0$  имеет только один корень, образуют множество

- 1  $(-\infty; -3]$      2  $[-3; +\infty) \cup \{-6\}$      3  $[-6; -3]$   
 4  $\{-6\}$      5  $[-3; +\infty)$

3 Упростить выражение  $\frac{6 - (\sqrt{13} - 2)^2}{\sqrt{13} + \sqrt{6} - 2} + \sqrt{13} - \sqrt{6}$

- 1  $\sqrt{13} - 2$      2  $2$      3  $-2 - \sqrt{6}$      4  $\sqrt{13}$      5  $2 + \sqrt{6}$

4 Если затраты на покупку помидоров возросли на 82%, а цена килограмма помидоров увеличилась на 30%, то вес купленных помидоров возрос на

- 1 52%     2 36%     3 48%     4 32%     5 40%

5 Числа  $a = \log_5 11$ ,  $b = 1,5$  и  $c = \log_2 3$  удовлетворяют соотношению

- 1  $a < b < c$      2  $a < c < b$      3  $b > a > c$      4  $b < a < c$      5  $a > c > b$

6 Если  $\frac{3 \sin \frac{\alpha}{2} - \cos \frac{\alpha}{2}}{4 \cos \frac{\alpha}{2} + \sin \frac{\alpha}{2}} = -2$ , то угол  $\alpha$  оканчивается в четверти

- 1 3     2 1     3 2     4 однозначно определить невозможно     5 4

7 Наименьшее значение функции  $y = 4^{\operatorname{tg} x} + 2^{5-2 \operatorname{tg} x}$  равно

- 1 4     2  $2\sqrt{2}$      3  $4\sqrt{2}$      4  $8\sqrt{2}$      5 8

8 Корень уравнения  $7^{(-2^x)} = 4$  равен

- 1  $\log_2 \log_7 4$      2  $-\log_2 \log_7 4$      3  $-\log_4 \log_7 2$   
 4 уравнение корней не имеет     5  $\log_4 \log_2 7$

9 Все решения уравнения  $\sin\left(\frac{\pi x}{5}\right) = -\sin\left(\frac{6\pi}{5}\right)$  определяются формулой ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\pm 1 + 10n$      2  $1 + 10n$      3  $4 + 10n$   
 4  $(-1)^n + 5n$      5  $(-1)^n + 10n$

10 В предвыборном штабе депутата листовки печатают 4 станка разной мощности. При печатании листовок на 1-м, 2-м и 4-м станках весь тираж будет готов за 1 час 48 минут; при печатании на 1-м, 2-м и 3-м - за 2 часа 15 мин, а если листовки печатать на 3-м и 4-м станках, то тираж напечатают за 1,5 часа. За какое время будет готов весь тираж при совместной работе всех четырех станков?

- 1 1 ч 10 мин     2 1 ч 20 мин     3 1 ч 15 мин  
 4 1 ч 24 мин     5 1 ч 12 мин

11 В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его большего угла равен

- 1 0,8     2 0,6     3 0,7     4  $\frac{\sqrt{5}}{3}$      5  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

12 Все значения  $a$ , при которых графики функций  $y = 2x^6 + 7x^2 + 1$  и  $y = 3x^{10} - 9x^2 + \sqrt{a^2}$  пересекаются нечетное количество раз, равны

- 1 1     2 1, -1     3 такое невозможно     4 -1     5 0

13 Наибольшее решение неравенства  $|x^2 - 6x - 16| \leq 2x - 10$  принадлежит промежутку

- 1 (5; 11)     2 (4; 7)     3 (9; 14)     4 (11; 15)     5 (1; 7)

14 Найдите отношение радиуса окружности, вписанной в прямоугольный треугольник с острым углом  $45^\circ$ , к радиусу описанной около этого треугольника окружности.

- 1 0,5     2  $\sqrt{2} + 1$      3  $\sqrt{2} - 1$      4 0,25     5  $1 - \frac{1}{\sqrt{2}}$

15 Все решения неравенства  $x \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}) \cdot (x - \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}) > 0$  образуют множество

- 1  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}; +\infty)$      2  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$   
 3  $(-\infty; 0) \cup (\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; \log_{\frac{\pi}{8}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6})$      4  $(-\infty; \log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8})$   
 5  $(\log_{\frac{\pi}{3}} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}; +\infty)$

16 Площадь области, задаваемой условием  $(x^2 - 1)\sqrt{(\cos 2x - 2 - y)(-\cos 2x + 1 + y)} \leq 0$ , равна

- 1 9     2 2     3 3     4 12     5 6

**17** Количество целочисленных решений неравенства

$$\sqrt{\frac{72 - 16x - x^2}{25}} \leq \frac{72 - 16x - x^2}{25}$$

равно

**1** 22    **2** 20    **3** 24    **4** 23    **5** 21

**18** Все значения  $a$ , при которых уравнение  $4^x + a \cdot 2^x + a - 2 = 0$  не имеет решений, образуют множество

**1**  $\emptyset$     **2**  $[2; +\infty)$     **3**  $(-\infty; +\infty)$     **4**  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     **5**  $(0; 2)$

**19** Вычислить  $\sqrt{33,5 + \sqrt{1073,25}} + \sqrt{33,5 - \sqrt{1073,25}}$

**1**  $2\sqrt{33,5}$     **2**  $\sqrt{67}$     **3** 9    **4**  $2\sqrt{15}$     **5**  $\sqrt{53}$

**20** Функция, график которой симметричен графику функции  $y = \log_3(-3x)$  относительно прямой  $y = -x$ , имеет вид

**1**  $y = 3^{-x-1}$     **2**  $y = 3^{-x}$     **3**  $y = 3^{-x+1}$   
**4**  $y = \log_3(\frac{1}{3}x)$     **5**  $y = \log_3(3x)$

**21** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $y = \frac{x^2 + 3x + 3}{x^2 + 2x + 2}$  заключена в интервале

**1**  $(-2; -1)$     **2**  $(1; 2)$     **3**  $(0; \sqrt{3})$     **4**  $(3; 5)$     **5**  $(2; 4)$

**22** Множество решений неравенства  $\left(\frac{2}{\sqrt{30}-\sqrt{12}}\right)^{x^2-3x} > \left(\frac{21-\sqrt{360}}{2}\right)$  равно

**1**  $(-2; -1)$     **2**  $(-\infty; 1)$     **3**  $(-\infty; 1) \cup (2; +\infty)$   
**4**  $(1; 2)$     **5**  $(-1; +\infty)$

**23** Среди приведенных, указать промежуток, где уравнение

$$\frac{x^2 - x - 2}{|x^2 - x - 2|} - (x - a)^2 = 0$$

не имеет корней

**1**  $a \in (0, 5; 2)$     **2**  $a \in (3; +\infty)$     **3**  $a \in (0; 0, 5)$   
**4**  $a \in (-1; 0)$     **5**  $a \in (-2; -1)$

**24** Значение выражения  $\operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1) - \operatorname{arctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1)$  равно

**1**  $\frac{1}{\sqrt{3}}$     **2**  $-\frac{\pi}{3}$     **3**  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$     **4**  $-\frac{\pi}{6}$     **5**  $\frac{\pi}{6}$

**25** Сумма всех целых положительных значений  $x$  и  $y$ , удовлетворяющих уравнению  $x^2 + xy - 2y^2 - 7 = 0$ , равна

**1** 7    **2** 5    **3** 3    **4** 6    **5** 4

**26** Решить неравенство  $4x - 5 > \sqrt{1 + x(x+2)} + \sqrt{-3x^2 + 6x + 24}$

**1**  $\left(\frac{7 + \sqrt{33}}{4}; 4\right)$     **2**  $\left(\frac{4 + \sqrt{33}}{4}; 4\right)$     **3**  $(-2; 4]$     **4**  $\left(\frac{5}{4}; 2\right]$     **5**  $(3; 4]$

**27** Уравнение  $e^x = ax^2$  имеет три решения при всех  $a > 0$  из промежутка

**1**  $(0; 2, 25)$     **2**  $(0, 25e^2; +\infty)$     **3**  $(0; 3]$   
**4**  $(0; 0, 25e^2)$     **5**  $(4e^{-2}; +\infty)$

**28** Сумма всех корней уравнения  $2^x \cdot 19^{(-\frac{1}{x})} = 117$  принадлежит промежутку

**1**  $[6; 999)$     **2**  $(-999; 3)$     **3**  $[3; 4)$     **4**  $[4; 5)$     **5**  $[5; 6)$

**29** Укажите множество всех значений параметра  $a$ , при которых все значения  $x$ , принадлежащие промежутку  $[1; 2]$ , являются решениями неравенства  $x^2 - 6x + (a+2)(4-a) > 0$ .

**1**  $(0; 2)$     **2**  $(-1; 3)$     **3**  $(-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$   
**4**  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     **5**  $(-1; 0) \cup (2; 3)$

**30** Указать промежуток, в каждой точке которого определена функция

$$y = \sqrt{\frac{2^x - \log_{0,5}(x^2 + 1)}{\sin x - \frac{\sqrt{2}}{2}}} + \frac{2^x + \log_2(x^2 + 1)}{0,5 - \sin x}$$

**1**  $(-1, 5; 0, 9)$     **2**  $(0; \pi)$     **3**  $(-0, 7; 1, 5)$     **4**  $(2, 4; 2, 5)$     **5**  $(0, 8; 1, 5)$