[2018–2019] группа: 5M 29 сентября 2018 г.

## Взвешивания

Во всех задачах используются чашечные весы, которые показывают только, какая чаша тяжелее.

- О. Перед вами три монеты. Известно, что одна из них фальшивая, а остальные настоящие. Фальшивая монета легче настоящие. Как с помощью чашечных весов выяснить, какая монета фальшивая? Можно ли обойтись одним взвешиванием?
- 1. Есть четыре монеты, одна из них фальшивая (но нам неизвестно, легче она или тяжелее, чем настоящие). Как выяснить, какая монета фальшивая? Обойдитесь как можно меньшим количеством взвешиваний.
- **2.** Среди шести одинаковых по виду монет есть две фальшивые (они легче настоящих). Найдите их за три взвешивания.
- **3.** Лиса Алиса и Кот Базилио фальшивомонетчики. Базилио делает монеты тяжелее настоящих, а Алиса легче. У Буратино есть 9 одинаковых по внешнему виду монет, но какая-то одна фальшивая.
  - (а) Как с помощью чашечных весов без гирь Буратино может определить, кто сделал фальшивую монету Кот Базилио или Лиса Алиса?
  - (b) Как сделать это за два взвешивания?
- 4. На столе в ряд лежат четыре монеты. Среди них обязательно есть как настоящие, так и фальшивые (которые легче настоящих). Известно, что любая настоящая монета лежит левее любой фальшивой. Как за одно взвешивание на чашечных весах без гирь определить тип каждой монеты, лежащей на столе?
- **5.** Есть 5 монет. Из них три настоящие, одна фальшивая, которая весит больше настоящей, и одна фальшивая, которая весит меньше настоящей. За три взвешивания определите обе фальшивые монеты.
- **6.** (а) Перед вами 9 монет, одна из них фальшивая (легче настоящих). Сколько взвешиваний понадобится, чтобы выяснить, какая монета фальшивая? Постарайтесь обойтись как можно меньшим числом взвешиваний.
  - (**b**) Перед вами 80 монет, одна из них фальшивая (легче настоящих). Как за четыре взвешивания выяснить, какая монета фальшивая?
- 7. Семь монет расположены по кругу. Известно, что какие-то четыре из них, идущие подряд, фальшивые и что каждая фальшивая монета легче настоящей (и все фальшивые весят одинаково). Как с помощью одного взвешивания на чашечных весах без гирь можно найти фальшивую монету?

[Школа №444]

[2018–2019] группа: 5м 29 сентября 2018 г.

## Взвешивания

Во всех задачах используются чашечные весы, которые показывают только, какая чаша тяжелее.

- О. Перед вами три монеты. Известно, что одна из них фальшивая, а остальные настоящие. Фальшивая монета легче настоящие. Как с помощью чашечных весов выяснить, какая монета фальшивая? Можно ли обойтись одним взвешиванием?
- 1. Есть четыре монеты, одна из них фальшивая (но нам неизвестно, легче она или тяжелее, чем настоящие). Как выяснить, какая монета фальшивая? Обойлитесь как можно меньшим количеством взвещиваний.
- **2.** Среди шести одинаковых по виду монет есть две фальшивые (они легче настоящих). Найдите их за три взвешивания.
- 3. Лиса Алиса и Кот Базилио фальшивомонетчики. Базилио делает монеты тяжелее настоящих, а Алиса легче. У Буратино есть 9 одинаковых по внешнему виду монет, но какая-то одна фальшивая.
  - (а) Как с помощью чашечных весов без гирь Буратино может определить, кто сделал фальшивую монету Кот Базилио или Лиса Алиса?
  - (b) Как сделать это за два взвешивания?
- 4. На столе в ряд лежат четыре монеты. Среди них обязательно есть как настоящие, так и фальшивые (которые легче настоящих). Известно, что любая настоящая монета лежит левее любой фальшивой. Как за одно взвешивание на чашечных весах без гирь определить тип каждой монеты, лежащей на столе?
- **5.** Есть 5 монет. Из них три настоящие, одна фальшивая, которая весит больше настоящей, и одна фальшивая, которая весит меньше настоящей. За три взвешивания определите обе фальшивые монеты.
- **6.** (а) Перед вами 9 монет, одна из них фальшивая (легче настоящих). Сколько взвешиваний понадобится, чтобы выяснить, какая монета фальшивая? Постарайтесь обойтись как можно меньшим числом взвешиваний.
  - (**b**) Перед вами 80 монет, одна из них фальшивая (легче настоящих). Как за четыре взвешивания выяснить, какая монета фальшивая?
- 7. Семь монет расположены по кругу. Известно, что какие-то четыре из них, идущие подряд, фальшивые и что каждая фальшивая монета легче настоящей (и все фальшивые весят одинаково). Как с помощью одного взвешивания на чашечных весах без гирь можно найти фальшивую монету?