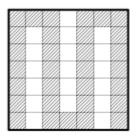
Конструктивы,

или можно всё, что получается.

- 1. Среди четырёх людей нет трёх с одинаковым именем, или с одинаковым отчеством, или с одинаковой фамилией, но у каждых двух совпадает или имя, или отчество, или фамилия. Может ли такое быть?
- 2. Можно ли расположить 12 одинаковых монет вдоль стенок большой квадратной коробки так, чтобы вдоль каждой стенки лежало ровно
 - а) по 2 монеты;
 - б) по 3 монеты;
 - в) по 4 монеты;
 - г) по 5 монет;
 - д) по 6 монет;
 - е) по 7 монет?

(Разрешается класть монеты одну на другую.)

- 3. Гриб называется *плохим*, если в нем не менее 10 червей. В лукошке 90 плохих и 10 хороших грибов. Могут ли все грибы стать хорошими после того, как некоторые черви переползут из плохих грибов в хорошие?
- 4. Художник-авангардист Змий Клеточкин покрасил несколько клеток доски размером 7×7, соблюдая правило: каждая следующая закрашиваемая клетка должна соседствовать по стороне с предыдущей закрашенной клеткой, но не должна соседствовать ни с одной другой ранее закрашенной клеткой. Ему удалось покрасить 31 клетку. Побейте его рекорд закрасьте а) 32 клетки; б) 33 клетки.



- 5. Про числа a и b известно, что a=b+1 . Может ли оказаться так, что $a^4=b^4$?
- 6. Можно ли квадрат разрезать на 9 квадратов и раскрасить их так, чтобы получились 1 белый, 3 серых и 5 чёрных квадратов, причём одноцветные квадраты были бы равны, а разноцветные квадраты не равны?
- 7. Постройте 12 солдат в ряд так, чтобы пришедший прапорщик не смог приказать четверым сделать шаг вперед и чтобы они оказались стоящими по росту (в порядке убывания или возрастания)