

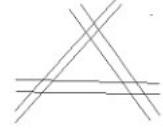
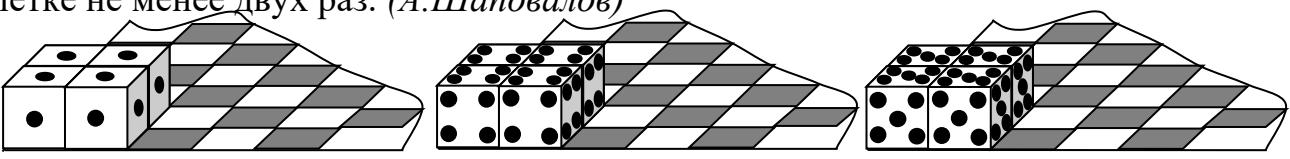
# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

имени Г.П. Кукина

7 класс

04.02.17 г. Омск

*Математическая олимпиада ОмГУ носит имя профессора Г.П. Кукина,  
создателя системы городских математических олимпиад.*

1. Расставьте числа 1, 2, ..., 9 в клетках квадрата 3х3 так, чтобы все шесть сумм в строках и столбцах были различными двузначными числами (числа в таблице не должны повторяться). (*А.Шаповалов*)
2. Вася придумал дробь, у которой сумма числителя и знаменателя равна 2017. Он отнял от числителя 1 и сократил полученную дробь. Получилось  $\frac{3}{5}$ . Какую дробь придумал Вася? Найдите все возможные варианты ответа и объясните, почему других быть не может. (*А.Штерн*)
3. На кружок пришли 7 детей из двух классов. На вопрос: «Сколько здесь твоих одноклассников?» каждый отвечал честно, но мальчики думали, что спрашивают только про мальчиков-одноклассников, а девочки правильно понимали, что спрашивают про всех. Среди ответов встретились все числа от 0 до 3. Сколько на кружке девочек и как они распределяются по двум классам? Найдите все возможные варианты ответа, и объясните, почему другие невозможны. Себя самого школьник своим одноклассником не считает. (*А.Шаповалов*)
4. Иван ехал в поезде Омск-Новосибирск, а Петр – во встречном поезде Новосибирск-Омск. Поезд с Петром пронесся мимо Ивана за 5 секунд, а поезд с Иваном мимо Петра – за 7 секунд. А мимо коровы Мурки, жевавшей траву около путей, оба поезда пронеслись за одинаковое время. За какое? Ответ и вычисления, которые Вы будете проводить, должны быть обоснованы. (*С.Усов*)
5. Три ленточки одинаковой ширины положены как на рисунке, образовав равносторонние треугольники. Периметр внутреннего треугольника 16 см, периметр каждого четырехугольника на пересечении ленточек – 4 см. Найдите периметр внешнего треугольника. Не забудьте обосновать свой ответ. (*А.Шаповалов*)
6. У Саши было 4 кубика, грани которых помечены точками. Расставляя их по-разному на 4 клетки в левом нижнем углу шахматной доски, он получил такие картинки (см. рис.). Докажите, что есть кубик, который стоял на одной и той же клетке не менее двух раз. (*А.Шаповалов*)

[www.ashap.info/Turniry/Kukin/index.html](http://www.ashap.info/Turniry/Kukin/index.html)

Олимпиадная подготовка школьников:

Малый матфак <http://mm.omsu.ru/>

Школа гуманитарных и точных наук АНО ДО «Перспектива»

<http://perspektiva-omsk.ru/catalog/shkola-gumanitarnykh-i-tochnykh-nauk/matematika/>