**ТРИДЦАТЬ ДЕВЯТЫЙ ТУРНИР ГОРОДОВ**

Осенний тур,

8 – 9 классы, базовый вариант, 8 октября 2017 г.

*(Итог подводится по трём задачам, по которым достигнуты наилучшие результаты.)*

---

баллы задачи

3 **1.** Имеется 5 ненулевых чисел. Для каждых двух из них вычислены их сумма и произведение. Оказалось, что пять сумм положительны и пять сумм отрицательны. Сколько произведений положительны и сколько — отрицательны?

*Борис Френкин*

4 **2.** Существуют ли такие 99 последовательных натуральных чисел, что наименьшее из них делится на 100, следующее делится на 99, третье делится на 98, ..., последнее делится на 2?

*Павел Кожевников*

4 **3.** В ряд лежат 100 внешне одинаковых монет. Среди них ровно 26 фальшивых, причём они лежат подряд. Настоящие монеты весят одинаково, фальшивые — не обязательно одинаково, но они легче настоящих. Как за одно взвешивание на двухчашечных весах без гирь найти хотя бы одну фальшивую монету?

*Рустэм Женодаров*

5 **4.** На одной из клеток поля $8 \times 8$ зарыт клад. Вы находитесь с металлоискателем в центре одной из угловых клеток этого поля и передвигаетесь, переходя в центры соседних по стороне клеток. Металлоискатель срабатывает, если вы оказались на той клетке, где зарыт клад, или в одной из соседних с ней по стороне клеток. Можно ли гарантированно указать клетку, где зарыт клад, пройдя расстояние не более 26?

*Михаил Евдокимов*

5 **5.** Окружность радиуса 1 нарисована на шахматной доске так, что целиком содержит внутри белую клетку (сторона клетки равна 1). Докажите, что участки этой окружности, проходящие по белым клеткам, составляют суммарно не более $1/3$ от её длины.

*Михаил Евдокимов*