Задачи на работу

1. («Покори Воробъёвы горы!», 2017, 5–6.1) Если открыть кран с холодной водой, то ванна наполнится за 10 минут, а если открыть кран с горячей, то за 15. Если вытащить пробку, то ванна полностью выливается за 12 минут. Сколько времени будет наполняться ванна, если открыть оба крана и вытащить пробку?

түним 21

2. (*Математический праздник*, 1992, 6.1) Три землекопа за два часа выкопали три ямы. Сколько ям выкопают шесть землекопов за пять часов?

31

3. (*Математический праздник*, 1993, 6.2) Мосметрострой нанял двух землекопов для рытья туннеля. Один из них может за час прокопать вдвое больше, чем другой, а платят по договору каждому одинаково за каждый час работы. Что обойдётся дешевле — совместная работа землекопов с двух сторон до встречи или поочерёдное рытьё половины туннеля каждым из землекопов?

Совместная работа дороже

4. (*Математический праздник*, 1992, 7.1) Три землекопа за три часа выкопали три ямы. Сколько ям выкопают шесть землекопов за пять часов?

10

5. (*«Курчатов»*, 2016, 6.2) Маша и медведь съели корзину малины и 40 пирожков, начав и закончив одновременно. Сначала Маша ела малину, а медведь — пирожки, потом (в какой-то момент) они поменялись. Медведь ел и малину, и пирожки в 3 раза быстрее Маши. Сколько пирожков съела Маша, если малины они съели поровну?

 \overline{V}

6. (Математический праздник, 2012, 6.2) Пазл Пете понравился, он решил его склеить и повесить на стену. За одну минуту он склеивал вместе два куска (начальных или ранее склеенных). В результате весь пазл соединился в одну цельную картину за 2 часа. За какое время собралась бы картина, если бы Петя склеивал вместе за минуту не по два, а по три куска?

За час

7. (*Московская устная олимпиада*, 2011, 6.6) Малыш и Карлсон съели бочку варенья и корзину печенья, начав и закончив одновременно. Сначала Малыш ел печенье, а Карлсон — варенье, потом (в какой-то момент) они поменялись. Карлсон и варенье, и печенье ел в три раза быстрее Малыша. Какую часть варенья съел Карлсон, если печенья они съели поровну?

6'0

8. (*Московская устная олимпиада*, 2009, 6.7) В трюме корабля образовалась течь. Сразу же включили насос, откачивающий воду, однако он не справлялся, и через 10 минут уровень воды в трюме поднялся на 20 см. Тогда включили второй насос такой же мощности, и через 5 минут уровень опустился на 10 см. Тут течь заделали. За какое время насосы откачают остаток воды?

За 5/4 минуты

9. (*«Высшая проба»*, 2015, 7.1) Родник даёт бочку воды за 24 минуты. Сколько бочек воды даёт родник за сутки?

09

10. (Bcepocc., 2015, I этап, 7.5) Рядовой Петров взял ведро нечищеной картошки и за 1 час её почистил. При этом 25% картошки ушло в очистки. За какое время у него набралось полведра очищенной картошки?

түним 04 вЕ

11. («Курчатов», 2016, 7.1) Маша и медведь съели корзину малины и 60 пирожков, начав и закончив одновременно. Сначала Маша ела малину, а медведь — пирожки, потом (в какойто момент) они поменялись. Медведь ел малину в 6 раз быстрее Маши, а пирожки — только в 3 раза быстрее. Сколько пирожков съел медведь, если малины медведь он съел вдвое больше Маши?

₽9

12. (*Турнир Архимеда, 2013.3*) Сразу после завтрака (в 8:00) папа и сын выходят за водой и начинают наполнять пустой бак. Папа приносит ведро через каждые 3 минуты, а сын — через каждые 4 минуты. Как только вода попадает в бак, включается насос, который забирает воду для полива с постоянной скоростью 1 ведро за 12 минут. Укажите время, когда в баке окажется ровно 13 вёдер воды.

8 часов 27 минут

13. (*Математический праздник*, 2007, 7.3) У Алёны есть мобильный телефон, заряда аккумулятора которого хватает на 6 часов разговора или 210 часов ожидания. Когда Алёна садилась в поезд, телефон был полностью заряжен, а когда она выходила из поезда, телефон разрядился. Сколько времени она ехала на поезде, если известно, что Алёна говорила по телефону ровно половину времени поездки?

11 часов 40 минут

14. (*Московская устная олимпиада, 2004, 7.3*) Известно, что маляр, будучи в хорошем настроении, работает вдвое медленнее, чем будучи в плохом. В первую неделю он покрасил на 300 метров забора больше, чем во вторую, потому что во вторую неделю грустил на два дня больше, чем в первую. Сколько метров забора в день красит грустный маляр?