

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 1

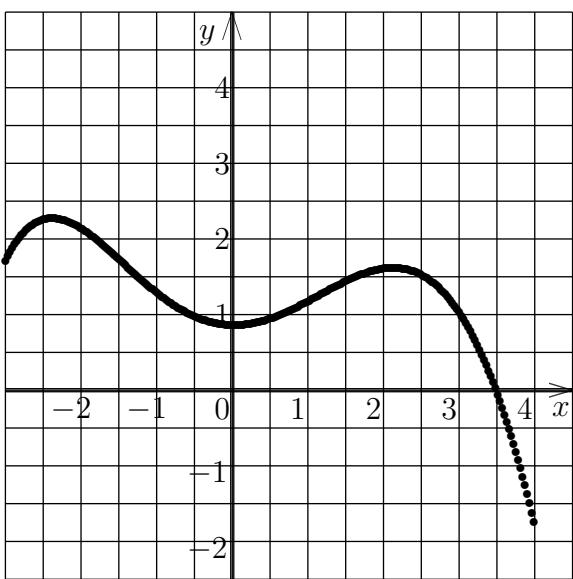


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 20x + 20$ ; б)  $y = -0,16x - 12$ ; в)  $y = -30$ ;

2) а)  $y = \frac{44}{x}$ ; б)  $y = -\frac{57}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{3}x - 15$ ; б)  $y = -0,1x + 25$ ; в)  $y = -14$ ;

2) а)  $y = 13x(x + 3)$ ; б)  $y = 6(x^2 + 8)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 4)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 10}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 100}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 1}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{10}{x}, & \text{если } x < -2, \\ \frac{5}{2}x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{10}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т 2

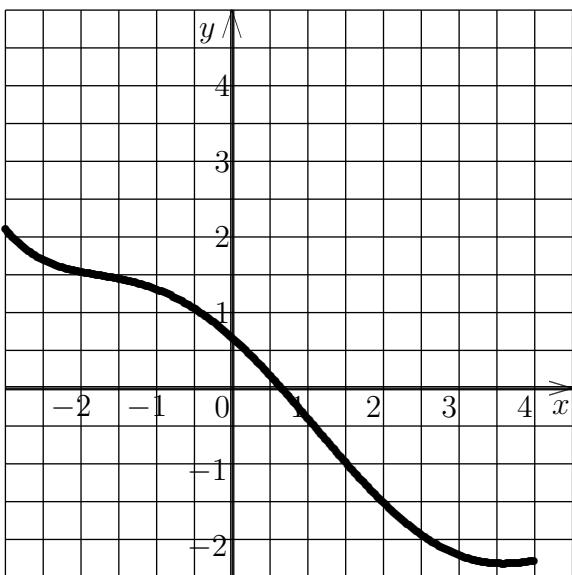


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 5x + 3$ ; б)  $y = -0,6x - 18$ ; в)  $y = -36$ ;

2) а)  $y = \frac{39}{x}$ ; б)  $y = -\frac{31}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{3}x - 9$ ; б)  $y = -0,1x + 13$ ; в)  $y = -25$ ;

2) а)  $y = 9x(x + 3)$ ; б)  $y = 2(x^2 + 7)$ ; в)  $y = x(x + 1)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 6}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 81}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{4}{x}, & \text{если } x < -2, \\ x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{4}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 3

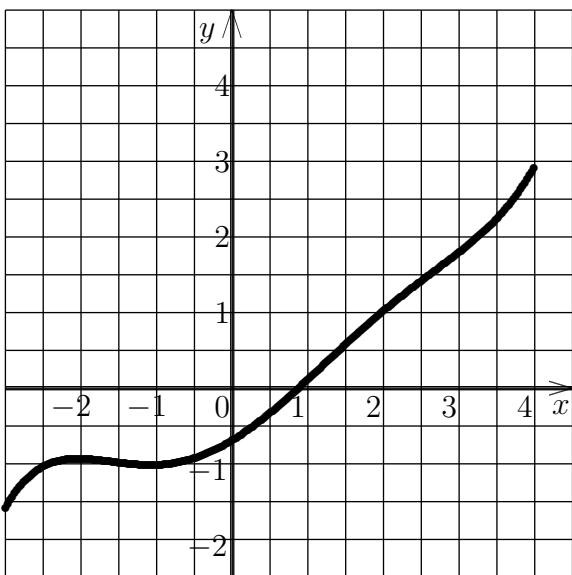


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 3x + 4$ ; б)  $y = -0,2x - 12$ ; в)  $y = -25$ ;

2) а)  $y = \frac{36}{x}$ ; б)  $y = -\frac{43}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{9}x - 27$ ; б)  $y = -0,2x + 50$ ; в)  $y = -26$ ;

2) а)  $y = 3x(x + 4)$ ; б)  $y = 9(x^2 + 10)$ ; в)  $y = x(x + 2)(x - 3)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 6}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{4}{x}, & \text{если } x < -4, \\ \frac{1}{4}x, & \text{если } -4 \leq x \leq 4, \\ \frac{4}{x}, & \text{если } x > 4. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 4

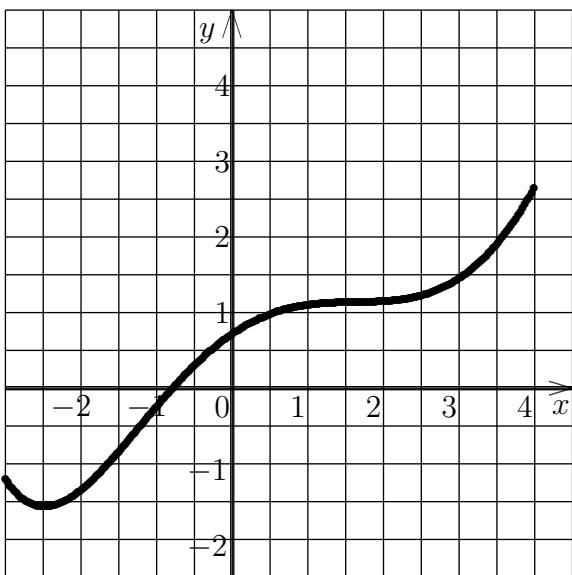


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 8x + 8$ ; б)  $y = -0,12x - 18$ ; в)  $y = -23$ ;

2) а)  $y = \frac{27}{x}$ ; б)  $y = -\frac{27}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{3}x - 12$ ; б)  $y = -0,1x + 12$ ; в)  $y = -33$ ;

2) а)  $y = 6x(x + 4)$ ; б)  $y = 5(x^2 + 8)$ ; в)  $y = x(x + 1)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 6}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 36}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 25}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{5}{x}, & \text{если } x < -1, \\ 5x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ \frac{5}{x}, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 5

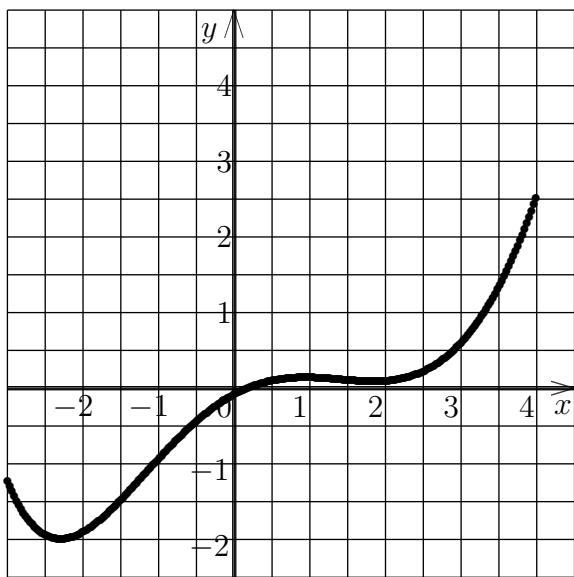


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 12x + 14$ ; б)  $y = -0,6x - 18$ ; в)  $y = -29$ ;

2) а)  $y = \frac{35}{x}$ ; б)  $y = -\frac{35}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{9}x - 36$ ; б)  $y = -0,4x + 60$ ; в)  $y = -22$ ;

2) а)  $y = 13x(x + 5)$ ; б)  $y = 7(x^2 + 6)$ ; в)  $y = x(x + 5)(x - 2)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 11}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 25}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{12}{x}, & \text{если } x < -6, \\ \frac{1}{3}x, & \text{если } -6 \leq x \leq 6, \\ \frac{12}{x}, & \text{если } x > 6. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 6

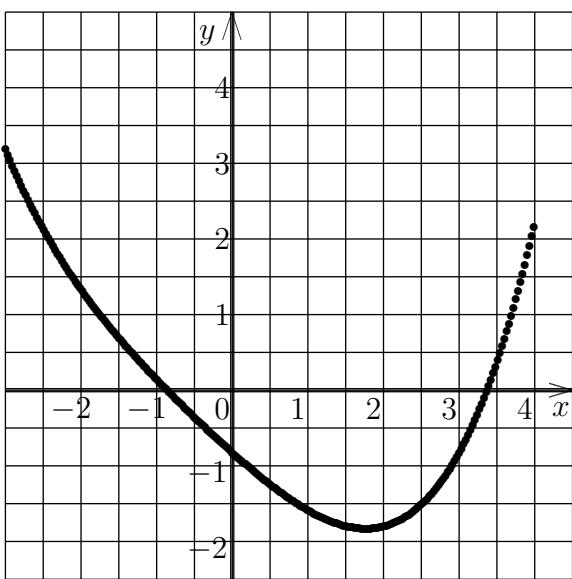


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 12x + 10$ ; б)  $y = -0,2x - 6$ ; в)  $y = -31$ ;

2) а)  $y = \frac{43}{x}$ ; б)  $y = -\frac{63}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{5}x - 20$ ; б)  $y = -0,1x + 16$ ; в)  $y = -34$ ;

2) а)  $y = 13x(x + 4)$ ; б)  $y = 8(x^2 + 9)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 4)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 4}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 4}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{12}{x}, & \text{если } x < -3, \\ \frac{4}{3}x, & \text{если } -3 \leq x \leq 3, \\ \frac{12}{x}, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 7

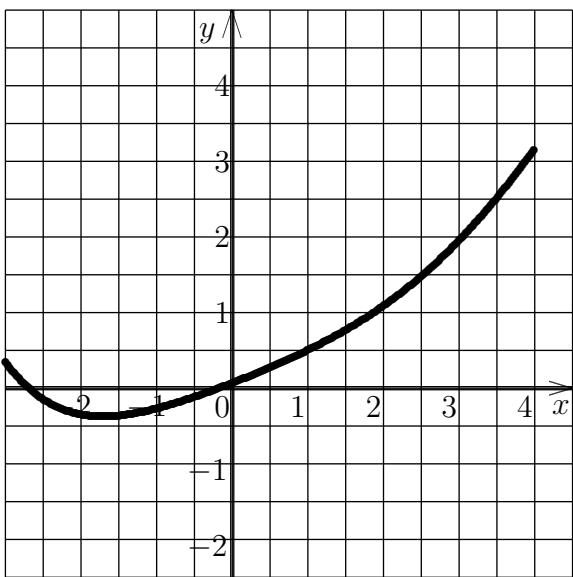


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
- 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 20x + 16$ ; б)  $y = -0,5x - 15$ ; в)  $y = -28$ ;

2) а)  $y = \frac{23}{x}$ ; б)  $y = -\frac{41}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{7}x - 42$ ; б)  $y = -0,3x + 54$ ; в)  $y = -26$ ;

2) а)  $y = 5x(x + 3)$ ; б)  $y = 4(x^2 + 11)$ ; в)  $y = x(x + 2)(x - 2)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 6}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 25}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{2}{x}, & \text{если } x < -2, \\ \frac{1}{2}x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{2}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 8

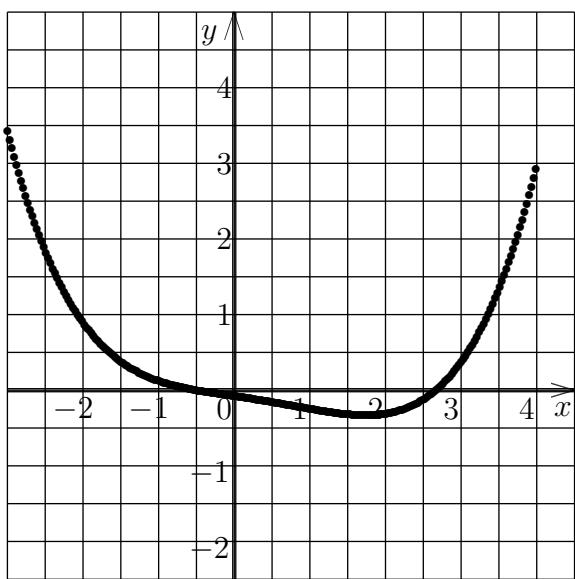


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 8x + 24$ ; б)  $y = -0,8x - 24$ ; в)  $y = -28$ ;

2) а)  $y = \frac{33}{x}$ ; б)  $y = -\frac{23}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{3}x - 12$ ; б)  $y = -0,1x + 20$ ; в)  $y = -33$ ;

2) а)  $y = 5x(x + 4)$ ; б)  $y = 8(x^2 + 4)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 10}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{12}{x}, & \text{если } x < -2, \\ 3x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{12}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 9

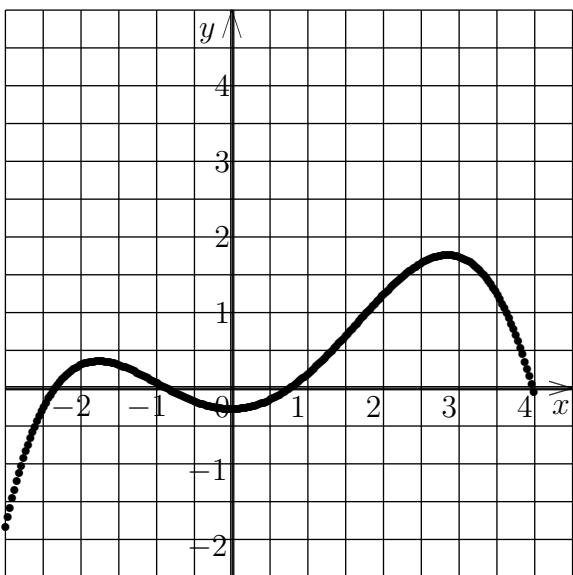


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 16x + 16$ ; б)  $y = -0,25x - 30$ ; в)  $y = -28$ ;

2) а)  $y = \frac{28}{x}$ ; б)  $y = -\frac{56}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{3}x - 18$ ; б)  $y = -0,4x + 68$ ; в)  $y = -26$ ;

2) а)  $y = 14x(x + 3)$ ; б)  $y = 7(x^2 + 6)$ ; в)  $y = x(x + 1)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 11}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 9}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{9}{x}, & \text{если } x < -1, \\ 9x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ \frac{9}{x}, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 10

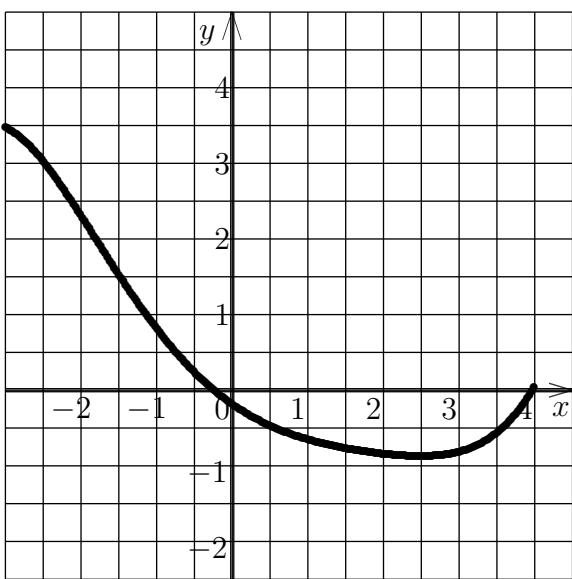


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 3x + 2$ ; б)  $y = -0,8x - 6$ ; в)  $y = -35$ ;

2) а)  $y = \frac{42}{x}$ ; б)  $y = -\frac{42}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{2}x - 6$ ; б)  $y = -0,2x + 40$ ; в)  $y = -37$ ;

2) а)  $y = 7x(x + 5)$ ; б)  $y = 5(x^2 + 4)$ ; в)  $y = x(x + 2)(x - 3)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 13}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 81}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 9}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{6}{x}, & \text{если } x < -3, \\ \frac{2}{3}x, & \text{если } -3 \leq x \leq 3, \\ \frac{6}{x}, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 11

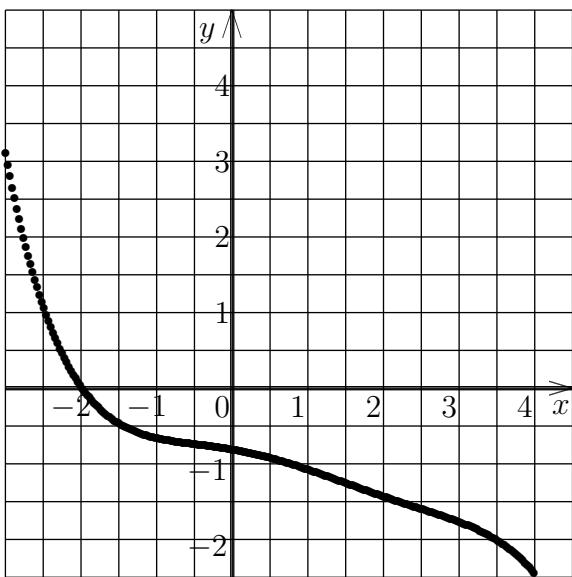


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 20x + 12$ ; б)  $y = -0,20x - 20$ ; в)  $y = -30$ ;

2) а)  $y = \frac{37}{x}$ ; б)  $y = -\frac{58}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{8}x - 48$ ; б)  $y = -0,2x + 38$ ; в)  $y = -53$ ;

2) а)  $y = 11x(x + 4)$ ; б)  $y = 3(x^2 + 5)$ ; в)  $y = x(x + 3)(x - 2)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 3}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 1}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{2}{x}, & \text{если } x < -2, \\ \frac{1}{2}x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{2}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## C – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 12

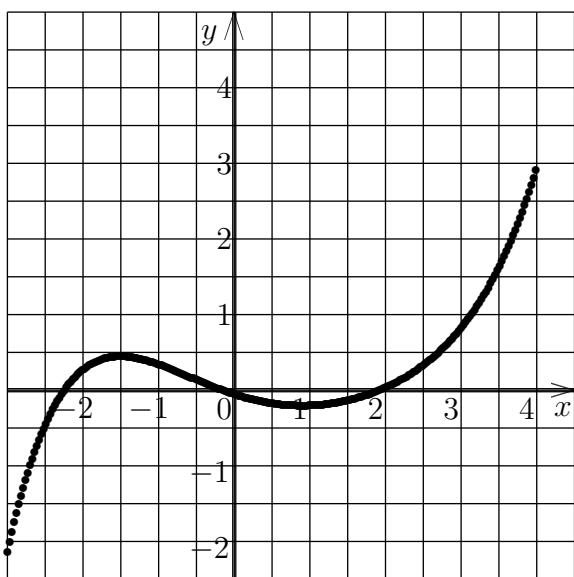


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 10x + 15$ ; б)  $y = -0,12x - 28$ ; в)  $y = -23$ ;

2) а)  $y = \frac{23}{x}$ ; б)  $y = -\frac{63}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{6}x - 30$ ; б)  $y = -0,4x + 52$ ; в)  $y = -15$ ;

2) а)  $y = 14x(x + 5)$ ; б)  $y = 7(x^2 + 7)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 4)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 4}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 49}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{4}{x}, & \text{если } x < -2, \\ x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{4}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 13

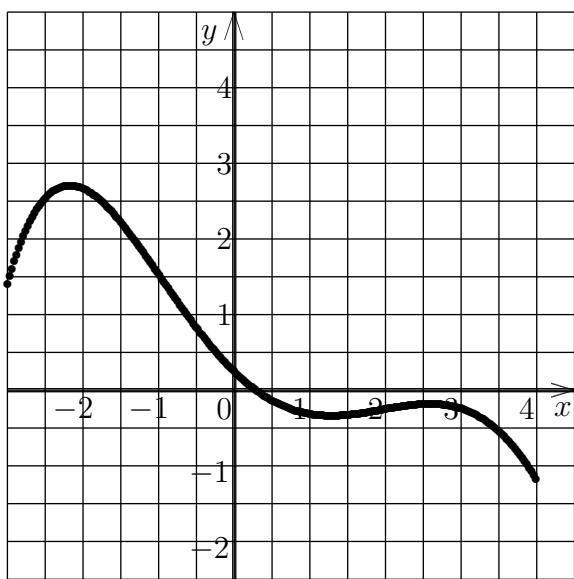


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 20x + 20$ ; б)  $y = -0,12x - 15$ ; в)  $y = -44$ ;

2) а)  $y = \frac{37}{x}$ ; б)  $y = -\frac{61}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{8}x - 24$ ; б)  $y = -0,4x + 72$ ; в)  $y = -41$ ;

2) а)  $y = 8x(x + 3)$ ; б)  $y = 5(x^2 + 12)$ ; в)  $y = x(x + 5)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 10}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 36}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 1}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{8}{x}, & \text{если } x < -4, \\ \frac{1}{2}x, & \text{если } -4 \leq x \leq 4, \\ \frac{8}{x}, & \text{если } x > 4. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т 14

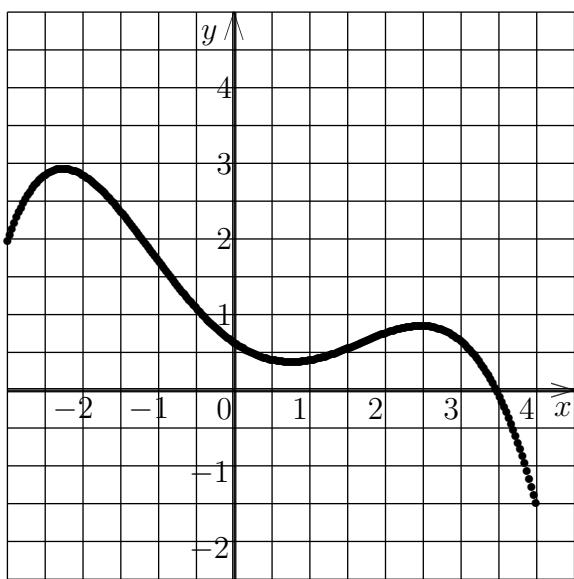


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 12x + 24$ ; б)  $y = -0,8x - 8$ ; в)  $y = -22$ ;

2) а)  $y = \frac{26}{x}$ ; б)  $y = -\frac{22}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{9}x - 36$ ; б)  $y = -0,2x + 38$ ; в)  $y = -25$ ;

2) а)  $y = 6x(x + 4)$ ; б)  $y = 3(x^2 + 12)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 8}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 4}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{13}{x}, & \text{если } x < -1, \\ 13x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ \frac{13}{x}, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

## C – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 15

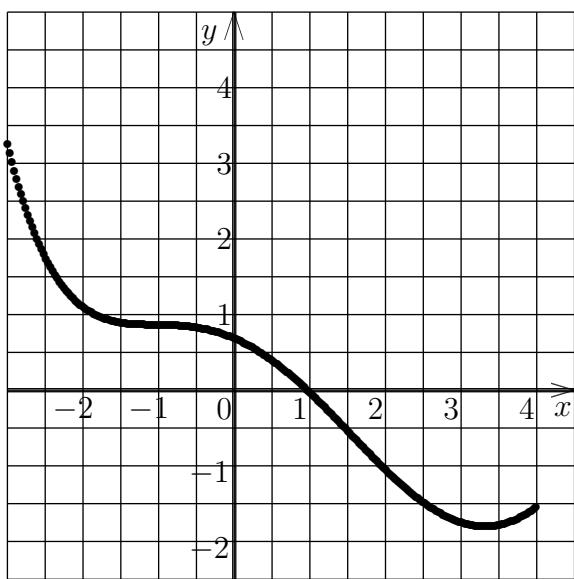


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 4x + 4$ ; б)  $y = -0,8x - 20$ ; в)  $y = -26$ ;

2) а)  $y = \frac{23}{x}$ ; б)  $y = -\frac{61}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{7}x - 28$ ; б)  $y = -0,3x + 51$ ; в)  $y = -17$ ;

2) а)  $y = 10x(x + 2)$ ; б)  $y = 3(x^2 + 2)$ ; в)  $y = x(x + 3)(x - 3)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 8}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 81}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 9}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{10}{x}, & \text{если } x < -2, \\ \frac{5}{2}x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{10}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т 16

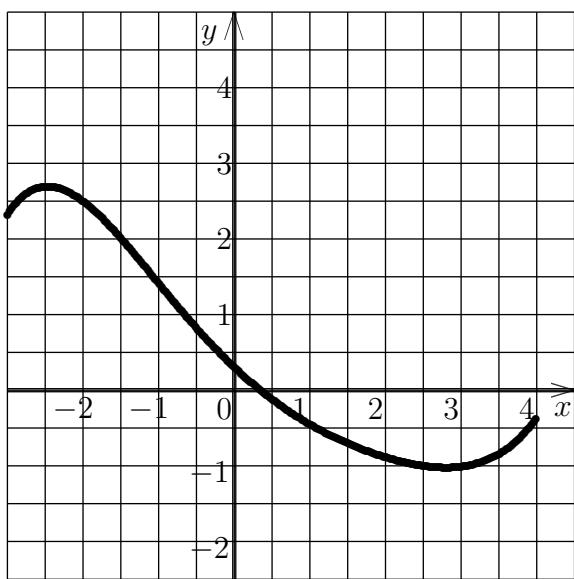


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 8x + 6$ ; б)  $y = -0,4x - 6$ ; в)  $y = -46$ ;

2) а)  $y = \frac{46}{x}$ ; б)  $y = -\frac{40}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{8}x - 40$ ; б)  $y = -0,4x + 72$ ; в)  $y = -52$ ;

2) а)  $y = 7x(x + 5)$ ; б)  $y = 4(x^2 + 16)$ ; в)  $y = x(x + 3)(x - 6)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 10}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 25}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 1}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{7}{x}, & \text{если } x < -1, \\ 7x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ \frac{7}{x}, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 17

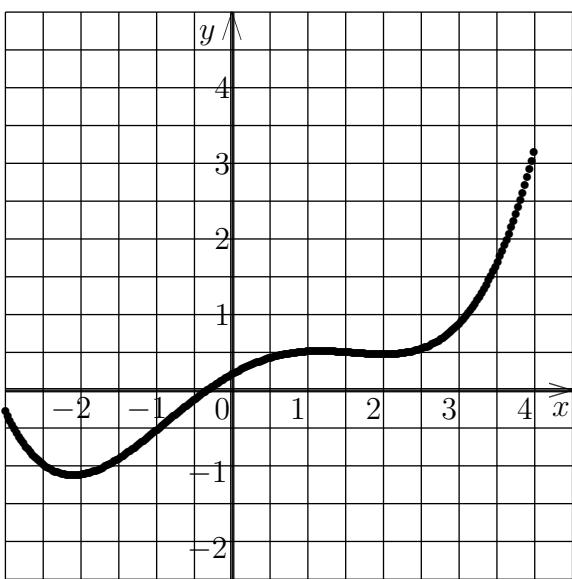


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 8x + 4$ ; б)  $y = -0,6x - 8$ ; в)  $y = -33$ ;

2) а)  $y = \frac{32}{x}$ ; б)  $y = -\frac{34}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{4}x - 12$ ; б)  $y = -0,2x + 26$ ; в)  $y = -30$ ;

2) а)  $y = 3x(x + 4)$ ; б)  $y = 9(x^2 + 2)$ ; в)  $y = x(x + 2)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 13}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 81}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 1}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{12}{x}, & \text{если } x < -6, \\ \frac{1}{3}x, & \text{если } -6 \leq x \leq 6, \\ \frac{12}{x}, & \text{если } x > 6. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 18

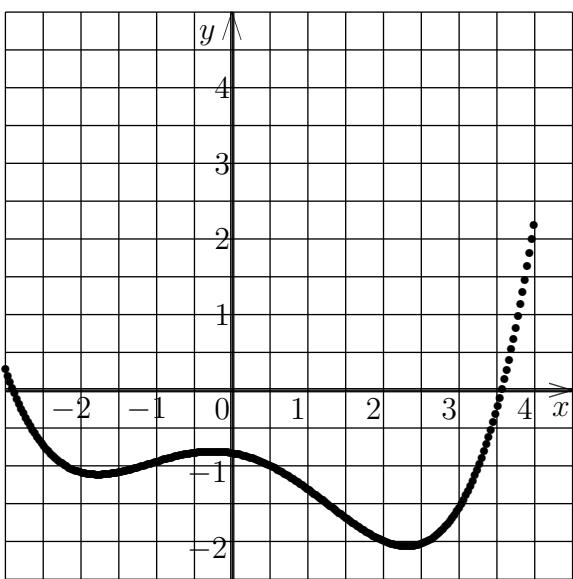


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 20x + 35$ ; б)  $y = -0,20x - 30$ ; в)  $y = -45$ ;

2) а)  $y = \frac{34}{x}$ ; б)  $y = -\frac{45}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{5}x - 20$ ; б)  $y = -0,4x + 52$ ; в)  $y = -51$ ;

2) а)  $y = 10x(x + 3)$ ; б)  $y = 9(x^2 + 11)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 4)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 6}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 16}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 9}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{3}{x}, & \text{если } x < -3, \\ \frac{1}{3}x, & \text{если } -3 \leq x \leq 3, \\ \frac{3}{x}, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

## C – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 19

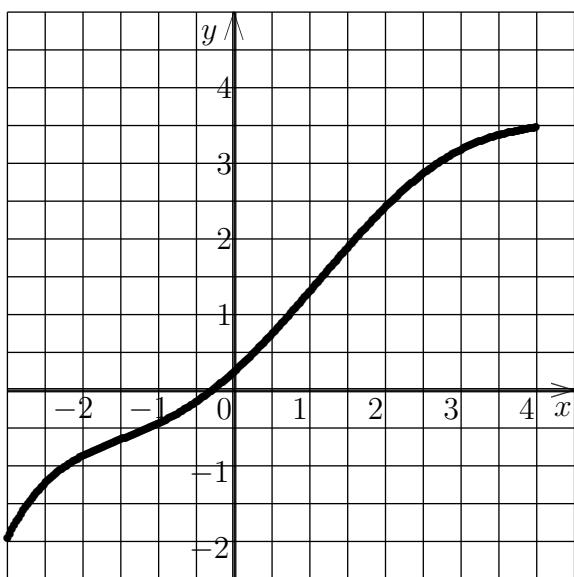


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 8x + 8$ ; б)  $y = -0,15x - 10$ ; в)  $y = -38$ ;

2) а)  $y = \frac{44}{x}$ ; б)  $y = -\frac{22}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{6}x - 18$ ; б)  $y = -0,1x + 20$ ; в)  $y = -23$ ;

2) а)  $y = 12x(x + 5)$ ; б)  $y = 9(x^2 + 11)$ ; в)  $y = x(x + 4)(x - 3)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 8}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 100}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 25}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{12}{x}, & \text{если } x < -4, \\ \frac{3}{4}x, & \text{если } -4 \leq x \leq 4, \\ \frac{12}{x}, & \text{если } x > 4. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т    20

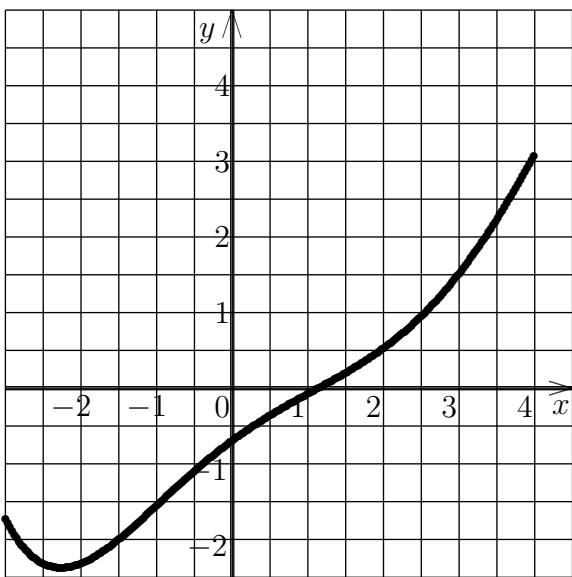


Рис. 1

- Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - нули функции;
  - промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 12x + 18$ ; б)  $y = -0,4x - 6$ ; в)  $y = -38$ ;

2) а)  $y = \frac{33}{x}$ ; б)  $y = -\frac{56}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{8}x - 32$ ; б)  $y = -0,4x + 84$ ; в)  $y = -38$ ;

2) а)  $y = 9x(x + 4)$ ; б)  $y = 3(x^2 + 3)$ ; в)  $y = x(x + 5)(x - 3)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 11}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 49}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 4}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{4}{x}, & \text{если } x < -2, \\ x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{4}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 21

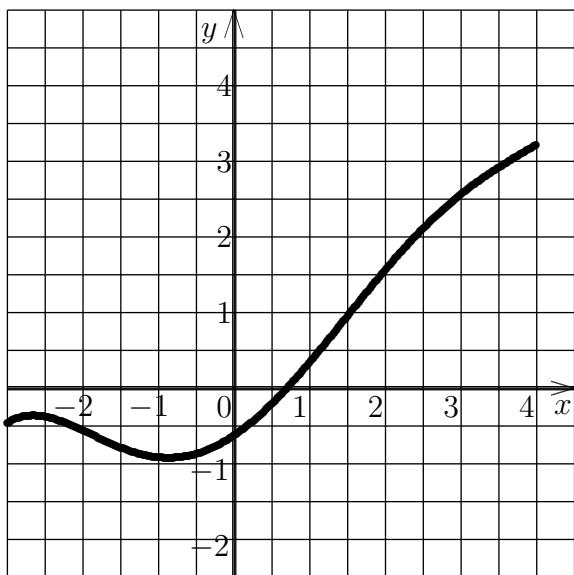


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 4x + 4$ ; б)  $y = -0,20x - 20$ ; в)  $y = -43$ ;

2) а)  $y = \frac{25}{x}$ ; б)  $y = -\frac{24}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{7}x - 28$ ; б)  $y = -0,2x + 38$ ; в)  $y = -34$ ;

2) а)  $y = 4x(x + 3)$ ; б)  $y = 4(x^2 + 8)$ ; в)  $y = x(x + 2)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 5}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 16}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{5}{x}, & \text{если } x < -1, \\ 5x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ \frac{5}{x}, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т    22

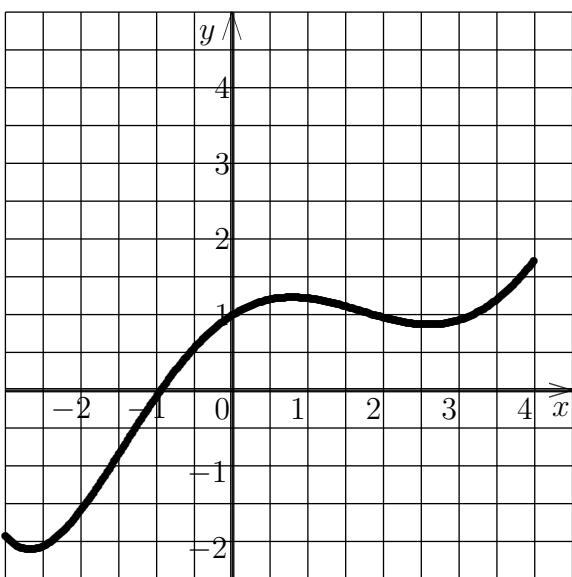


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 5x + 2$ ; б)  $y = -0,24x - 12$ ; в)  $y = -42$ ;

2) а)  $y = \frac{35}{x}$ ; б)  $y = -\frac{48}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{9}x - 36$ ; б)  $y = -0,3x + 45$ ; в)  $y = -33$ ;

2) а)  $y = 4x(x + 2)$ ; б)  $y = 8(x^2 + 5)$ ; в)  $y = x(x + 5)(x - 3)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 5}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 49}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 9}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{11}{x}, & \text{если } x < -1, \\ 11x, & \text{если } -1 \leq x \leq 1, \\ \frac{11}{x}, & \text{если } x > 1. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т    23

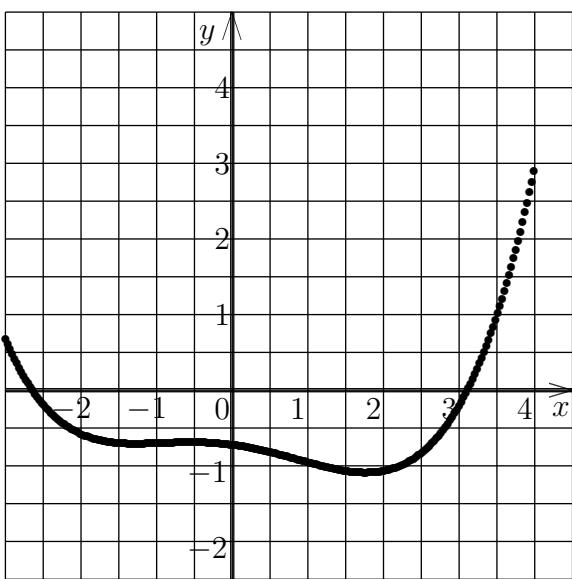


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 6x + 12$ ;    б)  $y = -0,12x - 36$ ;    в)  $y = -36$ ;

2) а)  $y = \frac{37}{x}$ ;    б)  $y = -\frac{26}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{8}x - 40$ ;    б)  $y = -0,2x + 50$ ;    в)  $y = -35$ ;

2) а)  $y = 8x(x + 5)$ ;    б)  $y = 8(x^2 + 10)$ ;    в)  $y = x(x + 1)(x - 2)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 14}$ ;    б)  $y = \sqrt{x^2 - 9}$ ;    в)  $y = \sqrt{x^2 + 16}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{3}{x}, & \text{если } x < -3, \\ \frac{1}{3}x, & \text{если } -3 \leq x \leq 3, \\ \frac{3}{x}, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### В А Р И А Н Т 24

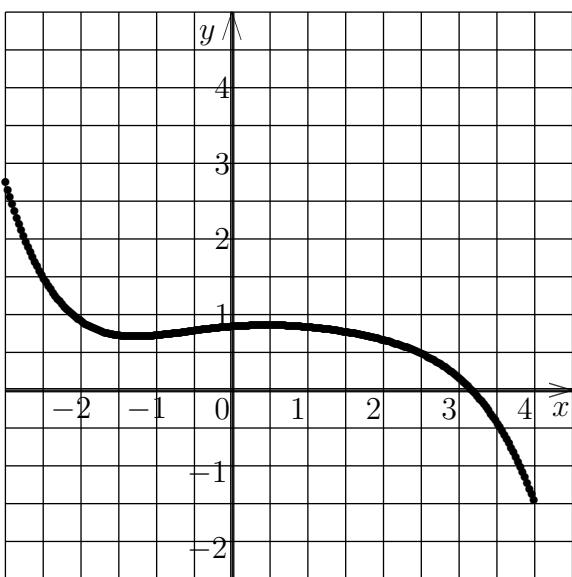


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 20x + 8$ ; б)  $y = -0,9x - 21$ ; в)  $y = -27$ ;

2) а)  $y = \frac{44}{x}$ ; б)  $y = -\frac{39}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{6}x - 36$ ; б)  $y = -0,4x + 84$ ; в)  $y = -35$ ;

2) а)  $y = 13x(x + 5)$ ; б)  $y = 3(x^2 + 4)$ ; в)  $y = x(x + 5)(x - 2)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 4}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 16}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 25}$ .

4. Постройте график функции  $g(x) = x - |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{8}{x}, & \text{если } x < -4, \\ \frac{1}{2}x, & \text{если } -4 \leq x \leq 4, \\ \frac{8}{x}, & \text{если } x > 4. \end{cases}$$

## С – 9 – 3. Свойства функций

### ВАРИАНТ 25

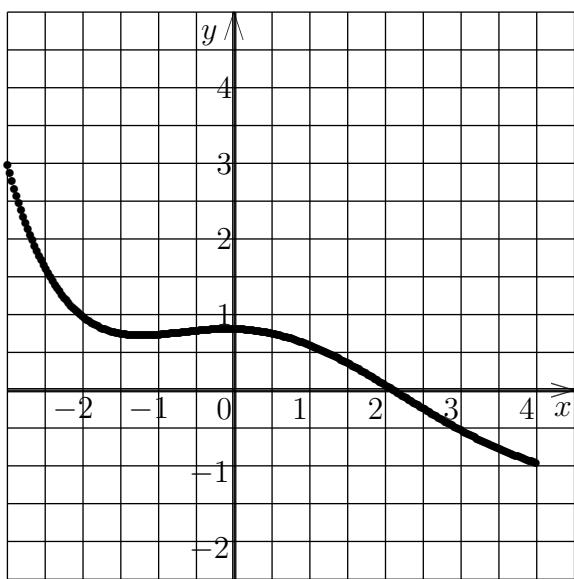


Рис. 1

1. Область определения функции, заданной графиком на рис. 1, — промежуток  $[-3; 4]$ . Используя график, перечислите свойства функции. Найдите:
  - 1) а) нули функции; б) промежутки, в которых функция принимает положительные значения, и промежутки, в которых она принимает отрицательные значения;
  - 2) промежутки, в которых функция возрастает и в которых она убывает;
  - 3) значения аргумента  $x$ , при котором функция принимает наибольшее значение и при котором она принимает наименьшее значение;
  - 4) область значений функции.

2. Выясните свойства функции:

1) а)  $y = 5x + 6$ ; б)  $y = -0,25x - 15$ ; в)  $y = -30$ ;

2) а)  $y = \frac{42}{x}$ ; б)  $y = -\frac{65}{x}$ .

3. Найдите нули функции (если они существуют):

1) а)  $y = \frac{1}{5}x - 15$ ; б)  $y = -0,3x + 39$ ; в)  $y = -34$ ;

2) а)  $y = 13x(x + 2)$ ; б)  $y = 4(x^2 + 5)$ ; в)  $y = x(x + 3)(x - 5)$ ;

3) а)  $y = \sqrt{x + 9}$ ; б)  $y = \sqrt{x^2 - 25}$ ; в)  $y = \sqrt{x^2 + 9}$ .

4. Постройте график функции  $f(x) = x + |x|$  и опишите ее свойства.

5. Выясните свойства функции:

$$g(x) = \begin{cases} \frac{8}{x}, & \text{если } x < -2, \\ 2x, & \text{если } -2 \leq x \leq 2, \\ \frac{8}{x}, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$