

7 РАЦИОНАЛЬНЫЕ НЕРАВЕНСТВА

7.1. Метод интервалов

Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{(x-x_1)(x-x_2)}{(x-x_3)(x-x_4)}$. Точки, в которых

функция $f(x)$ обращается в нуль, называют нулями функции. В нашем случае это точки $x=x_1$ и $x=x_2$. Точки, в которых знаменатель функции обращается в нуль, называют точками разрыва функции. В нашем случае это точки $x=x_3$ и $x=x_4$.

Если все нули функции и точки ее разрыва отметить на координатной прямой, то они разобьют прямую на несколько промежутков. Так как внутри каждого из этих промежутков функция непрерывна и сохраняет свой знак, то для установления этого знака достаточно взять любую точку из интересующего нас промежутка и определить знак функции в этой точке. Следовательно, если в левой части неравенства рациональная, показательная, логарифмическая, тригонометрическая либо в общем случае произвольная функция, то можем решить неравенство методом интервалов.

Приведем алгоритм решения методом интервалов неравенства вида $f(x) < 0$ ($>$; \leq ; \geq), где функция $f(x)$ может быть произвольной:

- 1) запишем функцию $f(x)$;
- 2) найдем область определения функции $D(f)$;
- 3) найдем нули функции, решая уравнение $f(x) = 0$;
- 4) нанесем нули функции на ее область определения и определим знак функции на любом промежутке; определим знак функции на остальных промежутках по правилу: при переходе через каждый свой корень функция меняет знак (при этом учитываем кратность корней);
- 5) выпишем решение неравенства, учитывая его смысловой знак.

В процессе решения неравенств методом интервалов, для удобства корни четной кратности, будем наносить на координатную прямую дважды, нечетной кратности – один раз.

7.2. Решение рациональных неравенств

Целым рациональным неравенством называют неравенство вида $f(x) < 0$ ($>$, \leq , \geq), где $f(x)$ – алгебраический многочлен.

Дробным рациональным неравенством называют неравенство вида $\frac{f(x)}{g(x)} < 0$ ($>$, \leq , \geq), где $f(x)$ и $g(x)$ – алгебраические многочлены. Очевидно, что множество решений дробно-рационального неравенства не должно содержать корней многочлена $g(x)$.

Решая **целые рациональные неравенства** методом интервалов, будем следовать алгоритму:

- 1) запишем неравенство в виде $f(x) < 0$ ($>$, \leq , \geq) и рассмотрим функцию $f(x)$;
- 2) найдем нули функции, решая уравнение $f(x) = 0$;
- 3) нанесем нули функции на координатную прямую и определим знаки функции на полученных промежутках;
- 4) запишем решение неравенства, учитывая при этом его смысловой знак.

Решая **дробные рациональные неравенства** методом интервалов, будем следовать алгоритму:

- 1) запишем неравенство в виде $\frac{f(x)}{g(x)} < 0$ ($>$, \leq , \geq) и рассмотрим функцию $F(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$;
- 2) найдем нули и точки разрыва функции, решая уравнения $f(x) = 0$ и $g(x) = 0$;
- 3) нанесем нули и точки разрыва функции на координатную прямую и определим знаки функции на полученных промежутках;
- 4) запишем решение неравенства, учитывая при этом его смысловой знак.

При решении неравенств вида $\frac{f(x)}{g(x)} \leq 0$ и $\frac{f(x)}{g(x)} \geq 0$ корни числителя будем отмечать на координатной прямой «зачерненными» кружочками, а корни знаменателя (точки разрыва функции, записанной в левой части неравенства) – «пустыми».

Тест для проверки теоретических знаний

Укажите все необходимые действия (1–2):

1. Чтобы решить целое рациональное неравенство вида $f(x) \leq 0$ необходимо:

- 1) найти нули функции $f(x)$;
- 2) найти точки разрыва функции $f(x)$;
- 3) нанести нули функции $f(x)$ на координатную прямую и определить знаки функции на полученных промежутках;
- 4) нанести точки разрыва функции $f(x)$ на координатную прямую и определить знаки функции на полученных промежутках;
- 5) записать промежутки, на которых функция не положительна;
- 6) записать промежутки, на которых функция отрицательна;
- 7) записать промежутки, на которых функция положительна.

2. Чтобы решить дробное рациональное неравенство вида $\frac{f(x)}{g(x)} \geq 0$ необходимо:

- 1) найти нули функции $f(x)$;
- 2) найти нули функции $g(x)$;
- 3) отметить на координатной прямой нули функции $f(x)$ «зачерненными» кружочками, а нули функции $g(x)$ – «пустыми»;
- 4) отметить на координатной прямой нули функции $f(x)$ «пустыми» кружочками, а нули функции $g(x)$ – «зачерненными»;
- 5) отметить на координатной прямой нули функций $f(x)$ и $g(x)$ «зачерненными» кружочками;
- 6) записать промежутки, на которых функция $F(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ положительна;
- 7) записать промежутки, на которых функция $F(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ не отрицательна.

Установите соответствие:

3. Решение рациональных неравенств:

НЕРАВЕНСТВО

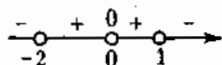
1) $x(x-1)(x+2) > 0$;

2) $x^3(x-1)^2(x+2)^4 \geq 0$;

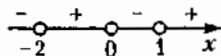
3) $\frac{x^2(1-x)}{(x+2)^5} < 0$;

4) $\frac{(x+2)^4}{x^2(1-x)} \leq 0$.

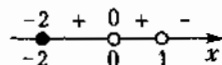
РИСУНОК



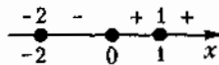
a)



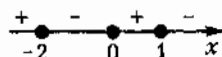
б)



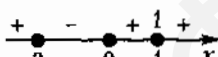
в)



г)



д)



е)

РЕШЕНИЕ (ОТВЕТ)

ж) $\{-2\} \cup (1; +\infty)$;

з) $[-2; 0] \cup \{1\}$;

и) $(-2; 0) \cup (1; +\infty)$;

к) $\{-2\} \cup [0; +\infty)$;

л) $(-\infty; -2) \cup (1; +\infty)$;

м) $[-2; 0] \cup [1; +\infty)$.

Ответы

Номер задания	1	2	3
Вариант правильного ответа	1, 3, 5	1, 2, 3, 7	1 - б - и, 2 - г - к, 3 - а - л, 4 - в - ж

Примеры

Пример 1. Решите неравенство $(2-x)^2(x+3)^3(x-7) < 0$.

Решение. Решим неравенство методом интервалов:

1. Рассмотрим функцию $f(x) = (2-x)^2(x+3)^3(x-7)$.

2. Найдем нули функции, решая уравнение

$$(2-x)^2(x+3)^3(x-7) = 0.$$

Получим $x_{1,2} = 2$, $x_{3,4,5} = -3$, $x_6 = 7$.

3. Корни нечетной кратности -3 и 7 нанесем на координатную прямую один раз, а корень четной кратности 2 — два раза (рис. 7.1). Определим знаки функции на любом промежутке, например, на промежутке $(-3; 2)$, найдя значение функции в точке $x = 0$, принадлежащей этому промежутку:

$$f(0) = (-2)^2 \cdot 3^3 \cdot (-7) < 0.$$

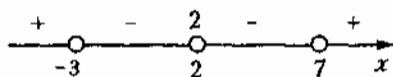


Рис. 7.1

Определим знаки функции на остальных промежутках, чередуя их при переходе через точки -3 и 7 и сохраняя знак (чередую дважды) при переходе через точку 2 .

4. Объединив промежутки, на которых функция $f(x) = (2-x)^2(x+3)^3(x-7)$ отрицательна, получим решение данного неравенства: $(-3; 2) \cup (2; 7)$.

Ответ: $(-3; 2) \cup (2; 7)$.

Пример 2. Решите неравенство $\frac{x^2(x+1)}{x^2-4} \geq 0$.

Решение. Решим неравенство методом интервалов:

1. Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{x^2(x+1)}{x^2-4}$.

2. Найдем нули функции, решая уравнение $x^2(x+1) = 0$. Получим $x_{1,2} = 0$, $x_3 = -1$. Найдем точки разрыва функции, решая уравнение $x^2 - 4 = 0$. Получим $x_4 = -2$, $x_5 = 2$.

3. Нанесем нули и точки разрыва функции на координатную прямую, при этом точки разрыва отметим на координатной прямой «пустыми» кружочками, а нули функции – «зачерненными» кружочками (рис. 7.2).



Рис. 7.2

Определим знаки функции на полученных промежутках.

4. Так как функция $f(x) = \frac{x^2(x+1)}{x^2-4}$ может быть как положительной, так и равной нулю (на это указывает смысловой знак неравенства \geq), то решением неравенства является объединение промежутков, на которых функция неотрицательна и изолированная точка 0 : $(-2; 1] \cup (2; +\infty) \cup \{0\}$.

Ответ: $(-2; 1] \cup (2; +\infty) \cup \{0\}$.

Пример 3. Решите неравенство $x^8 + 9x^6 + 6x < 6x^7 + x^2 + 9$.

Решение. Запишем неравенство в виде

$$x^8 - 6x^7 + 9x^6 - x^2 + 6x - 9 < 0$$

и разложим его левую часть на множители:

$$\begin{aligned} x^6(x^2 - 6x + 9) - (x^2 - 6x + 9) &< 0, \\ (x^2 - 6x + 9)(x^6 - 1) &< 0, \quad (x-3)^2(x^6 - 1) < 0. \end{aligned}$$

1. Рассмотрим функцию $f(x) = (x-3)^2(x^6 - 1)$.

2. Найдем нули функции, решая уравнение $(x-3)^2(x^6 - 1) = 0$, равносильное совокупности уравнений $(x-3)^2 = 0$ и $x^6 - 1 = 0$. Получим $x_{1,2} = 3$, $x_{3,4} = \pm 1$.

3. Нанесем нули функции на координатную прямую (рис. 7.3) и определим знаки функции на полученных промежутках.

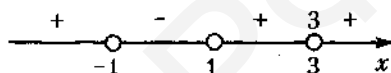


Рис. 7.3

4. Решением неравенства является промежуток, на котором функция $f(x) = (x-3)^2(x^6 - 1)$ отрицательна: $(-1; 1)$.

Ответ: $(-1; 1)$.

Пример 4. Решите неравенство $\frac{x^4 + x^2 + 1}{x^2 - 4x - 5} < 0$.

Решение. Имеем неравенство вида $f(x) < 0$.

1. Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{x^4 + x^2 + 1}{x^2 - 4x - 5}$.

2. Найдем нули функции, решая уравнение $x^4 + x^2 + 1 = 0$. Поскольку $D < 0$, то уравнение не имеет действительных корней. Найдем точки разрыва функции, решая уравнение $x^2 - 4x - 5 = 0$, откуда $x_1 = -1$ и $x_2 = 5$.

3. Нанесем числа -1 и 5 на координатную прямую и определим знаки функции на полученных промежутках (рис. 7.4).

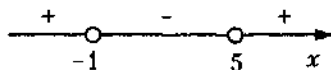


Рис. 7.4

4. Решением неравенства является промежуток, на котором функция $f(x) = \frac{x^4 + x^2 + 1}{x^2 - 4x - 5}$ отрицательна: $(-1; 5)$.

Ответ: $(-1; 5)$.

Пример 5. Найдите целые решения неравенства

$$\left(\frac{-x}{x-5}\right)^2 + \frac{-10x}{0,2(5-x)^2(x+5)} \leq \frac{1}{0,2x+1}.$$

Решение. Запишем неравенство в виде $f(x) \leq 0$.

$$\frac{x^2}{(x-5)^2} - \frac{50x}{(x-5)^2(x+5)} - \frac{5}{x+5} \leq 0,$$

$$\frac{x^2(x+5) - 50x - 5(x-5)^2}{(x-5)^2(x+5)} \leq 0, \quad \frac{x^3 + 5x^2 - 50x - 5x^2 + 50x - 125}{(x-5)^2(x+5)} \leq 0,$$

$$\frac{x^3 - 125}{(x-5)^2(x+5)} \leq 0.$$

1. Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{x^3 - 125}{(x-5)^2(x+5)}$.

2. Найдем нули функции, решая уравнение $x^3 - 125 = 0$, откуда $x = 5$. Найдем точки разрыва функции, решая уравнения $(x-5)^2 = 0$, откуда $x_{1,2} = 5$ и $x+5 = 0$, откуда $x = -5$.

3. Нанесем полученные числа на координатную прямую (рис. 7.5) и определим знак функции $f(x) = \frac{x^3 - 125}{(x-5)^2(x+5)}$ на про-

межутке $(-5; 5)$, подставив в функцию любое число из указанного промежутка, например, число 0: $f(0) = -1 < 0$. Определим знак функции на остальных промежутках, чередуя их при переходе через точки 5 и -5 (числа 5 и -5 — корни нечетной кратности).



Рис. 7.5

4. Так как функция не положительна, то решением исходного неравенства является интервал $(-5; 5)$ (рис. 7.5).

Запишем целые решения неравенства:

$$-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4.$$

Ответ: $\{-4; -3; -2; -1; 0; 1; 2; 3; 4\}$.

Пример 6. Найдите среднее арифметическое целых решений неравенства $1 < \frac{3x^2 - 7x + 8}{x^2 + 1} < 2$.

Решение. Данное неравенство равносильно системе неравенств

$$\begin{cases} \frac{3x^2-7x+8}{x^2+1} > 1, \\ \frac{3x^2-7x+8}{x^2+1} < 2. \end{cases}$$

Решим каждое неравенство системы методом интервалов, предварительно умножив эти неравенства на $x^2+1 > 0$.

1. Первое неравенство примет вид $3x^2-7x+8 > x^2+1$ или $2x^2-7x+7 > 0$. Оно справедливо для любых $x \in \mathbf{R}$, так как график квадратичной функции $y = 2x^2 - 7x + 7$ не пересекает ось абсцисс ($D < 0$) и ветви параболы направлены вверх.

2. Второе неравенство примет вид $x^2-7x+6 < 0$. Его решение: $x \in (1; 6)$ (рис. 7.6).



Рис. 7.6

Поскольку решение второго неравенства является подмножеством решений первого, то интервал $(1; 6)$ является решением исходной системы неравенств. Запишем целые решения системы неравенств: 2, 3, 4, 5. Найдем среднее арифметическое этих чисел:

$$(2+3+4+5):4 = 3,5.$$

Ответ: 3,5.

Пример 7. Найдите сумму целых решений системы неравенств $\frac{4}{x-2} < \frac{2}{x+1} \leq \frac{2}{x}$, удовлетворяющих условию $0,04x^2 \leq 1$.

Решение. Запишем неравенство $0,04x^2 \leq 1$ в виде $x^2 - 25 \leq 0$, $(x-5)(x+5) \leq 0$ и решим его методом интервалов.

Согласно рисунку 7.7 запишем его решение: $x \in [-5; 5]$.

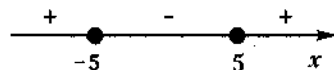


Рис. 7.7

Решим систему неравенств $\frac{2}{x-2} < \frac{1}{x+1} \leq \frac{1}{2x}$ на отрезке $[-5; 5]$:

$$\begin{cases} \frac{2}{x-2} < \frac{1}{x+1}, \\ \frac{1}{x+1} \leq \frac{1}{2x}, \end{cases} \begin{cases} \frac{2}{x-2} - \frac{1}{x+1} < 0, \\ \frac{1}{x+1} - \frac{1}{2x} \leq 0, \end{cases} \begin{cases} \frac{x+4}{(x-2)(x+1)} < 0, \\ \frac{x-1}{2x(x+1)} \leq 0. \end{cases}$$

Решение первого неравенства системы показано на рисунке 7.8:

$$x \in [-5; -4) \cup (1; 2).$$

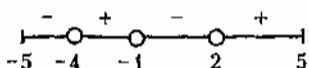


Рис. 7.8

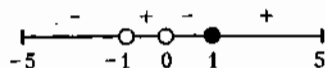


Рис. 7.9

Решение второго неравенства системы показано на рисунке 7.9:

$$x \in [-5; -1) \cup (0; 1].$$

Решение системы неравенств показано на рисунке 7.10:

$$x \in [-5; 4) \cup (0; 1].$$

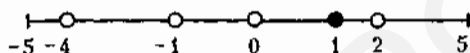


Рис. 7.10

Исходная система неравенств имеет два целых решения, удовлетворяющих условию $x^2 \leq 25$. Найдем сумму этих решений: $-5 + 1 = -4$.

Ответ: - 4.

Пример 8. Найдите область определения функции

$$y = \sqrt{\frac{16x - 16 - 4x^2}{x - 1}} + 1.$$

Решение. Имеем иррациональную функцию четной степени корня. Следовательно, выражение, стоящее под знаком радикала, не должно быть отрицательным: $\frac{16x - 16 - 4x^2}{x - 1} \geq 0$ или $\frac{x^2 - 4x + 4}{1 - x} \geq 0, \frac{(x - 2)^2}{1 - x} \geq 0$.

Решим полученное неравенство методом интервалов.

1. Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{(x - 2)^2}{1 - x}$.

2. Найдем нули функции, решая уравнение $(x - 2)^2 = 0$, откуда $x_{1,2} = 2$. Найдем точки разрыва функции, решая уравнение $1 - x = 0$, откуда $x = 1$.

3. Нанесем нули и точки разрыва функции на координатную прямую и определим знаки функции на полученных промежутках (рис. 7.11).



Рис. 7.11

4. Решением неравенства является промежуток $(-\infty; 0)$, на котором функция $f(x) = \frac{(x-2)^2}{1-x}$ положительна и изолированная точка 2, в которой функция обращается в нуль.

Следовательно, областью определения функции $y = \sqrt{\frac{16x-16-4x^2}{x-1}} + 1$ будет промежуток $(-\infty; 0)$ и изолированная точка 2.

Ответ: $(-\infty; 0) \cup \{2\}$.

Задачи для самостоятельного решения

Решите неравенства (1-21):

1. $(x+1)(x-3)(2-x)^2 < 0$. 2. $x^6 > 9x^3 - 8$.

3. $x^4 + 3x^2 > 4x$. 4. $a^4 + a^3 < a + 1$.

5. $m^3 + m^2 > m + 1$. 6. $\frac{1}{3x-2-x^2} > \frac{3}{7x-4-3x^2}$.

7. $\frac{3x^2-10x+3}{x^2-10x+25} > 0$. 8. $\frac{x^3-x^2+x-1}{x+8} \leq 0$.

9. $\frac{x^4-2x^2-8}{x^2+2x+1} < 0$. 10. $\frac{4-x}{x-5} > \frac{1}{1-x}$.

11. $\frac{1}{x+2} < \frac{3}{x-3}$. 12. $\frac{1}{2-x} + \frac{5}{2+x} < 1$.

13. $\frac{x^2-2x-3}{4x-11} \geq 1$. 14. $\frac{x^2-3x+2}{x^2+3x+2} \geq 1$.

15. $\frac{1}{4+3x-x^2} > \frac{1}{15}$.

16. $\frac{(1-x)(2-x)(x-3)}{(x+1)(x+2)(x+3)} > 1$.

17. $\left(\frac{x^2}{8} + \frac{3x}{4} + \frac{3}{2} + \frac{1}{x}\right) \left(1-x + \frac{(2-x)^2(x-1)}{(x+2)^2}\right) > 0$.

18. $\frac{1}{x^2-4} + \frac{4}{2x^2+7x+6} \leq \frac{1}{2x+3} + \frac{4}{2x^3+3x^2-8x-12}$.

19. $-\frac{1}{x+1} + \frac{2}{x^2-x+1} \geq \frac{2x-1}{x^3+1}$.

$$20. x^2(x^4+36) < 6\sqrt{3}(x^4+4).$$

$$21. (x^2+4x+10)^2 < 7(x^2+4x+11)-7.$$

Решите системы неравенств (22–23):

$$22. x-4 \leq 0, 2x^2 \leq 1,6x.$$

$$23. \frac{5x-7}{x-5} - 4 < -\frac{x}{5-x} + \frac{3x}{x^2-25} < 0.$$

24. Вычислите длину отрезка, на котором выполняется неравенство $x^2 \leq 6+x$.

$$25. \text{Найдите целые решения неравенства } \frac{x^2+x+1}{-x^2+12x-35} > 0.$$

26. Укажите все целые значения x , для которых не выполняется неравенство $1 < \frac{1-3x}{-2x-1} < 2$.

27. Найдите произведение всех целых решений системы неравенств $\begin{cases} x^2-5x-6 < 0, \\ -x^2+3x < 0. \end{cases}$

28. Определите значения m , при которых неравенство $\frac{-x^2-mx+1}{2x^2-2x+3} > -1$ выполняется для любых x .

Найдите область определения функций (29–30):

$$29. f(x) = \sqrt{9 - \left(\frac{4x-22}{5-x}\right)^2}.$$

$$30. y = \sqrt[4]{\frac{x^2-6x-16}{x^2-12x+11}} - \frac{5}{x^2-49}.$$

Ответы: 1. $(-1; 2) \cup (2; 3)$. 2. $(-\infty; 1) \cup (2; +\infty)$. 3. $x \in (-\infty; 0) \cup (1; +\infty)$. 4. $(-1; 1)$. 5. $(1; +\infty)$. 6. $(-\infty; 1) \cup \left(\frac{4}{3}; 2\right)$. 7. $(-\infty; \frac{1}{3}) \cup (3; 5) \cup (5; +\infty)$. 8. $(-8; 1]$. 9. $(-2; -1) \cup (-1; 2)$. 10. $(1; 3) \cup (3; 5)$. 11. $(-4,5; -2) \cup (3; +\infty)$. 12. $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$. 13. $x \in \{[2; 2,75] \cup [4; +\infty)\}$. 14. $(-\infty; -2) \cup (-1; 0]$. 15. $(-1; 4)$. 16. $(-\infty; -3) \cup (-2; -1)$. 17. $x \in \{(-2; 0) \cup (0; 1)\}$. 18. $(-2; -1,5) \cup [1; 2) \cup [5; +\infty)$. 19. $(-\infty; -1) \cup (-1; 2]$. 20. $(-\sqrt[4]{12}; \sqrt[4]{12})$.

21. $(-3; -1)$. 22. $[0; 8]$. 23. $(-8; -6,5) \cup (0; 5)$. 24. 5. 25. 6.
 26. $\{-3; -2; -1; 0; 1; 2\}$. 27. 20. 28. $m \in (-6; 2)$. 29. $\left[\frac{37}{7}; 7\right]$.
 30. $(-\infty; -7) \cup (-7; -2] \cup (1; 7) \cup (7; 8] \cup (11; +\infty)$.

Контрольный тест

№	Задания	Варианты ответов
1	Наименьшее целое решение неравенства $(1-x\sqrt{2})^2 + (2-x\sqrt{7})^2 \leq (1-3x)^2$ равно	1) 0; 2) 1; 3) 2; 4) -2; 5) -3.
2	Количество целых отрицательных чисел, не являющихся решениями неравенства $\frac{(x+3)^2}{-(2x+5)} > 0$, равно	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 5; 5) 6.
3	Среднее арифметическое целых чисел, не удовлетворяющих условию $(x^2+3x+1)(x^2+3x-3) \geq 5$, равно	1) -1,5; 2) -3; 3) 3; 4) 4,5; 5) 18.
4	Длина отрезка, являющегося решением неравенства $x^4+3x^3+2x^2+3x \leq -1$, равна	1) 3; 2) 6; 3) $6-2\sqrt{5}$; 4) $2\sqrt{5}$; 5) $\sqrt{5}$.
5	Среднее арифметическое неположительных решений неравенства $x^3+4 \geq x^2+4x$ равно	1) -3; 2) -1,5; 3) -1; 4) -2; 5) -0,5.
6	Количество отрицательных решений неравенства $\frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} > \frac{6}{x^3}$ равно	1) 14; 2) 11; 3) 3; 4) 1; 5) 2.

№	Задания	Варианты ответов
7	Количество целых решений неравенства $-\frac{15}{x^2} - \frac{16}{x^4} < -1$ равно	1) 6; 2) 7; 3) 4; 4) 2; 5) 14.
8	Количество целых неотрицательных решений неравенства $x^3 + 2 > 2x^2 + x$ равно	1) 2; 2) 1; 3) 13; 4) 4; 5) 11.
9	Решением системы неравенств $\begin{cases} (x^2 + 1)(3 - 2x) < 0, \\ -3x > 6 + 3x \end{cases}$ является множество чисел	1) \mathbb{R} ; 2) $(0; +\infty)$; 3) \emptyset ; 4) $(-\infty; 0]$; 5) $[-2; 2]$.
10	Неравенство $\frac{2a}{a^2 - 2a + 4} \leq 1$ обращается в равенство, если число a принадлежит промежутку	1) $(-\infty; -3)$; 2) $(2; 5)$; 3) $[-3; -0,5]$; 4) $(3; +\infty)$; 5) $[1; 3)$.
11	Если $4 \leq x \leq 5$, $2 \leq y \leq 4$, то все значения выражения $\frac{2y - x}{y}$ принадлежат промежутку	1) $[0,5; 20]$; 2) $(0; 8)$; 3) $(-\infty; 0)$; 4) $[-0,5; 1]$; 5) $(-2; 0]$.
12	Количество целых неотрицательных чисел, не принадлежащих области определения функции $y = \sqrt{\frac{3 - x}{-1 + 3x - 2x^2}}$, равно	1) 8; 2) 4; 3) 1; 4) 3; 5) 2.

№	Задания	Варианты ответов
13	Количество целых чисел, не принадлежащих области определения функции $f(x) = \sqrt{\frac{x^2 - 3x - 10}{x^4 - 9x^2}}$, равно	1) 6; 2) 5; 3) 4; 4) 3; 5) 10.
14	Областью определения функции $y = \sqrt{\frac{1-x}{x-2}} - 1 + \frac{1}{x^2+x-6} + \sqrt{x^2-3,24}$ является промежуток	1) $[1,8; 2)$; 2) $[-1,8; 2)$; 3) $(2; 3)$; 4) $[-1,8; 1,8]$; 5) $(-\infty; -1] \cup [1; +\infty)$.

Ответы

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7
Номер правильного ответа	2	3	1	5	3	5	1
Номер задания	8	9	10	11	12	13	14
Номер правильного ответа	2	3	5	4	4	3	1