

Ю. А. Глазков
И. К. Варшавский
М. Я. Гаиашвили

2018

МАТЕМАТИКА



ТЕМАТИЧЕСКИЕ
ТЕСТОВЫЕ
ЗАДАНИЯ

9 класс

14 вариантов заданий

Ответы



Ю. А. Глазков, И. К. Варшавский,
М. Я. Гаиашвили

МАТЕМАТИКА

9 класс

ОСНОВНОЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭКЗАМЕН

ТЕМАТИЧЕСКИЕ ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ

*14 вариантов заданий
Ответы*

*Издательство
«ЭКЗАМЕН»*

МОСКВА
2018

УДК 372.8:51
ББК 74.262.21
Г52

Глазков Ю. А.

Г52 ОГЭ 2018. Математика. 9 класс. Основной государственный экзамен. Тематические тестовые задания / Ю. А. Глазков, И. К. Варшавский, М. Я. Гаиашвили. — М. : Издательство «Экзамен», 2018. — 110, [2] с. (Серия «ОГЭ. Тематические тестовые задания»)

ISBN 978-5-377-12395-8

Пособие содержит 14 вариантов тематических тестовых заданий для подготовки к Основному государственному экзамену.

Назначение пособия — отработка практических навыков учащихся по подготовке к экзамену (в новой форме) в 9 классе по математике. В сборнике даны ответы на все варианты тестов.

Пособие предназначено учителям и методистам, использующим тесты для подготовки к Основному государственному экзамену, оно также может быть использовано учащимися для самоподготовки и самоконтроля.

Приказом № 699 Министерства образования и науки Российской Федерации учебные пособия издательства «Экзамен» допущены к использованию в общеобразовательных организациях.

**УДК 372.8:51
ББК 74.262.21**

Подписано в печать 25.08.2017. Формат 70х108/16.
Гарнитура «Школьная». Бумага газетная.
Уч.-изд. л. 2,93. Усл. печ. л. 9,8.
Тираж 10 000 экз. Заказ №3579/17

ISBN 978-5-377-12395-8

© Глазков Ю. А., Варшавский И. К.,
Гаиашвили М. Я., 2018
© Издательство «**ЭКЗАМЕН**», 2018

СОДЕРЖАНИЕ

Предисловие	4
Тест 1. Функции и их свойства	6
Тест 2. Квадратный трехчлен	14
Тест 3. Функция $y = ax^2$, ее график и свойства. Графики функций $y = ax^2 + n$ и $y = a(x - m)^2$	19
Тест 4. Степенная функция	27
Тест 5. Уравнения с одной переменной	33
Тест 6. Неравенства с одной переменной	38
Тест 7. Уравнение с двумя переменными и его график. Графический способ решения систем уравнений	43
Тест 8. Решение систем уравнений второй степени. Решение задач с помощью систем уравнений второй степени	52
Тест 9. Арифметическая прогрессия, n -й член арифметической прогрессии	58
Тест 10. Сумма n первых членов арифметической прогрессии	64
Тест 11. Геометрическая прогрессия. Сумма n первых членов геометрической прогрессии	69
Тест 12. Элементы комбинаторики. Начальные сведения из теории вероятностей	75
Тест 13. Обобщающее повторение курса алгебры основной школы	81
Тест 14. Итоговое повторение курса алгебры основной школы (Тест в формате ОГЭ; алгебраические задания)	87
Вариант 1	89
Вариант 2	93
Вариант 3	97
Вариант 4	101
Ответы	105

Предисловие

Сборник содержит 14 тестов для текущего и тематического контроля по курсу алгебры 9 класса (**Алгебра: Учеб. для 9 кл. общеобразоват. организаций / Ю. Н. Макарычев, Н. Г. Миндюк, К. И. Нешков, С.Б. Суворова**; Под. ред. С. А. Теляковского. — М.: Просвещение). В тестах используются задания трех форм: с выбором ответа (задания 1–4), с кратким ответом (5–7), с развернутым ответом (8).

Ответы удобно фиксировать в таблице, а решение задачи 8 записывать ниже таблицы. Тогда бланк ответов может иметь, например, такой вид:

Фамилия, имя учащегося _____

Класс _____

Задание	1	2	3	4	5	6	7
Ответ							

Задание 8

Бланки ответов ученики готовят дома накануне урока выполнения теста или тиражируются заранее учителем. При использовании таких унифицированных бланков учитель может в течение 15 минут проверить 25 работ учащихся.

Инструкции для учащихся по выполнению работы просты.

Ответы к заданиям 1–4 записываются в таблицу ответов в виде одной цифры — номера правильного ответа.

Для заданий 5–7 ответом является число, которое нужно записать в поле ответа в тексте работы. Если в ответе получена обыкновенная дробь, обратите её, если это возможно, в десятичную.

Решение задания 8 запишите ниже таблицы ответов.

Эти инструкции сообщаются и напоминаются учащимся до тех пор, пока они не привыкнут к их выполнению.

На выполнение теста потребуется приблизительно 25–30 минут (более точно можно рассчитать, зная особенности класса). Время выполне-

ния работы сообщается учащимся перед ее началом (записывается на доске). Рекомендуем тщательно соблюдать его, чтобы приучить школьников к дисциплине выполнения работы и выработать у них умение планировать время выполнения работы.

Каждый верный ответ к заданиям 1–7 оценивается в 1 балл, за неверный ответ и отсутствие ответа выставляется 0 баллов. За безошибочное решение задания 8 выставляется 2 балла, решение с недочетами оценивается в 1 балл, за незавершенное решение и отсутствие решения ставится 0 баллов. Рекомендуемая шкала перевода баллов в отметку:

Баллы	0–2	3–4	5–7	8–9
Отметка	2	3	4	5

В конце книги приведены 2 теста: тест 13 — для контроля результатов обобщающего повторения курса 9 класса, тест 14 — итоговый по курсу алгебры основной школы, представленный в формате ОГЭ.

Авторы

ТЕСТ 1. ФУНКЦИИ И ИХ СВОЙСТВА

Вариант 1

Часть 1

☒	☐
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Функция задана формулой $f(x) = -x^2 + 2x + 1$.

Найдите $f(1)$.

- 1) -1
- 2) 2
- 3) -3
- 4) 0

☒	☐
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Известно, что $f(x) = 3x + 2$. Найдите значение x , при котором $f(x) = -1$.

- 1) 1
- 2) $-\frac{1}{3}$
- 3) -1
- 4) $\frac{1}{3}$

☒	☐
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите область определения функции $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$.

- 1) $(-\infty; -1) \cup (-1; +\infty)$
- 2) $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$
- 3) $(-1; 1)$
- 4) $(-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$

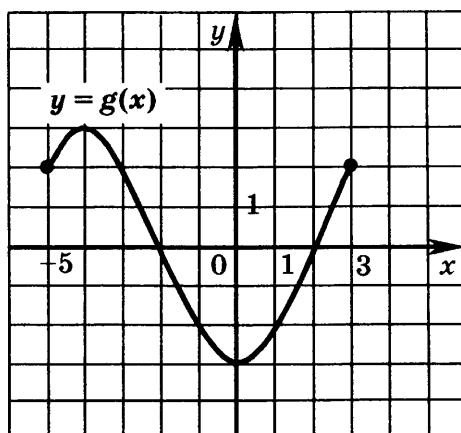
☒	☐
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Найдите все значения x , при которых функция $y = 2x + 6$ принимает положительные значения.

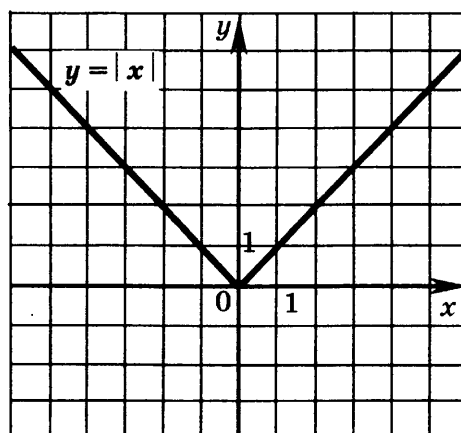
- 1) $(-3; +\infty)$
- 2) $(-\infty; -3)$
- 3) $(3; +\infty)$
- 4) $(-\infty; 3)$

Часть 2

5. Функция $y = g(x)$ задана графиком на промежутке $[-5; 3]$. Найдите промежуток, на котором она убывает. ____



6. Найдите нули функции $y = \frac{(x^2 + 4)(x + 1)}{x - 3}$ (если они существуют). ____
7. На рисунке изображен график функции $y = |x|$. Найдите произведение всех целочисленных значений x таких, что $0 < |x| \leq 4$. ____



Часть 3

8. Функция $f(x) = 2x + 3$ задана на промежутке $[-1; 1]$. Найдите область значений этой функции.

Вариант 2

Часть 1

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Функция задана формулой $f(x) = -2x^2 + x - 1$. Найдите $f(-1)$.

- 1) 0
2) 2
3) -2
4) -4

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Известно, что $f(x) = -3x + 1$. Найдите значение x , при котором $f(x) = 7$.

- 1) -2
2) -1
3) $\frac{8}{3}$
4) $-\frac{8}{3}$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите область определения функции $f(x) = \frac{x+1}{x^2+1}$.

- 1) $(1; +\infty)$
2) $(-\infty; -1) \cup (-1; 1) \cup (1; +\infty)$
3) $(-1; 1)$
4) $(-\infty; +\infty)$

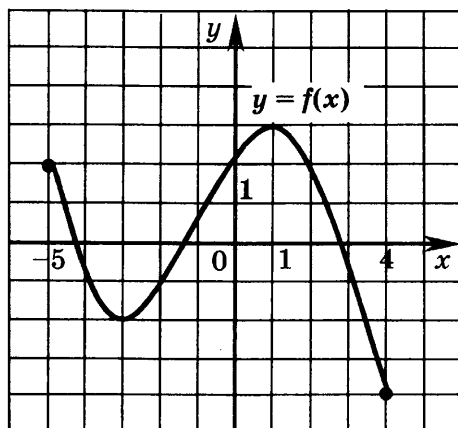
	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Найдите все значения x , при которых функция $y = -2x - 4$ принимает отрицательные значения.

- 1) $(2; +\infty)$
2) $(-\infty; -2)$
3) $(-2; +\infty)$
4) $(-\infty; 2)$

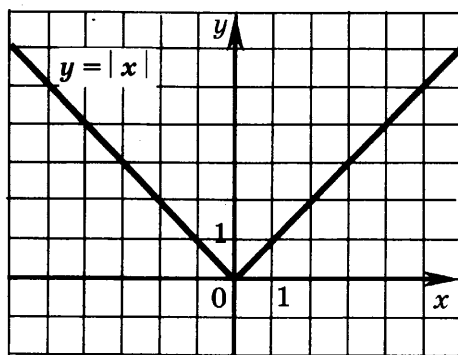
Часть 2

5. Функция $y = f(x)$ задана графиком на промежутке $[-5; 4]$. Найдите промежуток, на котором функция возрастает. _____



6. Найдите нули функции $y = \frac{x-1}{(x-3)(x^2+4)}$ (если они существуют). _____

7. На рисунке изображен график функции $y = |x|$. Найдите сумму всех целочисленных значений x , при которых $|x| \leq 5$. _____



Часть 3

8. Функция $f(x) = 3x + 2$ задана на промежутке $[-1; 1]$. Найдите область значений этой функции. _____

Вариант 3**Часть 1**

☒	☐
☐	☐
☐	☐
☐	☐

1. Функция задана формулой $f(x) = 2x^2 - 3x + 1$. Найдите $f(1)$.

- 1) 5
- 2) -2
- 3) -4
- 4) 0

☒	☐
☐	☐
☐	☐
☐	☐

2. Известно, что $f(x) = -2x + 2$. Найдите значение x , при котором $f(x) = 4$.

- 1) 1
- 2) -1
- 3) 3
- 4) -3

☒	☐
☐	☐
☐	☐
☐	☐

3. Найдите область определения функции $f(x) = \frac{x-1}{x+2}$.

- 1) $(-\infty; -2) \cup (-2; +\infty)$
- 2) $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$
- 3) $(-2; 1)$
- 4) $(-\infty; -2) \cup (1; +\infty)$

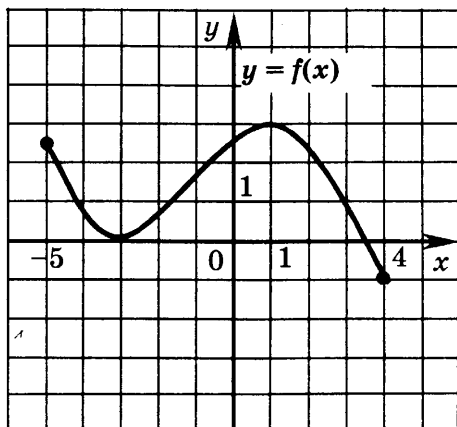
☒	☐
☐	☐
☐	☐
☐	☐

4. Найдите все значения x , при которых функция $y = -3x + 9$ принимает положительные значения.

- 1) $(-3; +\infty)$
- 2) $(-\infty; -3)$
- 3) $(3; +\infty)$
- 4) $(-\infty; 3)$

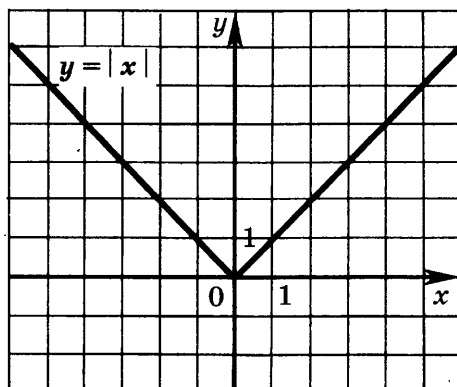
Часть 2

5. Функция $y = f(x)$ задана графиком на промежутке $[-5; 4]$. Найдите промежуток, на котором функция возрастает. _____



6. Найдите нули функции $y = \frac{(x^2 + 9)(x + 5)}{x + 3}$ (если они существуют). _____

7. На рисунке изображен график функции $y = |x|$. Найдите произведение всех целочисленных значений x , при которых $0 < |x| < 4$. _____



Часть 3

8. Функция $f(x) = 3x - 3$ задана на промежутке $[0; 2]$. Найдите область значений этой функции. _____

Вариант 4**Часть 1****1** ☐**2** ☐**3** ☐**4** ☐

1. Функция задана формулой $f(x) = -x^2 + 3x - 2$. Найдите $f(-1)$.

1) -4

2) -2

3) -6

4) 0

**1** ☐**2** ☐**3** ☐**4** ☐

2. Известно, что $f(x) = 4x - 2$. Найдите значение x , при котором $f(x) = 2$.

1) 1

2) 2

3) 0

4) -1

**1** ☐**2** ☐**3** ☐**4** ☐

3. Найдите область определения функции $f(x) = \frac{x}{(x-1)^2}$.

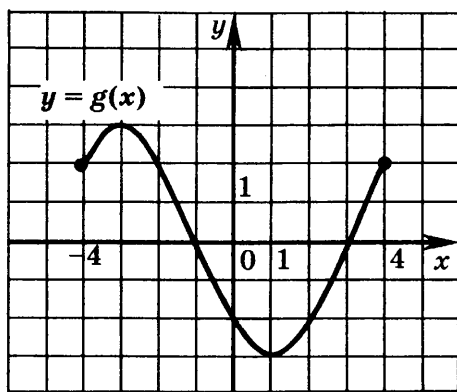
1) $(-1; 1)$ 2) $(-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$ 3) $(-\infty; -1) \cup (-1; +\infty)$ 4) $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ **1** ☐**2** ☐**3** ☐**4** ☐

4. Найдите все значения x , при которых функция $y = 4x - 4$ принимает отрицательные значения.

1) $(-1; +\infty)$ 2) $(-\infty; 1)$ 3) $(1; +\infty)$ 4) $(-\infty; -1)$

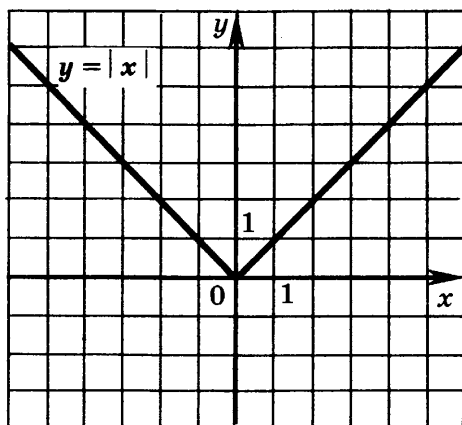
Часть 2

5. Функция $y = f(x)$ задана графиком на промежутке $[-4; 4]$. С помощью графика найдите промежуток, на котором функция убывает. _____



6. Найдите нули функции $y = \frac{x+6}{(x-8)(x^2+25)}$ (если они существуют). _____

7. На рисунке изображен график функции $y = |x|$. Найдите сумму всех целочисленных значений x таких, что $|x| \leq 5$. _____



Часть 3

8. Функция $f(x) = 4x - 1$ задана на промежутке $[-2; 0]$. Найдите область значений этой функции.

7. Сократите дробь $\frac{a^2 - 7a + 6}{a^2 - 1}$. _____



Часть 3

8. Найдите наибольшее значение многочлена $2b\sqrt{6} - b^2 - 1$.



Вариант 2

Часть 1

1. Сколько корней имеет квадратный трехчлен $x^2 + 6x - 1$?
- 1) 1
2) 2
3) 0
2. Какое из следующих чисел является корнем квадратного трехчлена $x^2 - 4x - 1$?
- 1) 5
2) $1 + \sqrt{3}$
3) $\sqrt{5}$
4) $2 - \sqrt{5}$
3. Разложите на множители квадратный трехчлен $4x^2 - 7x - 2$.
- 1) $4(x - 0,25)(x - 2)$
2) $(4x + 1)(x - 2)$
3) $4(x - 0,25)(x + 2)$
4) $(4x - 1)(x + 2)$
4. Укажите трехчлен, который принимает только положительные значения.
- 1) $x^2 + 8x + 16$
2) $12x - x^2 - 34$
3) $3x^2 - 10x + 9$
4) $8x - x^2 - 18$



1	☒
2	☐
3	☐



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Найдите значение x , при котором трехчлен $25x^2 - 10x + 7$ принимает наименьшее значение. _____



- 

-

- ## Часть 1

- | | |
|---|---|
|  |  |
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |

- | | |
|---|---|
|  |  |
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |

- | | |
|---|-------------------------------------|
|  | ☒ |
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |

- | | |
|---|-------------------------------------|
|  | ☒ |
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |

Часть 2

5. Найдите значение x , при котором трехчлен $30x - 25x^2 - 4$ принимает наибольшее значение. _____ 
6. Найдите наименьшее значение квадратного трехчлена $x^2 - 4x - 6$. _____ 
7. Сократите дробь $\frac{z^2 - z - 12}{z^2 - 16}$. _____ 

Часть 3

8. Найдите наибольшее значение многочлена $2m\sqrt{5} - m^2 - 2$. _____ 

Вариант 4

Часть 1

1. Сколько корней имеет квадратный трехчлен $x^2 - 8x + 15$?
 1) 1
 2) 2
 3) 0
2. Какое из следующих чисел является корнем квадратного трехчлена $x^2 - 2x - 5$?
 1) $1 + \sqrt{3}$
 2) 6
 3) $1 - \sqrt{6}$
 4) $\sqrt{5}$
3. Разложите на множители квадратный трехчлен $2x^2 + 3x - 2$.
 1) $2(x + 0,5)(x + 2)$
 2) $2(x - 0,5)(x - 2)$
 3) $(1 - 2x)(x - 2)$
 4) $(x + 2)(2x - 1)$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Укажите трехчлен, который принимает только отрицательные значения.

1) $x^2 - 6x + 5$

2) $x^2 - 16x + 64$

3) $12x - 4x^2 - 13$

4) $12x - x^2 - 34$

Часть 2



5. Найдите значение x , при котором трехчлен $4x^2 + 4x - 3$ принимает наименьшее значение. _____



6. Найдите наибольшее значение квадратного трехчлена $-x^2 + 6x - 1$. _____



7. Сократите дробь $\frac{p^2 - 9}{p^2 - p - 6}$. _____

Часть 3



8. Найдите наименьшее значение многочлена $n^2 - 2n\sqrt{3} - 2$.

ТЕСТ 3. ФУНКЦИЯ $y = ax^2$, ЕЕ ГРАФИК И СВОЙСТВА. ГРАФИКИ ФУНКЦИЙ $y = ax^2 + n$ и $y = a(x - m)^2$

Вариант 1

Часть 1

1. Найдите координаты всех точек пересечения графиков функций $y = -2x^2$ и $y = x$, если они существуют.

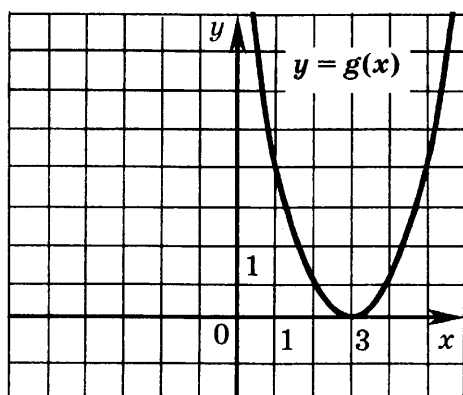
- 1) (0; 0)
- 2) таких точек нет
- 3) (0; 0) и (-0,5; -0,5)
- 4) (-0,5; -0,5)

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = -2x^2 - 5$?

- 1) 1 и 2
- 2) 3 и 4
- 3) 1, 2 и 3
- 4) 2, 3 и 4

3. График какой функции изображен на рисунке?

- 1) $y = (x - 3)^2$
- 2) $y = x^2 - 3$
- 3) $y = (x + 3)^2$
- 4) $y = x^2 + 3$



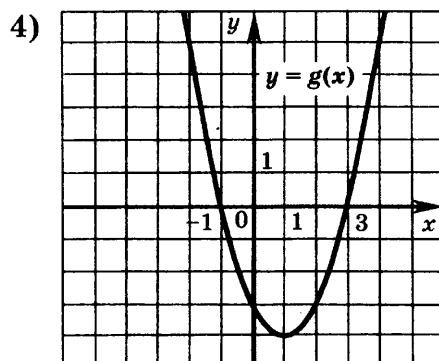
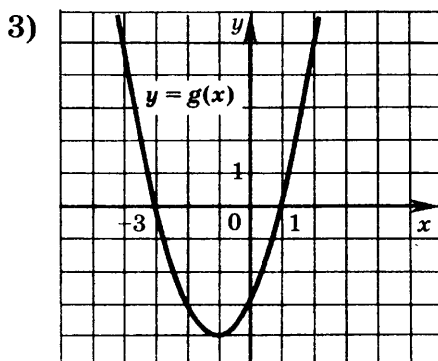
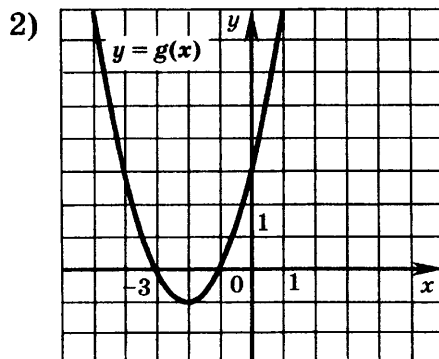
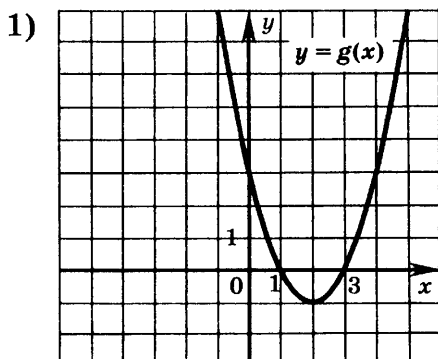
☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

4. На одном из рисунков изображен график функции $g(x) = (x+1)(x+3)$. Укажите номер этого рисунка.



Часть 2

5. Укажите промежуток, на котором квадратичная функция $y = -x^2 + x + 1$ возрастает. _____
6. Найдите абсциссы точек пересечения графиков функций $y = x^2$ и $y = 6 - x$. _____
7. Найдите абсциссу вершины параболы $y = x^2 + 2x + 6$. _____

Часть 3

8. Найдите нули функции $y = x^2 - 2|x| - 15$.

Вариант 2

Часть 1

1. Найдите координаты всех точек пересечения графиков функций $y = -2x^2$ и $y = -8$, если они существуют.

- 1) $(-2; -8)$ и $(2; -8)$
- 2) $(-2; -8)$
- 3) $(2; -8)$
- 4) таких точек нет

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = 2x^2 + 5$?

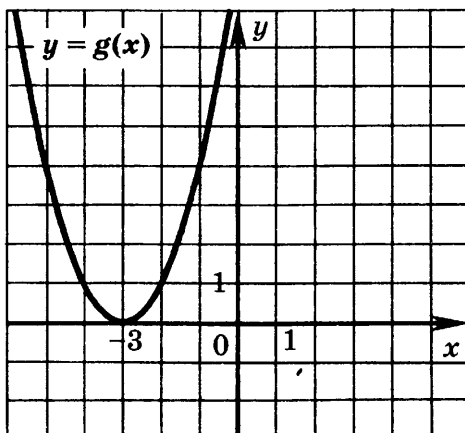
- 1) 1 и 2
- 2) 3 и 4
- 3) 1, 2 и 3
- 4) 2, 3 и 4

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

3. Укажите функцию, график которой изображен на рисунке.

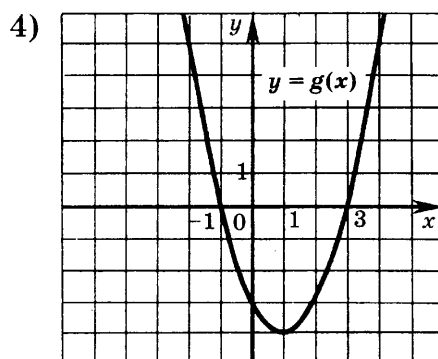
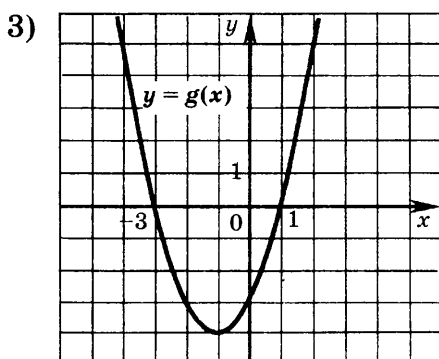
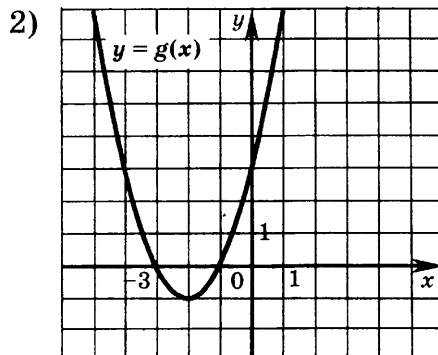
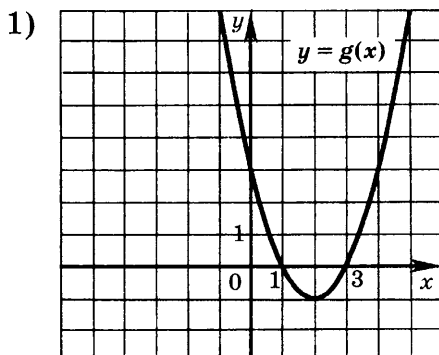
- 1) $y = (x - 3)^2$
- 2) $y = x^2 - 3$
- 3) $y = (x + 3)^2$
- 4) $y = x^2 + 3$

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐



	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. На одном из рисунков изображен график функции $y = (x-1)(x-3)$. Укажите номер этого рисунка.



Часть 2

5. Укажите промежуток, на котором квадратичная функция $y = -x^2 + x - 2$ убывает. _____

6. Найдите абсциссы точек пересечения графиков функций $y = x^2$ и $y = x + 2$. _____

7. Найдите абсциссу вершины параболы $y = x^2 - 4x - 1$. _____

Часть 3

8. Найдите нули функции $y = x^2 - |x| - 12$. _____

Вариант 3

Часть 1

1. Найдите координаты всех точек пересечения графиков функций $y = -3x^2$ и $y = -3x$, если они существуют.

- 1) $(0; 0)$
- 2) $(0; 0)$ и $(1; -3)$
- 3) $(1; -3)$
- 4) таких точек нет

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = -(x-1)^2$?

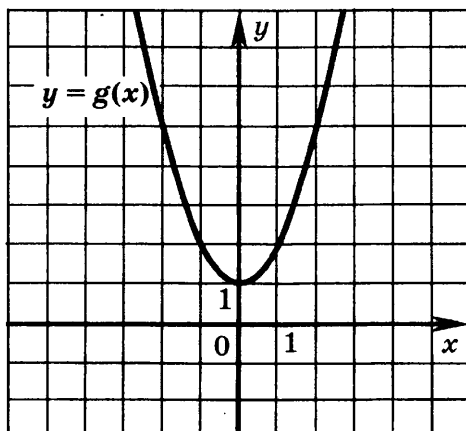
- 1) 3 и 4
- 2) 2, 3 и 4
- 3) 1 и 2
- 4) 1, 3 и 4

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

3. Укажите функцию, график которой изображен на рисунке.

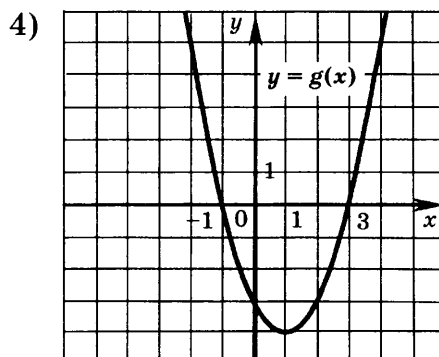
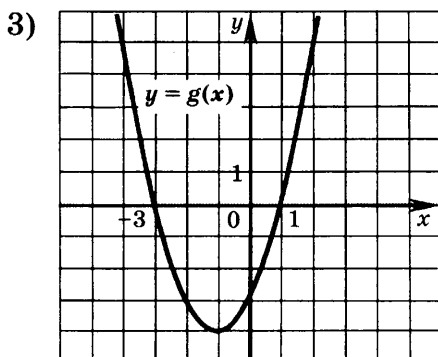
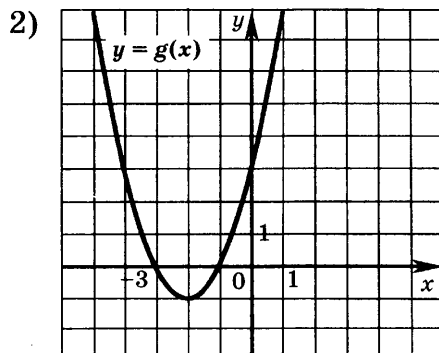
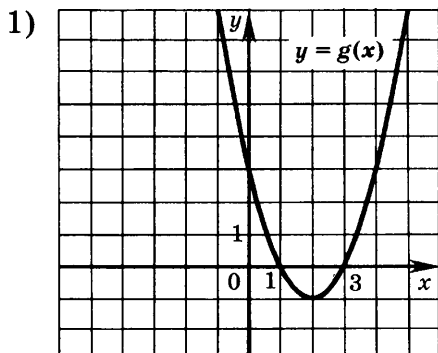
- 1) $y = (x-1)^2$
- 2) $y = x^2 - 1$
- 3) $y = (x+1)^2$
- 4) $y = x^2 + 1$

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐



	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. На одном из рисунков изображен график функции $y = (x+1)(x-3)$. Укажите номер этого рисунка.



Часть 2

5. Укажите промежуток, на котором квадратичная функция $y = x^2 - x + 6$ возрастает. _____

6. Найдите абсциссы точек пересечения графиков функций $y = x^2$ и $y = x + 6$. _____

7. Найдите абсциссу вершины параболы $y = x^2 + 4x - 4$. _____

Часть 3

8. Найдите нули функции $y = x^2 - 2|x| - 8$.

Вариант 4

Часть 1

1. Найдите координаты всех точек пересечения графиков функций $y = -3x^2$ и $y = -27$, если они существуют.

- 1) таких точек нет
- 2) $(-3; -27)$
- 3) $(3; -27)$
- 4) $(-3; -27)$ и $(3; -27)$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = (x + 4)^2$?

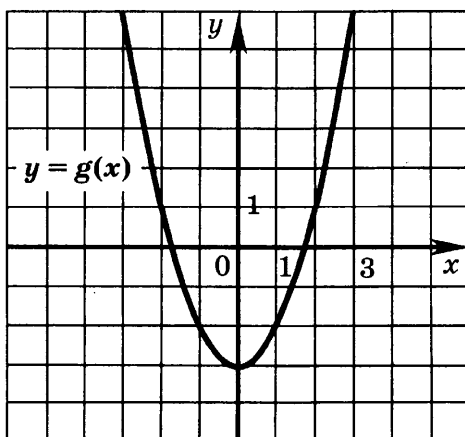
- 1) 1, 2 и 4
- 2) 1, 2 и 3
- 3) 1 и 2
- 4) 3 и 4

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. График какой функции изображен на рисунке?

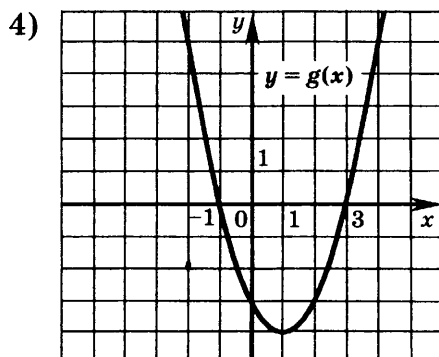
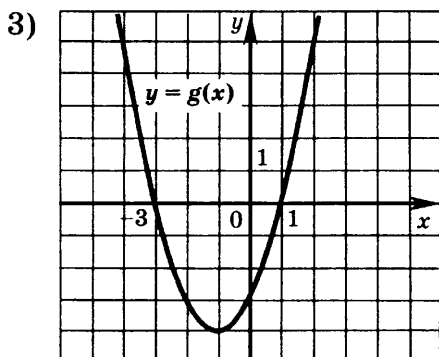
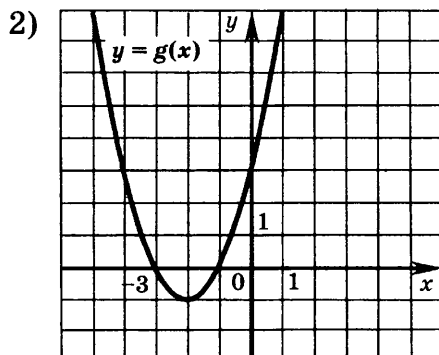
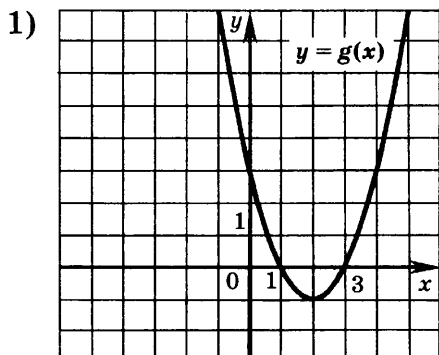
- 1) $y = (x - 3)^2$
- 2) $y = x^2 - 3$
- 3) $y = (x + 3)^2$
- 4) $y = x^2 + 3$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

4. На одном из рисунков изображен график функции $y = (x-1)(x+3)$. Укажите номер этого рисунка.



Часть 2

5. Укажите промежуток, на котором квадратичная функция $y = x^2 - x + 12$ убывает. _____

6. Найдите абсциссы точек пересечения графиков функций $y = x^2$ и $y = 2 - x$. _____

7. Найдите абсциссу вершины параболы $y = x^2 - 2x - 4$. _____

Часть 3

8. Найдите нули функции $y = x^2 - 3|x| - 18$.

ТЕСТ 4. СТЕПЕННАЯ ФУНКЦИЯ

Вариант 1

Часть 1

1. Какая из указанных точек принадлежит графику функции $y = x^4$?

- 1) $(2; -16)$ 2) $(2; 16)$
3) $(-2; -16)$ 4) $(16; 2)$

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = x^{22}$?

- 1) 3 и 4 2) 1 и 4
3) 1 и 2 4) 2 и 4

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

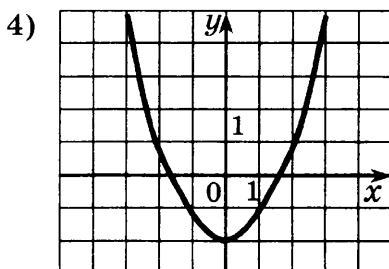
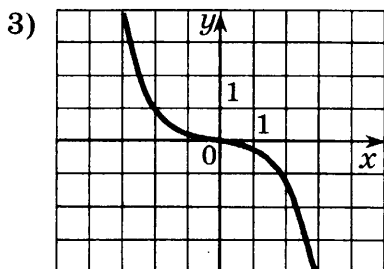
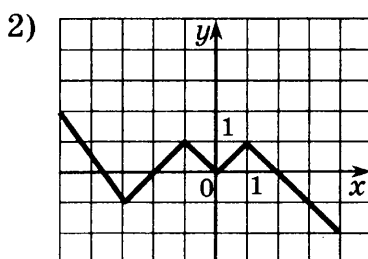
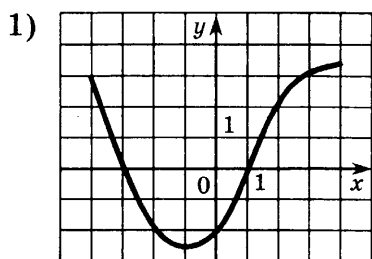
3. Какая из данных функций является четной?

- 1) $y = 3x^4 + 2x^2$ 2) $y = x^6 - x^3$
3) $y = (x-1)^2$ 4) $y = 3x^2 + 2x - 1$

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

4. На одном из рисунков изображен график нечетной функции. Укажите этот рисунок.

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐



Часть 2



5. Дана функция $f(x) = x^{17} - 1$. Расположите в порядке возрастания $f(-2)$, $f(2)$, $f(1)$. _____



6. Сколько решений имеет уравнение $x^{15} = 2$? _____



7. Решите уравнение $x^3 + 27 = 0$. _____

Часть 3



8. Известно, что функция f четная и ее значения при $x \geq 0$ могут быть найдены по формуле $f(x) = x^2 - 2x$. Постройте график функции и найдите промежутки, в которых она принимает только отрицательные значения.

Вариант 2

Часть 1



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Какая из указанных точек принадлежит графику функции $y = x^5$?

1) $(-2; 32)$

2) $(2; -32)$

3) $(-2; -32)$

4) $(-32; -2)$



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = -x^{33}$?

1) 2 и 4

2) 1 и 4

3) 1 и 3

4) 3 и 4



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Какая из данных функций является нечетной?

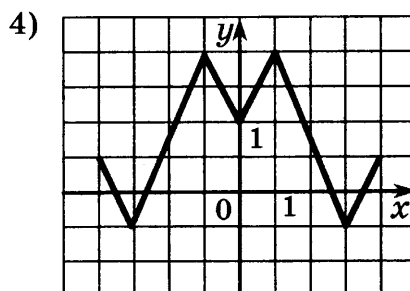
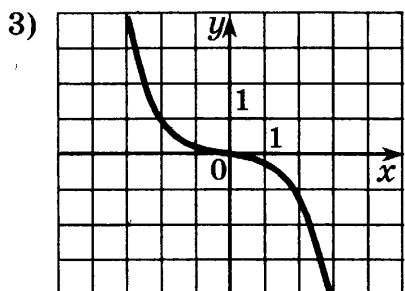
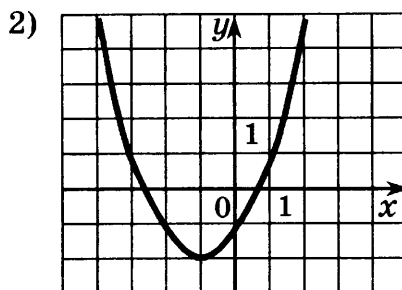
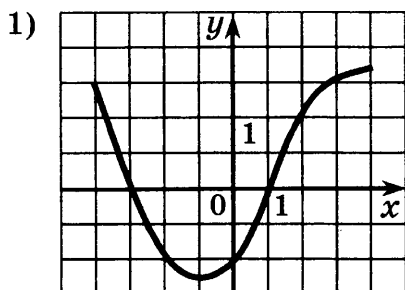
1) $y = (x - 2)^3$

2) $y = x^2 - x^3$

3) $y = 3x^4 - 2x^2 + 1$

4) $y = 3x^3 + 2x$

4. На одном из рисунков изображен график четной функции. Укажите этот рисунок.



☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

Часть 2

5. Дана функция $f(x) = x^{28} + 1$. Расположите в порядке возрастания $f(-2)$, $f(-5)$, $f(-6)$. _____
6. Сколько решений имеет уравнение $x^{18} = 12$? _____
7. Решите уравнение $x^3 - \frac{8}{125} = 0$. _____

Часть 3

8. Известно, что функция g нечетная и ее значения при $x \leq 0$ могут быть найдены по формуле $g(x) = -4x - x^2$. Постройте график функции и найдите промежутки, в которых она принимает только положительные значения.

Вариант 3

Часть 1



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Какая из указанных точек принадлежит графику функции $y = -x^4$?

- 1) $(2; -16)$
- 2) $(2; 16)$
- 3) $(-2; 16)$
- 4) $(16; 2)$



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. В каких координатных четвертях расположен график функции $y = x^{45}$?

- | | |
|----------|----------|
| 1) 3 и 4 | 2) 1 и 4 |
| 3) 2 и 4 | 4) 1 и 3 |



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

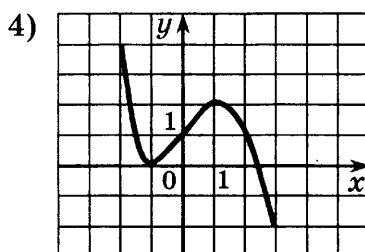
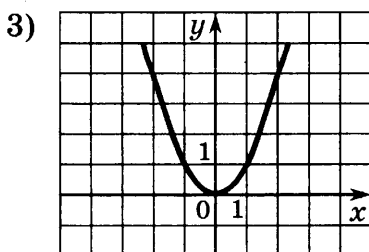
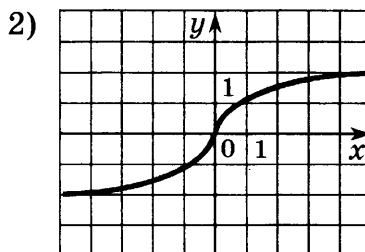
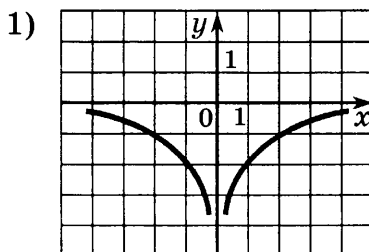
3. Какая из данных функций является четной?

- 1) $y = (x+1)^3$
- 2) $y = 3x^3 + 2x$
- 3) $y = x^6 - x^2$
- 4) $y = 3x^4 - 2x - 1$



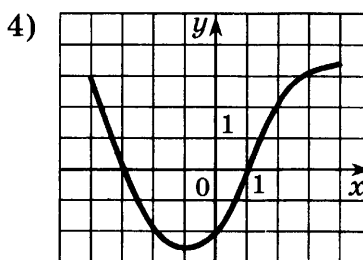
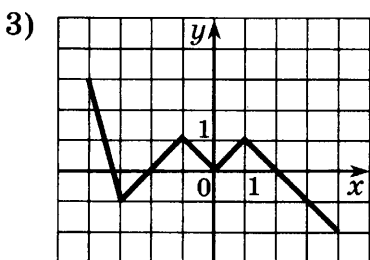
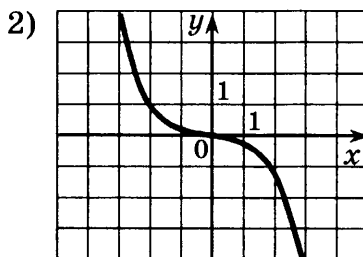
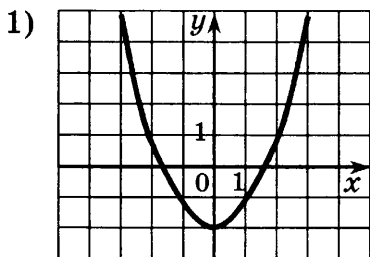
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. На одном из рисунков изображен график нечетной функции. Укажите этот рисунок.



	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. На одном из рисунков изображен график четной функции. Укажите этот рисунок.



Часть 2

5. Дана функция $f(x) = x^{30} - 1$. Расположите в порядке убывания $f(-4)$, $f(-6)$, $f(-1)$. _____
6. Сколько решений имеет уравнение $x^{16} = -22$? _____
7. Решите уравнение $x^4 - 625 = 0$. _____

Часть 3

8. Известно, что функция p четная и ее значения при $x \geq 0$ могут быть найдены по формуле $p(x) = 4x - x^2$. Постройте график функции и найдите промежутки, в которых она принимает только положительные значения.

ТЕСТ 5. УРАВНЕНИЯ С ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ

Вариант 1

Часть 1

1. Какое из данных уравнений не является целым уравнением?

1) $3(x-1)(x^2+1)=5x$

2) $\frac{x^4+1}{3} - \frac{1-x^2}{5} = 2x$

3) $\frac{x+1}{2} - \frac{1-x^2}{3x} = 5x$

4) $3(x^2-1)+2(x^2+1)=\frac{1-x}{2}$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Какова степень уравнения $(x^3-1)^2+5x^2=x^6-4x^5$?

1) 5

2) 2

3) 3

4) 6

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите все значения t , при которых уравнение $5x^2-10x+t=0$ имеет два корня.

1) $t < 20$

2) $t < 5$

3) $t > 0$

4) $t > -5$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Решите уравнение $\frac{4x+(1-2x^2)(2x^2+1)}{4} = 8x^2 - x^4$.

1) $-0,25$ и $0,025$

2) $0,25$ и $-0,025$

3) $-0,25$ и $0,125$

4) $0,25$ и $-0,125$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Решите уравнение $(x^2+3)^2-8(x^2+3)+7=0$. _____





6. Решите уравнение $x^2 + 6 - 5x^3 - 30x = 0$. _____



7. Найдите все значения m , при которых уравнение $x^4 - 8x^2 + m^2 = 0$ имеет только два различных корня. _____

Часть 3



8. Решите графически уравнение $x^3 + 0,5x = 9$.

Вариант 2

Часть 1

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Какое из данных уравнений не является целым уравнением?

1) $\frac{2x+3}{4x} - \frac{1+x^2}{3} = 2$

2) $\frac{x^4-5}{2} - \frac{6-x^2}{5} = 5x$

3) $4(x-6)(x^2+2) = 3$

4) $7(2x^2-1) + 9(2x^2+1) = \frac{1+x}{2}$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Какова степень уравнения $(2-3x^4)^2 + 5x^2 = x^6 + 9x^8$?

1) 5

2) 2

3) 3

4) 6

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите все значения t , при которых уравнение $5x^2 - 10x + t = 0$ не имеет корней.

1) $t < 20$

2) $t > 5$

3) $t > 0$

4) $t > -5$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Решите уравнение $\frac{5x^2 + (2-3x^2)(3x^2+2)}{9} = x - x^4$.

1) 2 и -0,8

2) -2 и 0,8

3) 1 и 0,8

4) 1 и -0,8

Часть 2

5. Решите уравнение $(x^2 + 4)^2 - 7(x^2 + 4) + 10 = 0$. _____ 

6. Решите уравнение $2x^3 - x^2 + 2x - 1 = 0$. _____ 

7. Найдите все значения c , при которых уравнение $x^4 - 4x^2 + c^2 = 0$ имеет ровно два различных корня. _____ 

Часть 3

8. Решите графически уравнение $x^3 - x + 6 = 0$. 

Вариант 3

Часть 1

1. Какое из данных уравнений не является целым уравнением? 

1) $(x^4 - 1)(x^2 + 1) - 5 = 8x$

2) $\frac{3x^4 + 1}{4} - \frac{1 - 5x^2}{8} = 6x$

3) $3(3x^2 - 10) - 6(7x^2 + 1) = \frac{1 - 4x}{8}$

4) $\frac{4x - 7}{9x} - \frac{1 - 3x^2}{3} = 8x - 1$

2. Какова степень уравнения $(2x^3 + 1)^2 - 5x^2 - 2 = x^5 + 4x^6$? 

1) 5

2) 2

3) 3

4) 6

3. Найдите все значения t , при которых уравнение $4x^2 - 6x + t = 0$ имеет два корня. 

1) 9

2) $t > 0$

3) $t < 2,25$

4) $t > -2,25$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Решите уравнение $\frac{3x - (1 - 4x^2)(4x^2 + 1)}{4} = 4x^4 - x^2$.

1) -1 и 0,25

2) -2 и 0,5

3) 2 и -0,5

4) 1 и -0,25

Часть 2



5. Решите уравнение $(x^2 - 2)^2 + 4(x^2 - 2) + 3 = 0$. _____



6. Решите уравнение $4x^2 + 16 - x^3 - 4x = 0$. _____



7. Найдите все значения n , при которых уравнение $x^4 - 12x^2 + n^2 = 0$ имеет только два различных корня. _____

Часть 3



8. Решите графически уравнение $x^3 + 2x + 12 = 0$.

Вариант 4

Часть 1

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Какое из данных уравнений не является целым уравнением?

1) $1 - 7(x - 1)(6x^2 + 1) = 2x$

2) $\frac{2x+3}{21} - \frac{1+6x^2}{30x} = 1 - x$

3) $\frac{2x^4-1}{3} + \frac{1+5x^2}{6} = x$

4) $8(x^2 + 1) + 3(x^2 - 1) = \frac{5-2x}{3}$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Какова степень уравнения $(3x^3 - 1)^2 + 4x^2 = 9x^6 - 4x$?

1) 5

2) 2

3) 3

4) 6

3. Найдите все значения t , при которых уравнение $3x^2 - 6x + t = 0$ не имеет корней.

1) $t > 3$

2) $t < 6$

3) $t > 0$

4) $t < -3$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Решите уравнение $\frac{8x - (2 - 3x^2)(3x^2 + 2)}{3} = x^2 + 3x^4$.

1) 2 и $-\frac{2}{3}$

2) -2 и $\frac{2}{3}$

3) -2 и $-\frac{2}{3}$

4) 2 и $\frac{2}{3}$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Решите уравнение $(x^2 + 4)^2 - 4(x^2 + 4) - 32 = 0$. _____



6. Решите уравнение $x^2 + 8 - 5x^3 - 40x = 0$. _____



7. Найдите все значения d , при которых уравнение $x^4 - 14x^2 + d^2 = 0$ имеет ровно два различных корня. _____



Часть 3

8. Решите графически уравнение $x^3 + x = 10$. _____



ТЕСТ 6. НЕРАВЕНСТВА С ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ

Вариант 1

Часть 1

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Решите неравенство $x^2 - 2x - 8 \leq 0$.

- | | |
|--------------------------------------|--------------------------------------|
| 1) $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ | 2) $(-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$ |
| 3) $(-2; 4)$ | 4) $[-2; 4]$ |

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Найдите множество решений неравенства $x^2 > 81$.

- | | |
|--------------------------------------|--------------------------------------|
| 1) $(-\infty; -9] \cup [9; +\infty)$ | 2) $(-\infty; -9) \cup (9; +\infty)$ |
| 3) $(-9; 9)$ | 4) $[-9; 9]$ |

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. При каких значениях t уравнение $x^2 - 2x + t = 0$ не имеет корней?

- | | |
|---------------|---------------|
| 1) $t > 1$ | 2) $t < 1$ |
| 3) $t \geq 1$ | 4) $t \leq 1$ |

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{x^2 - 2x}$.

- | | |
|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 1) $[0; 2]$ | 2) $(0; 2)$ |
| 3) $(-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$ | 4) $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$ |

Часть 2



5. Решите неравенство $(x-2)(3-x)(x+1) \geq 0$. _____



6. Решите неравенство $\frac{2-x}{x+1} \geq 1$. _____



7. Найдите наибольшее целое значение x , при котором выражение $\frac{5x^2 + 80}{x^2 - 9x + 8}$ отрицательно. _____

Часть 3

8. Докажите, что неравенство $2x - x^2 - 3 < 0$ выполняется при всех значениях x .



Вариант 2

1. Решите неравенство $x^2 - 2x - 8 > 0$.

- 1) $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ 2) $(-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$
 3) $(-2; 4)$ 4) $[-2; 4]$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Найдите множество решений неравенства $2x^2 \leq 50$.

- 1) $(-\infty; -9] \cup [9; +\infty)$ 2) $(-\infty; -5) \cup (5; +\infty)$
 3) $(-5; 5)$ 4) $[-5; 5]$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. При каких значениях t уравнение $x^2 - 4x + t = 0$ имеет два корня?

- 1) $t > 4$ 2) $t < 4$
 3) $t \leq 4$ 4) $t \geq 4$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{2x - x^2}$.

- 1) $[0; 2]$ 2) $(0; 2)$
 3) $(-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$ 4) $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Решите неравенство $(x+2)(1-x)(x-3) \leq 0$. _____



6. Решите неравенство $\frac{2+x}{1-x} \leq 1$. _____



7. Найдите наименьшее целое положительное значение x , при котором выражение $\frac{x^2 + 25}{x^2 - 9x + 8}$ положительно. _____



**Часть 3**

8. Докажите, что неравенство $x^2 - 3x + 5 > 0$ выполняется при всех значениях x .

Вариант 3**Часть 1**

☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Решите неравенство $x^2 - 2x - 8 < 0$.

- 1) $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ 2) $(-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$
 3) $(-2; 4)$ 4) $[-2; 4]$

☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Найдите множество решений неравенства $x^2 \geq 100$.

- 1) $(-\infty; -10] \cup [10; +\infty)$ 2) $(-\infty; -10) \cup (10; +\infty)$
 3) $(-10; 10)$ 4) $[-10; 10]$

☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. При каких значениях t уравнение $2x^2 - 4x + t = 0$ имеет два корня?

- 1) $t > 2$ 2) $t \leq 2$
 3) $t \geq 2$ 4) $t < 2$

☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Найдите область определения функции $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 2x}}$.

- 1) $[0; 2]$ 2) $(0; 2)$
 3) $(-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$ 4) $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$

Часть 2

5. Решите неравенство $(1-x)(x+3)(x+1) \geq 0$. _____



6. Решите неравенство $\frac{x-1}{x+1} \geq 2$. _____

7. Найдите наименьшее целое значение x , при котором выражение $\frac{5x^2+80}{x^2-10x+9}$ отрицательно. _____

Часть 3

8. Докажите, что неравенство $x - x^2 - 5 < 0$ выполняется при всех значениях x .

Вариант 4

Часть 1

1. Решите неравенство $x^2 - 2x - 8 \geq 0$.

- 1) $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ 2) $(-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$
 3) $(-2; 4)$ 4) $[-2; 4]$

2. Найдите множество решений неравенства $x^2 > 64$.

- 1) $(-\infty; -8] \cup [8; +\infty)$
 2) $(-\infty; -8) \cup (8; +\infty)$
 3) $(-8; 8)$
 4) $[-8; 8]$

3. При каких значениях t уравнение $2x^2 - 2x + t = 0$ не имеет корней?

- 1) $t \leq 0,5$ 2) $t < 0,5$
 3) $t \geq 0,5$ 4) $t > 0,5$

4. Найдите область определения функции $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2x-x^2}}$.

- 1) $[0; 2]$
 2) $(-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$
 3) $(0; 2)$
 4) $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$



☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Решите неравенство $(x-1)(2-x)(x-3) \leq 0$. _____



6. Решите неравенство $\frac{x+3}{x-1} \geq 2$. _____



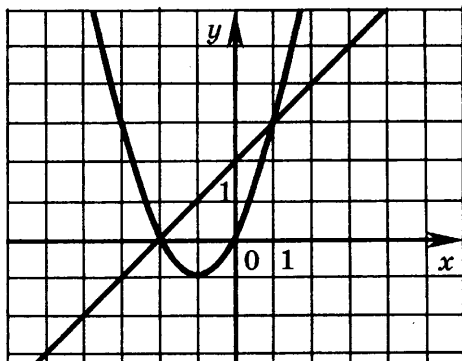
7. Найдите наименьшее целое положительное значение x , при котором выражение $\frac{x^2+16}{x^2-10x+9}$ положительно. _____

Часть 3

8. Докажите, что неравенство $x^2+2x+2 > 0$ выполняется при всех значениях x .

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

4. На рисунке изображены графики уравнений, составляющих одну из данных систем. Укажите эту систему.

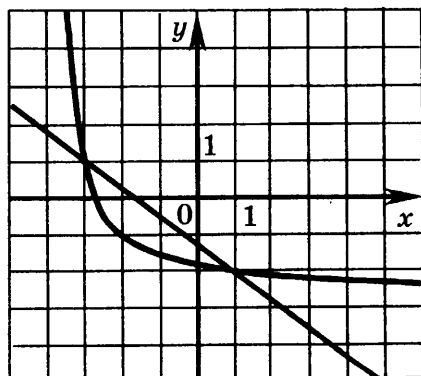


- 1) $\begin{cases} y + (x+1)^2 + 1 = 0 \\ y - x - 2 = 0 \end{cases}$ 2) $\begin{cases} y - (x+1)^2 + 1 = 0 \\ y - x - 2 = 0 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} y + (x-1)^2 + 1 = 0 \\ y + x + 2 = 0 \end{cases}$ 4) $\begin{cases} y - (x-1)^2 - 1 = 0 \\ y + x - 2 = 0 \end{cases}$

Часть 2

5. Имеет ли решения система $\begin{cases} xy = 2 \\ y = x^2 + 1 \end{cases}$ и, если имеет, то сколько? _____

6. На рисунке изображены графики уравнений. Найдите решение системы этих уравнений. _____



7. При каких значениях n система уравнений $\begin{cases} x^2 + y^2 = 16 \\ y = -x^2 + n \end{cases}$ имеет только одно решение? _____

Часть 3

8. Решите графически систему уравнений

$$\begin{cases} (x+1)^2 + (y-2)^2 = 25 \\ x - y + 2 = 0. \end{cases}$$

Вариант 2

Часть 1

1. Какая из данных пар чисел является решением уравнения
- $x^2 + (y-2)^2 = 100$
- ?

1) (6; 8)

2) (8; -6)

3) (-8; -4)

4) (-6; -4)

2. Какая из данных пар чисел является решением системы уравнений
- $\begin{cases} x - (y-2)^2 = 5 \\ xy = 6 \end{cases}$
- ?

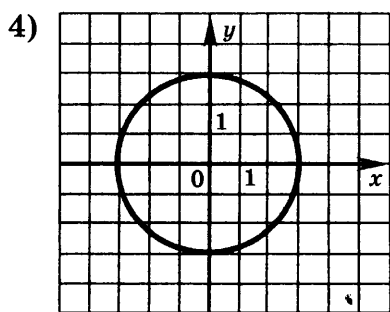
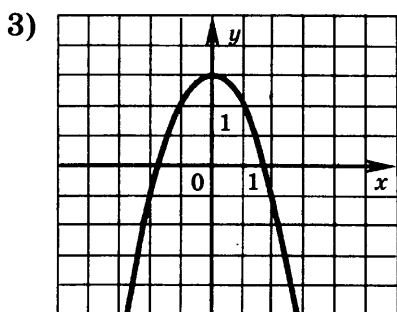
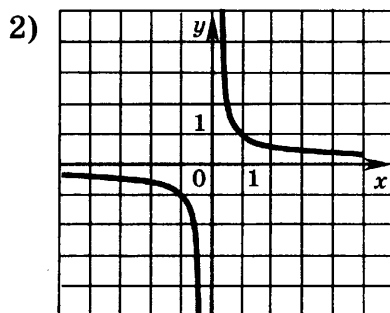
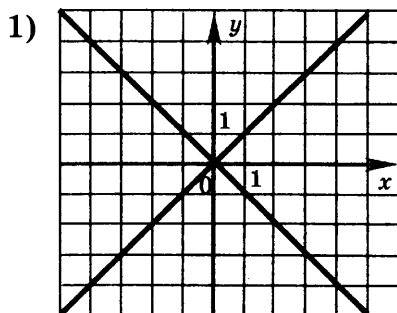
1) (2; 3)

2) (1; 6)

3) (6; 3)

4) (6; 1)

3. На каком из рисунков изображен график уравнения
- $x^2 + y = 3$
- ?



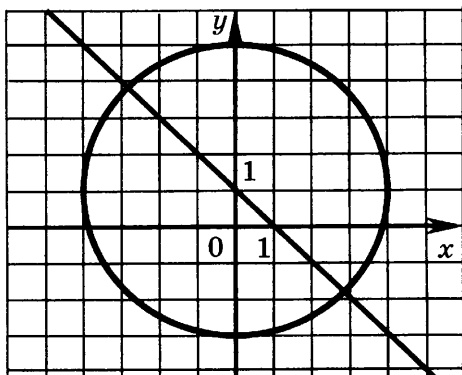
☒
1
2
3
4

☒
1
2
3
4

☒
1
2
3
4

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

4. На рисунке изображены графики уравнений, составляющих одну из данных систем. Укажите эту систему.

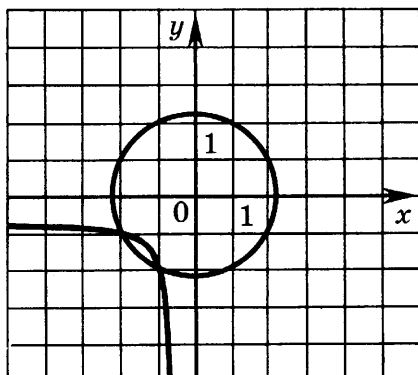


- 1) $\begin{cases} x^2 + (y-1)^2 - 4 = 0 \\ y - x + 1 = 0 \end{cases}$ 2) $\begin{cases} x^2 + (y-1)^2 - 16 = 0 \\ y + x - 1 = 0 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} x^2 + (y+1)^2 - 16 = 0 \\ y + x - 1 = 0 \end{cases}$ 4) $\begin{cases} x^2 + (y+1)^2 - 4 = 0 \\ y + x - 1 = 0 \end{cases}$

Часть 2

5. Имеет ли решения система $\begin{cases} xy = 1 \\ y = x^2 - 3 \end{cases}$ и, если имеет, то сколько? _____

6. На рисунке изображены графики уравнений. Найдите решение системы этих уравнений. _____



7. При каких значениях m система уравнений $\begin{cases} x^2 + y^2 = 9 \\ y = x^2 + m \end{cases}$ имеет только одно решение? _____

Часть 3

8. Решите графически систему уравнений

$$\begin{cases} (x-1)^2 + (y+2)^2 = 25 \\ x-y-4=0 \end{cases}$$



Вариант 3

Часть 1

1. Какая из данных пар чисел является решением уравнения $(x+1)^2 + y^2 = 25$?

1) (5; 3)

2) (-5; -3)

3) (-3; 4)

4) (3; -4)

2. Какая из данных пар чисел является решением системы уравнений $\begin{cases} (x-1)^2 - y = 5 \\ xy = -3 \end{cases}$?

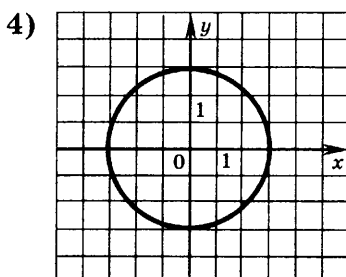
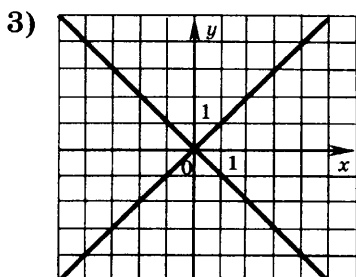
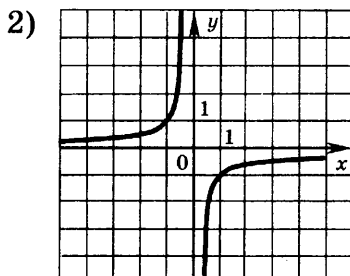
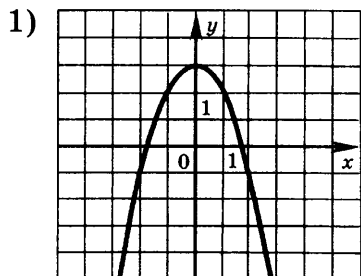
1) (-1; 3)

2) (-3; 1)

3) (-3; -1)

4) (3; -1)

3. На каком из рисунков изображен график уравнения $xy = -1$?



1	☒
2	☐
3	☐
4	☐



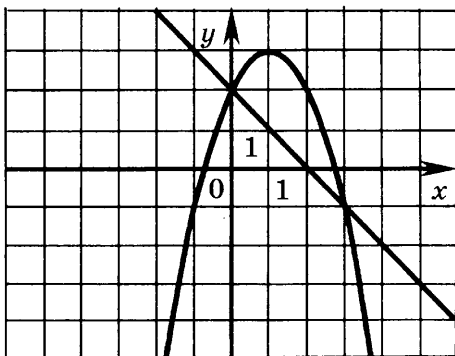
1	☒
2	☐
3	☐
4	☐



1	☒
2	☐
3	☐
4	☐

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

4. На рисунке изображены графики уравнений, составляющих одну из данных систем. Укажите эту систему.

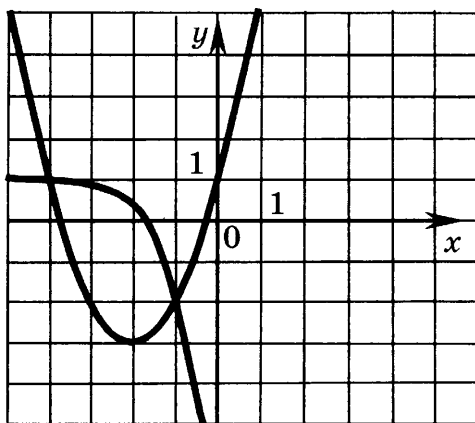


- 1) $\begin{cases} y + (x-3)^2 + 1 = 0 \\ y - x - 2 = 0 \end{cases}$ 2) $\begin{cases} y - (x+3)^2 + 1 = 0 \\ y - x - 2 = 0 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} y + (x-1)^2 - 3 = 0 \\ y + x - 2 = 0 \end{cases}$ 4) $\begin{cases} y - (x-1)^2 - 3 = 0 \\ y + x - 2 = 0 \end{cases}$

Часть 2

5. Имеет ли решения система $\begin{cases} xy = -2 \\ x + 2y = 0 \end{cases}$ и, если имеет, то сколько? _____

6. На рисунке изображены графики уравнений. Найдите решение системы этих уравнений. _____



7. При каких значениях n система уравнений $\begin{cases} x^2 + y = 5 \\ y = x^2 + n \end{cases}$ имеет только одно решение? _____

Часть 3

8. Решите графически систему уравнений

$$\begin{cases} (x+1)^2 + (y+2)^2 = 25 \\ x+y+2=0 \end{cases}$$



Вариант 4

Часть 1

1. Какая из данных пар чисел является решением уравнения $x^2 + (y-1)^2 = 100$?

1) $(-6; 8)$

2) $(6; -8)$

3) $(-8; 5)$

4) $(8; -5)$

☒
1
2
3
4

2. Какая из данных пар чисел является решением системы уравнений $\begin{cases} x^2 - (y-1)^2 = -8 \\ xy = -2 \end{cases}$?

1) $(-1; 2)$

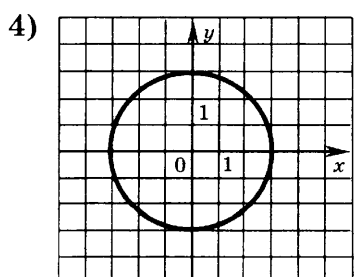
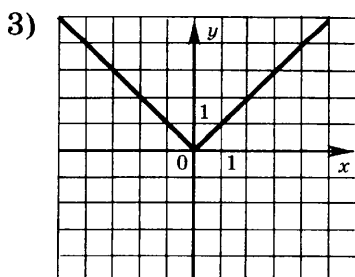
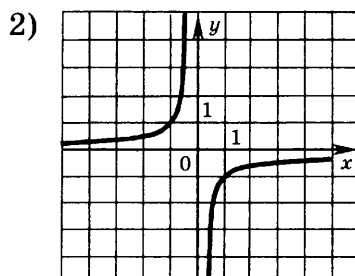
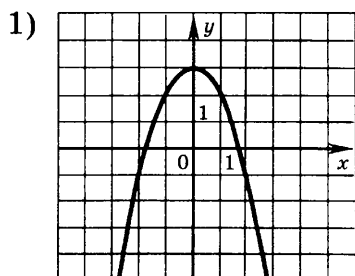
2) $(1; -2)$

3) $(-2; 1)$

4) $(2; -1)$

☒
1
2
3
4

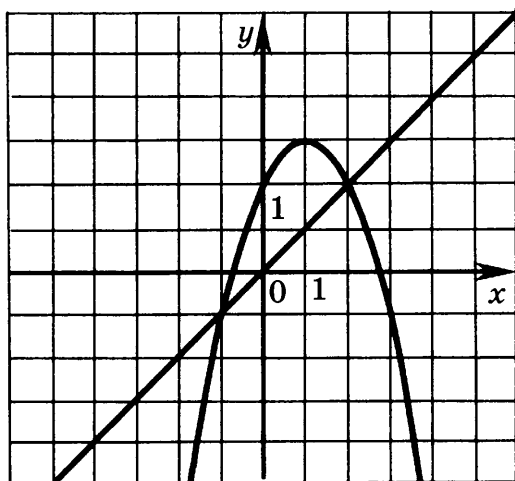
3. На каком из рисунков изображен график уравнения $y - |x| = 0$?



☒
1
2
3
4

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. На рисунке изображены графики уравнений, составляющих одну из данных систем. Укажите эту систему.



- 1) $\begin{cases} y + (x-1)^2 + 3 = 0 \\ y - x = 0 \end{cases}$
- 2) $\begin{cases} x^2 + (y+1)^2 - 3 = 0 \\ y - x - 2 = 0 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} (x+1)^2 - y + 3 = 0 \\ y - x + 2 = 0 \end{cases}$
- 4) $\begin{cases} (x-1)^2 + y - 3 = 0 \\ y - x = 0 \end{cases}$

Часть 2

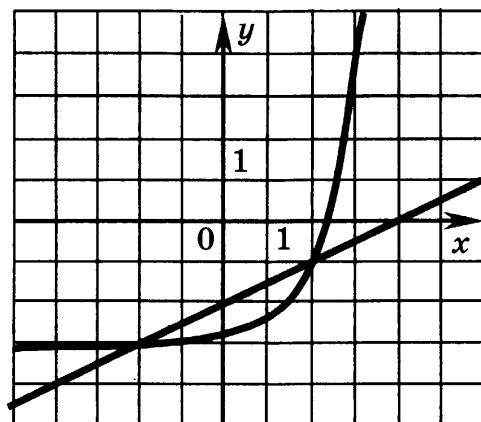


5. Имеет ли решения система $\begin{cases} xy = -1 \\ x^2 + y^2 = 4 \end{cases}$ и, если имеет, то сколько? _____



6. На рисунке изображены графики уравнений.

Найдите решение системы этих уравнений.



7. При каких значениях a система уравнений $\begin{cases} x^2 - y - 3 = 0 \\ x^2 + y = a \end{cases}$ имеет только одно решение? _____

Часть 3

8. Решите графически систему уравнений

$$\begin{cases} (x-2)^2 + (y-1)^2 = 25 \\ x + y - 2 = 0 \end{cases}$$

ТЕСТ 8. РЕШЕНИЕ СИСТЕМ УРАВНЕНИЙ ВТОРОЙ СТЕПЕНИ. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ С ПОМОЩЬЮ СИСТЕМ УРАВНЕНИЙ ВТОРОЙ СТЕПЕНИ

Вариант 1

Часть 1



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Сколько решений имеет система $\begin{cases} x^2 = y^2 \\ y - x^2 = 0 \end{cases}$?

1) 1 2) 2
3) 3 4) 4



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Составьте систему уравнений по условию задачи, обозначив буквой x количество рядов, а y — количество мест в ряду.

В зрительном зале было 352 места. После того как количество рядов уменьшили на 2, а количество мест в каждом ряду увеличили на 4, количество мест в зале увеличилось на 48. Сколько было рядов в зале?

1) $\begin{cases} xy = 400 \\ (x-4)(y+2) = 352 \end{cases}$ 2) $\begin{cases} xy = 352 \\ (x+2)(y-4) = 48 \end{cases}$
3) $\begin{cases} xy = 352 \\ (x+4)(y-2) = 400 \end{cases}$ 4) $\begin{cases} xy = 352 \\ (x-2)(y+4) = 400 \end{cases}$



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Разность двух положительных чисел равна 4, а их произведение равно 12. Найдите их сумму.

1) 8 2) 2
3) 6 4) 4



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Решите задачу.

Из двух открытых труб бассейн наполняется за 6 часов. Из первой трубы можно наполнить бассейн на 5 часов быстрее, чем из второй. За какое время бассейн наполняется из первой трубы?

1) 5 2) 10 3) 15 4) 25

Часть 2

5. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{2} \\ xy = 2 \end{cases}$
6. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 - 4y = 0 \\ 2x + y = -4 \end{cases}$
7. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 - 3y = -3 \\ x^2 + 3y = 21 \end{cases}$

Часть 3

8. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 5 \\ \frac{3}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 7 \end{cases}$

Вариант 2

Часть 1

1. Сколько решений имеет система $\begin{cases} x^2 - y = 0 \\ y = (x+4)^2 \end{cases}$?

1) 1 2) 2 3) 3 4) 4

2. Составьте систему уравнений по условию задачи, обозначив буквой x количество рядов, а y — количество деревьев в ряду.

В саду было 312 деревьев, посаженных рядами. Когда количество рядов уменьшили на 2, а количество деревьев в каждом ряду увеличили на 4, стало на 72 дерева больше. Сколько рядов деревьев было в саду?

- 1) $\begin{cases} xy = 312 \\ (x-4)(y+2) = 72 \end{cases}$
- 2) $\begin{cases} xy = 312 \\ (x-4)(y+2) = 384 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} xy = 312 \\ (x-2)(y+4) = 384 \end{cases}$
- 4) $\begin{cases} xy = 384 \\ (x-2)(y+4) = 312 \end{cases}$



	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Разность двух положительных чисел равна 3, а их произведение равно 4. Найдите их сумму.

- | | |
|------|------|
| 1) 5 | 2) 2 |
| 3) 3 | 4) 6 |

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Решите задачу.

Из двух открытых кранов бак заполняется за 10 минут. Из первого крана его можно заполнить на 15 минут быстрее, чем из второго. За какое время бак наполняется из первого крана?

- | | |
|-------|-------|
| 1) 45 | 2) 30 |
| 3) 20 | 4) 15 |

Часть 2



5. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{5}{4} \\ xy = 4 \end{cases}$.



6. Решите систему уравнений $\begin{cases} y - 2x + 6 = 0 \\ 6y = x^2 \end{cases}$.



7. Решите систему уравнений $\begin{cases} 2y - x^2 = 1 \\ 2y + x^2 = 19 \end{cases}$.

Часть 3



8. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 3 \\ \frac{3}{x+y} = \frac{1}{x-y} + 1 \end{cases}$.

Вариант 3

Часть 1

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Сколько решений имеет система $\begin{cases} x^2 - y^2 = 0 \\ 2y - x^2 = 0 \end{cases}$?

- | | |
|------|------|
| 1) 1 | 2) 2 |
| 3) 3 | 4) 4 |

2. Составьте систему уравнений по условию задачи, обозначив буквой x количество полок, а y — количество книг на полке.

В книжном шкафу было 120 книг. После того как количество полок увеличили на 1, а количество книг на каждой полке уменьшили на 3, количество книг в шкафу увеличилось на 15. Сколько было полок в шкафу?

- 1) $\begin{cases} xy = 120 \\ (x-3)(y+1) = 15 \end{cases}$
 2) $\begin{cases} xy = 120 \\ (x+1)(y-3) = 135 \end{cases}$
 3) $\begin{cases} xy = 120 \\ (x-1)(y+3) = 135 \end{cases}$
 4) $\begin{cases} xy = 135 \\ (x+1)(y-3) = 120 \end{cases}$

3. Разность двух положительных чисел равна 1, а их произведение равно 6. Найдите их сумму.

- 1) 6 2) 5 3) 3 4) 4

4. Решите задачу.

Два подъемных крана, работая вместе, разгрузили баржу за 7,5 часов. Первый кран может разгрузить баржу за 8 часов быстрее второго. Сколько часов потребуется на разгрузку баржи одному первому крану?

- 1) 32 2) 20 3) 12 4) 4

Часть 2

5. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{5}{6} \\ xy = 6 \end{cases}$.
6. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 + 5y = 0 \\ 2x + y - 5 = 0 \end{cases}$.
7. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 + 4y = 16 \\ x^2 - 4y = -8 \end{cases}$.

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



Часть 3



8. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} \frac{4}{x+y} - \frac{2}{x-y} = 1 \\ \frac{1}{x+y} + \frac{2}{x-y} = 4 \end{cases}$$

Вариант 4

Часть 1

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Сколько решений имеет система $\begin{cases} x^2 - y = 0 \\ y = (x-2)^2 \end{cases}$?

- 1) 1 2) 2
3) 3 4) 4

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Составьте систему уравнений по условию задачи, обозначив буквой x количество рядов, а y — количество мест в ряду.

В зрительном зале было 500 мест. После того как количество рядов уменьшили на 2, а количество мест в каждом ряду увеличили на 5, количество мест увеличилось на 75. Сколько было рядов в зале?

- 1) $\begin{cases} xy = 500 \\ (x-2)(y+5) = 75 \end{cases}$
2) $\begin{cases} xy = 500 \\ (x+2)(y-5) = 575 \end{cases}$
3) $\begin{cases} xy = 575 \\ (x-2)(y+5) = 500 \end{cases}$
4) $\begin{cases} xy = 500 \\ (x-2)(y+5) = 575 \end{cases}$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Разность двух положительных чисел равна 3, а их произведение равно 18. Найдите их сумму.

- 1) 12
2) 9
3) 8
4) 2

4. Решите задачу.

Два экскаватора вырыли котлован за 24 часа. Первый экскаватор может выполнить эту работу в 1,5 раза быстрее, чем второй. За сколько часов первый экскаватор может вырыть котлован?

- 1) 28 2) 32
3) 40 4) 60

Часть 2

5. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{7}{12} \\ xy = 12 \end{cases}$.

6. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 - 3y = 0 \\ 2x - y - 3 = 0 \end{cases}$.

7. Решите систему уравнений $\begin{cases} 3x + y^2 = 19 \\ 3x - y^2 = 11 \end{cases}$.

Часть 3

8. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 6 \\ \frac{6}{x+y} - \frac{1}{x-y} = 1 \end{cases}$.

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



ТЕСТ 9. АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ, n -й ЧЛЕН АРИФМЕТИЧЕСКОЙ ПРОГРЕССИИ

Вариант 1

Часть 1

☒ ☐
☐ ☐
☐ ☐
☐ ☐

1. Последовательность (a_n) задана формулой $a_n = 2 - n^2 + n$.
Найдите четвертый член этой последовательности.

- 1) 22 2) 16
3) -18 4) -10

☒ ☐
☐ ☐
☐ ☐
☐ ☐

2. Одна из данных последовательностей является арифметической прогрессией. Укажите ее номер.

- 1) -3,8; 4,1; -4,4; 4,7;...
2) $\frac{1}{8}; \frac{3}{8}; \frac{7}{8}; \frac{9}{8}; \dots$
3) -3,8; -4,1; -4,4; -4,7;...
4) $\frac{8}{3}; \frac{8}{5}; \frac{8}{7}; \frac{8}{9}; \dots$

☒ ☐
☐ ☐
☐ ☐
☐ ☐

3. Первый член и разность арифметической прогрессии (a_n) равны -1 и -2 соответственно. Найдите восьмой член этой прогрессии.

- 1) -17 2) -15
3) 15 4) 17

☒ ☐
☐ ☐
☐ ☐
☐ ☐

4. Для каждой арифметической прогрессии, заданной формулой n -го члена, укажите ее разность d . Ответ запишите в виде таблицы

А	Б	В

Формулы:

- А) $a_n = 3n + 9$ Б) $a_n = 9n - 1$ В) $a_n = 3 - n$

Значение разности:

- 1) 1 2) 9 3) 3 4) -1

 ☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Первый член и разность арифметической прогрессии (a_n) равны 5 и -2 соответственно. Найдите седьмой член этой прогрессии.

1) -9 2) -17 3) -7 4) 17

 ☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Для каждой арифметической прогрессии, заданной формулой n -го члена, укажите ее разность d . Ответ запишите в виде таблицы

А	Б	В

Формулы

А) $a_n = 2n - 1$ Б) $a_n = 8n + 2$ В) $a_n = 8 - n$

Значение разности

1) 1 2) 2 3) -1 4) 8

Часть 2



5. Третий член арифметической прогрессии (a_n) равен 8, а десятый член равен 22,7. Найдите разность этой прогрессии.



6. В первую секунду торможения на сложном участке в конце трассы гонщик прошел 17 м. В каждую следующую секунду он проходил на 1,9 м меньше, чем в предыдущую. Сколько полных секунд потребуется гонщику для остановки?



7. В арифметической прогрессии (a_n) $a_4 = 42\frac{3}{7}$, $a_{10} = 57\frac{4}{7}$. Найдите a_7 .

Часть 3



8. Является ли арифметической прогрессией последовательность (a_n) , заданная формулой

$$a_n = \frac{n}{3}(12n - 9) - \frac{n}{4}(16n - 9)?$$

Вариант 3

Часть 1

1. Последовательность (a_n) задана формулой $a_n = 2n^2 - n - 1$. Найдите третий член этой последовательности.

1) 13 2) 12 3) 11 4) 14

2. Одна из данных последовательностей является арифметической прогрессией. Укажите ее номер.

1) 4, 7; -4, 3; 3, 9; -3, 5; ... 2) $\frac{7}{2}; \frac{7}{5}; \frac{7}{8}; \frac{7}{11}; \dots$

3) $\frac{2}{7}; \frac{5}{7}; \frac{8}{7}; \frac{11}{7}; \dots$ 4) -4, 7; -4, 3; -3, 9; 3, 5; ...

3. Первый член и разность арифметической прогрессии (a_n) равны -2 и -3 соответственно. Найдите шестой член этой прогрессии.

1) -17 2) -12 3) -13 4) -15

4. Для каждой арифметической прогрессии, заданной формулой n -го члена, укажите ее разность d . Ответ запишите в виде таблицы

А	Б	В

Формулы:

А) $a_n = 2n - 5$ Б) $a_n = -5n - 1$ В) $a_n = 2 - n$

Значение разности:

1) -1 2) 2 3) -2 4) -5

Часть 2

5. Пятый член арифметической прогрессии (a_n) равен 14, а одиннадцатый член равен 29. Найдите разность этой прогрессии.


☒
☐
☐
☐

☒
☐
☐
☐
☐
☐
☐

☒
☐
☐
☐
☐

☒
☐
☐
☐
☐

-

- 

- $$a_n = \frac{n}{3}(30n-2) - \frac{n}{5}(50n-2)?$$

- | | |
|---|--|
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |

- | | |
|-------------------------------------|--------------------------|
| ☒ | ☐ |
| ☐ | ☐ |

- | | |
|---|--|
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |

- ☒

- | | |
|---|--|
| 1 | |
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |

- 62

4. Для каждой арифметической прогрессии, заданной формулой n -го члена, укажите ее разность d . Ответ запишите в виде таблицы.

А	Б	В

Формулы:

А) $a_n = 7n - 8$ Б) $a_n = -8n - 1$ В) $a_n = 7 - n$

Значение разности:

1) -8 2) -7 3) -1 4) 7

Часть 2

5. Второй член арифметической прогрессии (a_n) равен 4, а ее одиннадцатый член равен 22. Найдите разность этой прогрессии.
6. В первую секунду торможения на сложном участке в конце трассы гонщик прошел 16 м. В каждую следующую секунду он проходил на 1,1 м меньше, чем в предыдущую. Сколько полных секунд потребуется гонщику для остановки?
7. В арифметической прогрессии (a_n) $a_3 = 23\frac{1}{6}$, $a_7 = 26\frac{5}{6}$. Найдите a_5 .

Часть 3

8. Является ли арифметической прогрессией последовательность (a_n) , заданная формулой

$$a_n = \frac{n}{3}(18n - 7) - \frac{n}{2}(12n - 7)?$$

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



ТЕСТ 10. СУММА n ПЕРВЫХ ЧЛЕНОВ АРИФМЕТИЧЕСКОЙ ПРОГРЕССИИ

Вариант 1

Часть 1

 ☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Первый член арифметической прогрессии равен 3, а пятьдесят шестой член равен -8 . Найдите сумму ее пятидесяти шести первых членов.

1) 140 2) -140 3) -280 4) 280

 ☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Найдите сумму десяти первых членов арифметической прогрессии, если первый ее член равен 2, а разность прогрессии равна -3 .

1) 310 2) 155 3) -125 4) -115

 ☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите сумму двенадцати первых членов арифметической прогрессии (a_n) , если $a_2 = 23$ и $a_4 = 20$.

1) 195 2) 42 3) 228 4) 357

 ☒

1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Камень бросили с высоты 200 м вертикально вниз. В первую секунду он снижается на 12 м, а в каждую следующую секунду проходит на 9,8 м больше, чем в предыдущую. На какой высоте (в метрах) окажется камень через первые 5 с падения?

1) 158 2) 42 3) 91,25 4) 108,75

Часть 2



5. В арифметической прогрессии (a_n) $a_4 + a_5 + a_6 = 42$. Найдите a_5 .



6. Сумма первых n членов арифметической прогрессии вычисляется по формуле $S_n = 4n^2 + 3n$. Найдите сумму членов арифметической прогрессии с восьмого по девятнадцатый включительно.

7. За три месяца — январь, февраль и март — фирма получила прибыль в сумме 159 000 рублей, а за апрель, май, июнь — 168 000 рублей, при этом в течение календарного года прибыль каждый месяц увеличивалась на одну и ту же величину. Определите прибыль за август.

Часть 3

8. Найдите сумму всех четных натуральных чисел от 10 до 100 включительно.

Вариант 2

Часть 1

1. Первый член арифметической прогрессии равен 2, а пятьдесят восьмой член равен -5 . Найдите сумму ее пятидесяти восьми первых членов.

- 1) 203 2) 87
3) -87 4) -203

2. Найдите сумму девяти первых членов арифметической прогрессии, если первый ее член равен 4, а разность прогрессии равна -2 .

- 1) -56 2) -36
3) 36 4) -72

3. Найдите сумму двенадцати первых членов арифметической прогрессии (a_n) , если $a_2 = 15$ и $a_4 = 10$.

- 1) 750 2) 375
3) 330 4) 45

4. Мяч бросили с высоты 300 м вертикально вниз. В первую секунду он снижается на 11 м, а в каждую следующую секунду проходит на 9,8 м больше, чем в предыдущую. На какой высоте (в метрах) окажется мяч через первые 7 с падения?

- 1) 21,4 2) 282,8 3) 17,2 4) 278,6



	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2



5. В арифметической прогрессии (a_n) $a_3 + a_4 + a_5 = 51$. Найдите a_4 .



6. Сумма первых n членов арифметической прогрессии вычисляется по формуле $S_n = 3n^2 + 4n$. Найдите сумму членов арифметической прогрессии с шестого по восемнадцатый включительно.



7. За три месяца — апрель, май, июнь — фирма получила прибыль в сумме 129 000 рублей, а за июль, август, сентябрь — 138 000 рублей, при этом в течение календарного года прибыль каждый месяц увеличивалась на одну и ту же величину. Определите прибыль за ноябрь.

Часть 3



8. Найдите сумму всех нечетных натуральных чисел от 11 до 101 включительно.

Вариант 3

Часть 1



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Первый член арифметической прогрессии равен -3 , а шестидесятый член равен 8. Найдите сумму ее шестидесяти первых членов.

1) 330 2) 300 3) 228 4) 150



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Найдите сумму восьми первых членов арифметической прогрессии, если первый ее член равен 2, а разность прогрессии равна 6.

1) 23 2) 156 3) 208 4) 184



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите сумму шестнадцати первых членов арифметической прогрессии (a_n) , если $a_3 = 3,5$ и $a_5 = 6,5$.

1) 94 2) 186
3) 188 4) 376

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Найдите сумму одиннадцати первых членов арифметической прогрессии, если первый ее член равен -2 , а разность прогрессии равна 4 .

1) 484 2) 396 3) 200 4) 198

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите сумму двенадцати первых членов арифметической прогрессии (a_n) , если $a_3 = 5,5$ и $a_5 = 10,5$.

1) 158 2) 168 3) 171 4) 181

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Камень бросили с высоты 280 м вертикально вниз. В первую секунду он снижается на 14 м, а в каждую следующую секунду проходит на $9,8$ м больше, чем в предыдущую. На какой высоте (в метрах) окажется камень через первые 6 с падения?

1) 61,6 2) 218,4
3) 231 4) 49

Часть 2



5. В арифметической прогрессии (a_n) $a_6 + a_7 + a_8 = 81$. Найдите a_7 .



6. Сумма первых n членов арифметической прогрессии вычисляется по формуле $S_n = 5n^2 + 2n$. Найдите сумму членов арифметической прогрессии с шестого по семнадцатый включительно.



7. За три месяца — апрель, май, июнь — фирма получила прибыль в сумме $153\,000$ рублей, а за июль, август, сентябрь — $162\,000$ рублей, при этом в течение календарного года прибыль каждый месяц увеличивалась на одну и ту же величину. Определите прибыль за ноябрь.

Часть 3



8. Найдите сумму всех нечетных натуральных чисел от 9 до 99 включительно.

Часть 2



5. Найдите сумму первых шести членов геометрической прогрессии (b_n) с положительными членами, если $b_2 = 48$ и $b_4 = 12$. _____



6. Шестнадцатый и девятнадцатый члены геометрической прогрессии равны 44 и 5,5 соответственно. Найдите члены прогрессии, заключенные между ними. _____



7. Найдите знаменатель геометрической прогрессии, если разность между пятым и третьим членами равна 72, а разность между четвертым и вторым членами равна 36. _____

Часть 3



8. Сумма n первых членов некоторой последовательности находится по формуле $S_n = 3 \cdot 2^n - 3$. Докажите, что эта последовательность является геометрической прогрессией.

Вариант 2

Часть 1

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Первый член и знаменатель геометрической прогрессии (b_n) равны 2 и 3 соответственно. Найдите четвертый член этой прогрессии.

1) 54

2) 27

3) 18

4) 9

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Третий член возрастающей геометрической прогрессии (b_n) равен 3, а пятый член равен 75. Найдите знаменатель этой прогрессии.

1) -5

2) 36

3) $\sqrt{5}$

4) 5

3. Найдите сумму пяти первых членов геометрической прогрессии, если первый член равен 3, а знаменатель прогрессии равен 2.

- 1) 90
2) 45
3) 93
4) 186

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Пятый и седьмой члены убывающей геометрической прогрессии равны соответственно 243 и $\frac{1}{3}$. Найдите шестой член этой прогрессии.

- 1) 81
2) 9
3) -81
4) -9

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Найдите сумму первых восьми членов геометрической прогрессии (b_n) с положительными членами, если $b_2 = 64$ и $b_6 = 4$. _____
6. Пятнадцатый и восемнадцатый члены геометрической прогрессии равны 25 и 675 соответственно. Найдите члены прогрессии, заключенные между ними. _____
7. Найдите знаменатель геометрической прогрессии, если разность между шестым и четвертым членами равна 144, а разность между пятым и третьим членами равна 48. _____



Часть 3

8. Сумма n первых членов некоторой последовательности находится по формуле $S_n = 2 \cdot 3^n - 2$. Докажите, что эта последовательность является геометрической прогрессией.



Вариант 3

Часть 1

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

1. Первый член и знаменатель геометрической прогрессии (b_n) равны 1 и -4 соответственно. Найдите четвертый член этой прогрессии.

1) 256
2) -64
3) 64
4) -256

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

2. Пятый член возрастающей геометрической прогрессии (b_n) равен 7, а седьмой член равен 112. Найдите знаменатель этой прогрессии.

1) 16
2) 8
3) 52,5
4) 4

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

3. Найдите сумму семи первых членов геометрической прогрессии, если первый член равен 2, а знаменатель прогрессии равен -2 .

1) -86
2) 258
3) -258
4) 86

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Третий и пятый члены убывающей геометрической прогрессии равны 256 и $\frac{1}{4}$ соответственно. Найдите четвертый член этой прогрессии.

1) 8
2) 64
3) -8
4) -64

Часть 2

5. Найдите сумму первых шести членов геометрической прогрессии (b_n) с положительными членами, если $b_2 = 1$ и $b_4 = 9$. _____ 
6. Семнадцатый и двадцатый члены геометрической прогрессии равны 12 и 1500 соответственно. Найдите члены прогрессии, заключенные между ними. _____ 
7. Найдите знаменатель геометрической прогрессии, если разность между четвертым и вторым членами равна 36, а разность между пятым и третьим членами равна 18. _____ 

Часть 3

8. Сумма n первых членов некоторой последовательности находится по формуле $S_n = 4 \cdot 2^n - 4$. Докажите, что эта последовательность является геометрической прогрессией. 

Вариант 4

Часть 1

1. Первый член и знаменатель геометрической прогрессии (b_n) равны 1 и -5 соответственно. Найдите пятый член этой прогрессии.

1) 3125

2) -625 3) -3125

4) 625

2. Шестой член возрастающей геометрической прогрессии (b_n) равен 10, а восьмой член равен 250. Найдите знаменатель этой прогрессии.

1) $\sqrt{5}$

2) 5

3) 25

4) 120

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

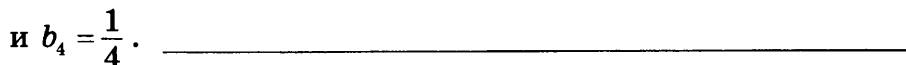


- 4) 484



- 4) 625

Часть 2



Часть 3



-

- 

- 

- | | |
|---|-------------------------------------|
|  | ☒ |
| 1 | ☐ |
| 2 | ☐ |
| 3 | ☐ |
| 4 | ☐ |

- | | |
|---|-------------------------------------|
|  | ☒ |
| 1 | ☐ |
| 2 | ☐ |
| 3 | ☐ |
| 4 | ☐ |

- 76

3. Пять одноклассниц купили билеты в театр (места — в одном ряду, идут подряд). Сколькими способами они могут разместиться, если две подруги Ира и Оля хотят сидеть обязательно вместе?

- 1) 96
- 2) 48
- 3) 30
- 4) 24

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

4. Сколько различных флагов из трех различных цветов вертикальных полос можно составить, используя полосы пяти цветов?

- 1) 144
- 2) 60
- 3) 12
- 4) 6

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

Часть 2

5. Сколько нечетных трехзначных чисел (без повторения цифр в числе) можно составить из цифр 1, 2, 3, 4, 5? _____



6. Из пяти членов правления кооператива нужно выбрать делегацию из двух человек для переговоров со спонсором. Сколько делегаций можно составить? _____



7. В школьной столовой имеется 5 видов пирожков и 3 напитка. Сколько наборов из трех разных пирожков и двух напитков можно купить? _____



Часть 3

8. В коробке лежат 6 конфет с лимонной начинкой и 4 — с апельсиновой. Какова вероятность того, что из трех наугад выбранных конфет 1 будет с лимонной начинкой и 2 с апельсиновой?



Вариант 3

Часть 1



1	
2	
3	
4	

1. Из пяти отличников 1«А» класса и четырех отличников 1«Б» класса надо выбрать двух человек (из каждого класса по одному) для поездки на новогоднюю елку в Кремль. Сколькими способами это можно сделать?

- 1) 20 2) 9
3) 5 4) 4



1	
2	
3	
4	

2. Егор решил послать шесть разных поздравительных открыток шести друзьям. Сколькими способами он может это сделать?

- 1) 6 2) 36
3) 120 4) 720



1	
2	
3	
4	

3. На книжную полку надо поставить 5 книг, из которых 2 — одного автора. Сколькими способами это можно сделать, если книги одного автора должны стоять вместе?

- 1) 24 2) 30**
- 3) 48 4) 96**



1	
2	
3	
4	

4. Сколько различных флагов из трех горизонтальных полос различных цветов можно составить, используя полосы пяти цветов?

- 1) 6 2) 60
3) 12 4) 120

Часть 2



5. Сколько трехзначных четных чисел (без повторения цифр в числе) можно составить из цифр 3, 4, 5, 6, 7? _____



6. Для проведения серии футбольных матчей надо создать бригады из трех судей (любые две бригады должны различаться хотя бы одним судьей). Сколько бригад можно



- 4.** Сколько различных флагов из четырех вертикальных полос различных цветов можно составить, используя полосы шести цветов?
- 1) 360 2) 120
3) 30 4) 15

Часть 2



- 5.** Сколько нечетных трехзначных чисел (без повторения цифр в числе) можно составить из цифр 4, 5, 6, 7, 8? _____



- 6. Из семи членов правления кооператива нужно выбрать делегацию из трех человек для переговоров со спонсором. Сколько делегаций можно составить?**



7. В школьной столовой имеется 5 видов пирожков с разной начинкой и 4 вида пирожных. Сколько наборов из трех разных пирожков и двух пирожных можно купить? _____

Часть 2



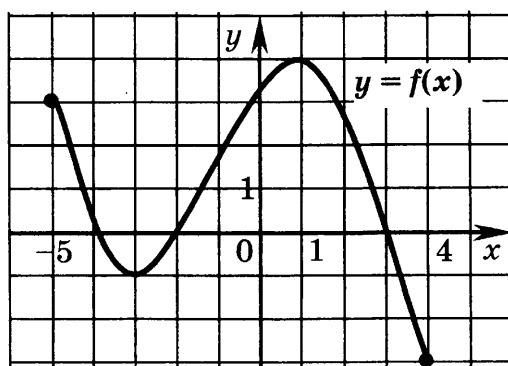
8. В коробке лежат 7 конфет с ореховой начинкой и 3 — с мармеладной. Какова вероятность того, что из четырех наугад выбранных конфет 2 будет с ореховой начинкой и 2 с мармеладной?

ТЕСТ 13. ОБОБЩАЮЩЕЕ ПОВТОРЕНИЕ КУРСА АЛГЕБРЫ ОСНОВНОЙ ШКОЛЫ

Вариант 1

Часть 1

1. На рисунке изображен график функции, заданной на отрезке $[-5; 4]$. Укажите промежуток, на котором функция возрастает.



- 1) $[-1; 4]$ 2) $[-3; 1]$
3) $[-4; -3]$ 4) $(1; 4)$

2. Решите неравенство $\frac{2x-3}{x+2} \geq 1$.

- 1) $(-\infty; -2] \cup [5; +\infty)$ 2) $[-2; 5]$
3) $(-2; 5]$ 4) $(-\infty; -2) \cup [5; +\infty)$

3. Укажите трехчлен, который принимает только отрицательные значения.

- 1) $x^2 - 6x + 5$ 2) $x^2 - 16x + 64$
3) $12x - 4x^2 - 13$ 4) $12x - x^2 - 34$

4. Пять пловцов надо распределить по пяти дорожкам бассейна. Сколькими способами это можно сделать?

- 1) 36 2) 120
3) 720 4) 1040

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐

Часть 2

5. Найдите сумму первых десяти членов последовательности $a_n = 3n + 1$. _____
6. Найдите больший корень уравнения $x^6 - 9x^3 + 8 = 0$. _____
7. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{25}{12} \\ x^2 - y^2 = 7 \end{cases}$. _____

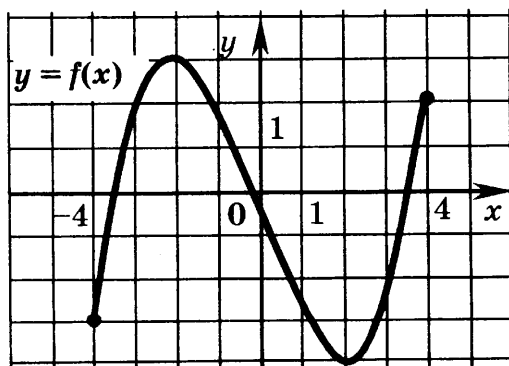
Часть 3

8. Поезд должен был пройти 54 км. Пройдя 14 км, он задержался на 10 мин у светофора. Увеличив первоначальную скорость на 10 км/ч, он прибыл на место назначения с опозданием на 2 мин. Найдите первоначальную скорость поезда.

Вариант 2

Часть 1

1. На рисунке изображен график функции, заданной на отрезке $[-4; 4]$. Укажите промежуток, на котором функция убывает.



- 1) $[-4; 3]$ 2) $[-3; -2]$
 3) $(2; 4)$ 4) $[-2; 2]$

2. Решите неравенство $\frac{2x-4}{x+2} \leq 1$.

1) $(-2; 6]$

2) $[-2; 6]$

3) $(-\infty; -2] \cup [6; +\infty)$

4) $(-\infty; -2) \cup [6; +\infty)$

3. Укажите трехчлен, который принимает только неотрицательные значения.

1) $6x - x^2 - 9$

2) $x^2 - 16x + 64$

3) $12x - x^2 - 34$

4) $9x^2 - 12x - 1$

4. Коля решил послать шесть разных поздравительных открыток шести друзьям. Сколькими способами он может это сделать?

1) 6

2) 36

3) 120

4) 720

Часть 2

5. Найдите сумму первых пяти членов последовательности $a_n = 3 \cdot 2^n$. _____

6. Найдите меньший корень уравнения $x^6 - 7x^3 - 8 = 0$. _____

7. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{x}{y} - \frac{y}{x} = \frac{5}{6} \\ x^2 - y^2 = 5 \end{cases}$. _____

Часть 3

8. Турист должен был пройти 56 км с определенной скоростью. В первый день он прошел 16 км со скоростью, на 1 км/ч большей запланированной. Во второй день он прошел оставшуюся часть пути со скоростью на 2 км/ч меньшей, чем в первый. На весь путь турист затратил 12 ч 40 мин. За какое время турист планировал пройти весь путь?

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

	☒
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



Вариант 3

Часть 1



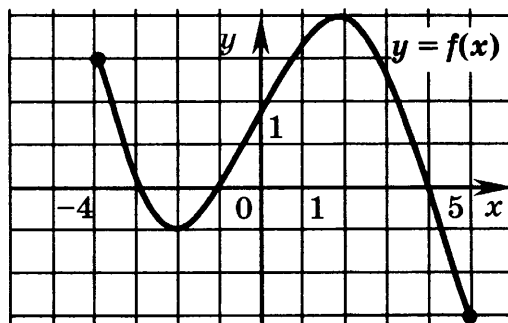
1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

1. На рисунке изображен график функции, заданной на отрезке $[-4; 5]$. Укажите промежуток, на котором функция возрастает.



1) $[-2; 2]$

2) $[-4; -2]$

3) $[-1; 4]$

4) $(-2; 2)$



1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

2. Решите неравенство $\frac{2x+3}{x+2} \leq 1$.

1) $(-\infty; -2] \cup [-1; +\infty)$

2) $[-2; -1]$

3) $(-2; -1]$

4) $(-\infty; -2) \cup [-1; +\infty)$



1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

3. Укажите трехчлен, который принимает только положительные значения.

1) $x^2 + 8x + 16$

2) $12x - x^2 - 34$

3) $3x^2 - 10x + 9$

4) $8x - x^2 - 18$



1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

4. Шести игрокам команды надо раздать майки с номерами от 1 до 6. Сколькими способами это можно сделать?

1) 36

2) 120

3) 720

4) 1040

Часть 2

5. Найдите сумму первых девяти членов последовательности $a_n = 4n - 2$. _____
6. Найдите больший корень уравнения $x^6 - 28x^3 + 27 = 0$. _____
7. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{x}{y} - 4 \cdot \frac{y}{x} = 3 \\ xy = 4 \end{cases}$. _____

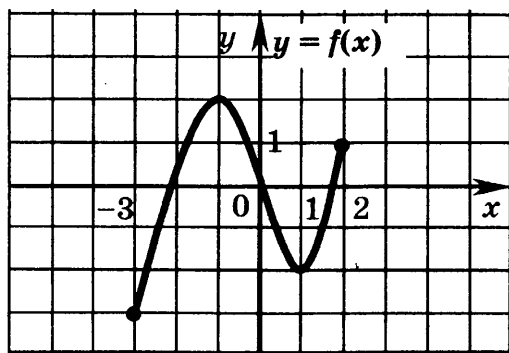
Часть 3

8. Пароход должен был пройти 72 км с определенной скоростью. Первую половину пути он прошел со скоростью на 3 км/ч меньшей, а вторую — на 3 км/ч большей, чем запланировано. На весь путь пароход затратил 5 ч. На сколько минут опоздал пароход?

Вариант 4

Часть 1

1. На рисунке изображен график функции, заданной на отрезке $[-3; 2]$. Укажите промежуток, на котором функция убывает.



- 1) $(-3; -1)$ 2) $[1; 2]$
 3) $[-1; 1]$ 4) $[-2; 2]$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐



1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

2. Решите неравенство $\frac{3x-3}{x+2} \leq 2$.

1) $(-\infty; -2] \cup [7; +\infty)$

2) $(-2; 7]$

3) $[-2; 7]$

4) $(-\infty; -2) \cup [7; +\infty)$



1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

3. Укажите трехчлен, который принимает только неположительные значения.

1) $x^2 + 8x + 14$

2) $12x - x^2 - 34$

3) $x^2 - 10x + 24$

4) $8x - x^2 - 16$



1 ☐

2 ☐

3 ☐

4 ☐

4. Ира решила послать пять разных поздравительных открыток пяти подругам. Сколькими способами она может это сделать?

1) 120

2) 25

3) 10

4) 5

Часть 2



5. Найдите сумму первых четырех членов последовательности $a_n = 2 \cdot 3^n$. _____



6. Найдите меньший корень уравнения $x^6 + 26x^3 - 27 = 0$. _____



7. Решите систему уравнений $\begin{cases} 3 \cdot \frac{x}{y} - \frac{y}{x} = -2 \\ x^2 - y^2 = -8 \end{cases}$. _____

Часть 3



8. Турист проехал на машине 100 км, а затем 100 км прошёл на катере. На машине турист ехал на 15 мин меньше, чем на катере, а скорость катера на 20 км/ч меньше скорости машины. Найдите скорость катера.

ТЕСТ 14. ИТОГОВОЕ ПОВТОРЕНИЕ КУРСА АЛГЕБРЫ ОСНОВНОЙ ШКОЛЫ (ТЕСТ В ФОРМАТЕ ОГЭ; АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ЗАДАНИЯ)

Инструкция по выполнению работы

Сначала выполняйте задания **части 1**. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удастся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Если задание содержит рисунок, то на нем можно выполнять необходимые построения.

При выполнении заданий с выбором ответа обведите номер выбранного Вами ответа в экзаменационной работе. Если Вы обвели неправильный номер, то зачеркните обведенный номер крестиком и затем обведите номер нового ответа.

Если варианты ответа к заданию не приводятся, полученный ответ записывается в отведенном для этого месте. Наименования величин записывать не нужно.

В случае записи неверного ответа зачеркните неверный ответ и запишите рядом новый.

Если в задании требуется установить соответствие между объектами, впишите в приведенную в ответе таблицу под каждой буквой соответствующую цифру.

Решения заданий **части 2** и ответы к ним записываются на отдельном листе. Текст задания можно не переписывать, необходимо лишь указать его номер.

Баллы, полученные Вами за верно выполненные задания, суммируются.

Вариант 1

Часть 1

1. Значение какого выражения является наибольшим?

1) $\frac{5}{3} - \frac{4}{5}$

3) $1 \cdot 0,6$

2) $\frac{5}{3} + \frac{4}{5}$

4) $1 : 0,6$

☒	
1	☐
2	☐
3	☐
4	☐

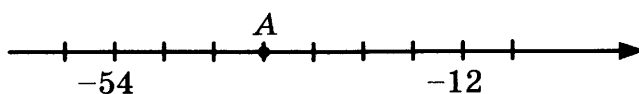
2. В таблице приведены нормативы по бегу на 60 м для учащихся 6 класса.

	Мальчики			Девочки		
Время, секунды	9,8	10,4	11,1	10,0	10,6	11,2
Отметка	«5»	«4»	«3»	«5»	«4»	«3»

Какую отметку получит мальчик, пробежавший эту дистанцию за 10,1 секунды?

Ответ: _____

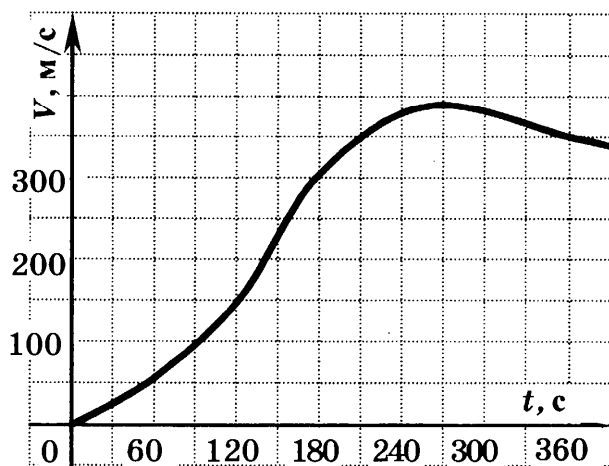
3. Найдите координату точки А.



Ответ: _____

4. Найдите значение выражения $(\sqrt{5} - 2)^2 + 4\sqrt{5}$.

5. Скорость распространения звука в воздухе равна 340 м/с. Самолеты-истребители летают значительно быстрее. Определите по графику, сколько секунд самолет летел со сверхзвуковой скоростью не менее 350 м/с. (На оси абсцисс отмечено время полета в секундах, на оси ординат — скорость в метрах в секунду.)



Ответ: _____



6. Решите уравнение $x^3 + 2x^2 - 15x = 0$.

Ответ: _____

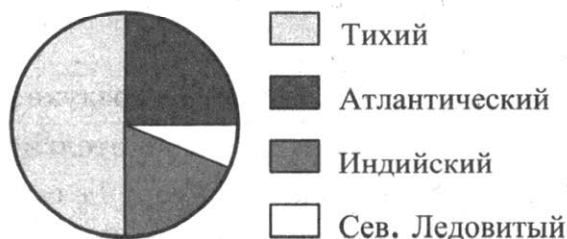


7. В ходе модернизации модели мобильного телефона набор его опций был расширен, поэтому цена поднялась на 20%. На новогодней распродаже цена телефона была снижена на 50% и стала равной 2400 рублям. Какова была цена телефона до модернизации?

Ответ: _____



8. Общая площадь всех океанов Земли равна приблизительно 361 280 тысячам кв. км. На диаграмме показано соотношение площадей океанов. Найдите, используя диаграмму, площадь Атлантического океана (в тыс. кв. км).

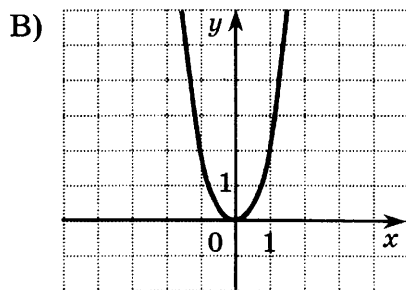
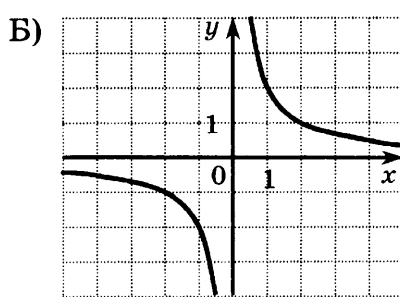
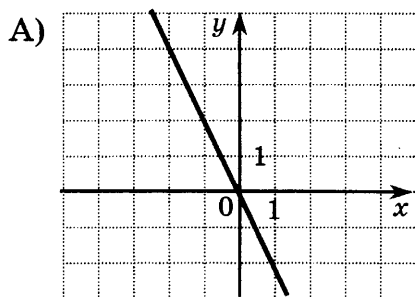


Ответ: _____

9. В комплект экзаменационных билетов по геометрии входит 20 билетов, в 4 из которых — вопрос по теме «Окружность». Найдите вероятность того, что в случайно выбранном Димой на экзамене билете не окажется вопроса об окружности.

Ответ: _____

10. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.



1) $y = 2x^2$

2) $y = -2x$

3) $y = \sqrt{x}$

4) $y = \frac{2}{x}$

Ответ:

А	Б	В

11. Дана арифметическая прогрессия: $-6,2; -1,2; 3,8; \dots$. Найдите сумму первых пяти ее членов.

Ответ: _____





12. Вычислите значение выражения $\frac{(m^3 + \sqrt{n})^2 - (m^3 - \sqrt{n})^2}{mn}$ при $m = \sqrt{35}$, $n = 49$.

Ответ: _____



13. Длина шага P — это расстояние от конца пятки следа одной ноги до конца пятки следа другой ноги. Для походки человека зависимость между n (числом шагов в минуту) и P (длиной шага в метрах) приближенно выражается формулой $n/P = 140$. Определите, чему равна длина шага Сергея, если он делает 70 шагов в минуту.

Ответ: _____



14. Решите систему неравенств $\begin{cases} -3x - 7 < 2 \\ 2x \leq -3 \end{cases}$.

Ответ: _____

Часть 2



15. Решите уравнение $(x+5)^4 - 4(x+5)^2 - 21 = 0$.



16. Из города А в город В выехал грузовой автомобиль. Через 0,5 ч вслед за ним из города А выехал автобус. Через 2,2 ч после своего выхода, обогнав грузовик, автобус удалился от него на 14 км. Найдите скорость грузовика, если известно, что она на 20 км/ч меньше скорости автобуса.



17. Графики функций $y = -x^2 + c$ и $y = 4x$ имеют только одну общую точку. Найдите c и постройте график функции $y = -x^2 + c$.

Вариант 2

Часть 1

1. Какому из чисел равно произведение $0,5 \cdot 0,005 \cdot 0,0005$?

1) $5^3 \cdot 10^{-5}$

2) $5^3 \cdot 10^{-6}$

3) $5^3 \cdot 10^{-7}$

4) $5^3 \cdot 10^{-8}$

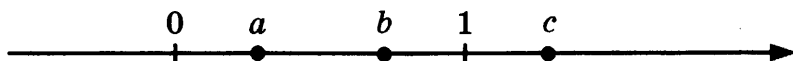
2. В таблице приведены нормативы по приседаниям для учащихся 5 класса.

	Мальчики			Девочки		
Количество раз	46	44	42	44	42	40
Отметка	«5»	«4»	«3»	«5»	«4»	«3»

Какую отметку получит девочка, присевшая 41 раз?

Ответ: _____

3. На координатной прямой отмечены числа a , b и c .



Укажите номера верных утверждений:

1) $a^2 > c$

2) $\frac{1}{a} > \frac{1}{c}$

3) $b^2 > 1$

4) $-\frac{1}{b} < \frac{1}{c}$

4. Найдите значение выражения $(\sqrt{3}-2)(\sqrt{3}+2)$.

5. На графике показано, как изменяется атмосферное давление в зависимости от изменения высоты над уровнем моря. (На оси абсцисс отмечена высота над уровнем моря в метрах, на оси ординат — атмосферное давление в миллиметрах ртутного столба.) Высота горы Элберт (Северная Америка) равна приблизительно 4500 м. На сколько (в мм рт. ст.) атмосферное давление на ее вершине выше давления на высоте 9000 м?

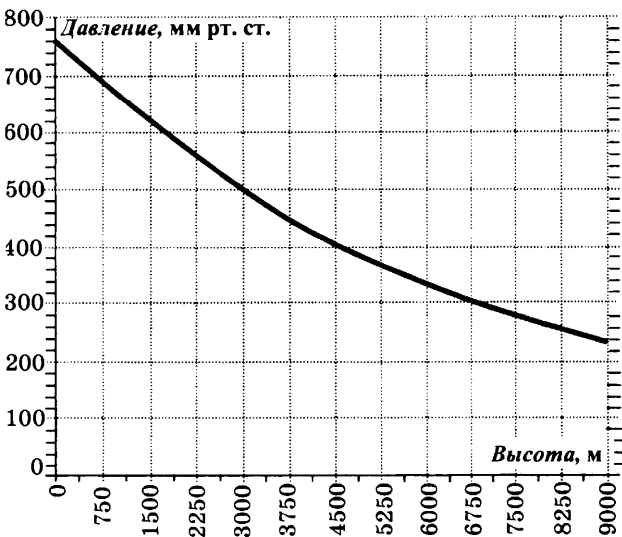


1	☒
2	☐
3	☐
4	☐



1	☐
2	☐
3	☐
4	☐





Ответ: _____

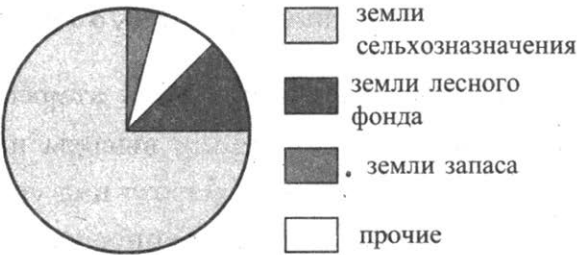
6. Найдите корень уравнения $\frac{x-6}{x-8} = \frac{3}{2}$.

Ответ: _____

7. Номер в гостинице стоил 1250 руб. в сутки. Но перед Новым годом стоимость проживания поднялась на 20%, а после новогодних каникул снизилась на 20%. Найдите окончательную стоимость суточного проживания в номере.

Ответ: _____

8. На диаграмме показано распределение земель Южного Федерального округа по категориям.



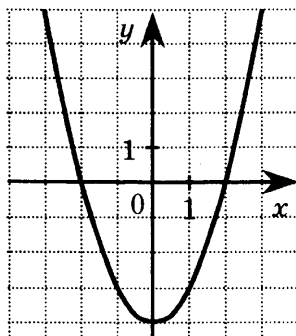
Определите, какая категория земель наименьшая по площади.

- 1) сельскохозяйственного назначения
- 2) лесного фонда
- 3) запаса
- 4) прочие

9. На конференцию приехали 9 ученых из России, 7 — из Украины, 6 — из Белоруссии, 3 — из Казахстана. Порядок докладов определяется жеребьевкой. Найдите вероятность того, что восьмым окажется участник из Казахстана.

Ответ: _____

10. График какой из перечисленных ниже функций изображен на рисунке?



- 1) $y = (x - 4)^2$ 2) $y = x^2 - 2$
 3) $y = x^2 - 4$ 4) $y = (x - 2)^2$

11. Геометрическая прогрессия (b_n) задана условиями: $b_1 = -\frac{1}{9}$, $b_{n+1} = 3b_n$. Найдите b_5 .

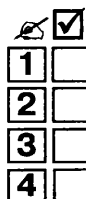
Ответ: _____

12. Сократите дробь $\frac{(a-b)^2 - (a+b)^2}{ab}$.

Ответ: _____

13. В соответствии с законом Джоуля – Ленца количество теплоты Q (в джоулях), выделяемое в течение времени t (в секундах) участком цепи, можно вычислить по формуле $Q = \frac{U^2 t}{R}$, где U — напряжение тока (в Вольтах), t — время (в секундах), R — сопротивление (в Омах). Вычислите сопротивление участка цепи, в котором в течение 5 с при напряжении тока 10 В выделяется 2000 Джоулей тепла.

Ответ: _____





14. Решите неравенство $x^2 - 11x + 23 > (x - 5)^2$.

Ответ: _____

Часть 2



15. Решите уравнение $(3x + 1)^2(3x - 1) = (3x + 1)(3x - 1)^2$.



16. Теплоход идет по течению реки в 5 раз медленнее, чем скутер против течения, а по течению скутер идет в 9 раз быстрее, чем теплоход против течения. Во сколько раз собственная скорость скутера больше собственной скорости теплохода? (Собственная скорость — скорость в неподвижной воде.)



17. Постройте график функции $y = |x^2 - 2x - 3|$ и найдите, при каких значениях n прямая $y = n$ пересекает построенный график ровно в трех точках.

Вариант 3

Часть 1

1. Отметьте номера выражений, значения которых равны 1.

1) $32 - 2^5$

2) $4^3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^6$

3) $2^3 : 0,5^{-3}$

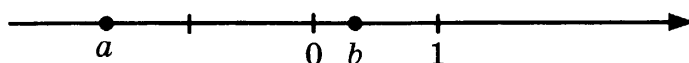
4) $4^3 \cdot 0,2^6$

2. Куриные яйца в зависимости от их массы подразделяют на 5 категорий: высшая, отборная, первая, вторая и третья. Используя данные, представленные в таблице, определите категорию яйца массой 53,8 г.

Категория	Масса яйца, г
Высшая	75,0 и выше
Отборная	65,0 — 74,9
Первая	55,0 — 64,0
Вторая	45,0 — 54,9
Третья	35,0 — 44,9

Ответ: _____

3. На координатной прямой отмечены числа a и b .



Какое из следующих чисел наименьшее?

1) $b - a$

2) $-a$

3) $-b$

4) $a - b$

4. Найдите значение выражения $(\sqrt{13} - \sqrt{3})(\sqrt{13} + \sqrt{3})$.

Ответ: _____

5. Судно на подводных крыльях «Комета» может плыть со скоростью 60 км/ч. При скорости 25 км/ч корпус судна поднимается над поверхностью воды и оно движется, опираясь на подводные крылья. Определите по графику, сколько минут корабль плыл на подводных крыльях. (На

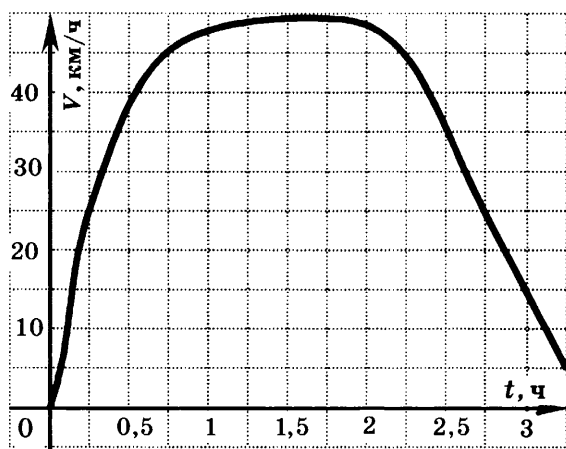
☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐



☒
1 ☐
2 ☐
3 ☐
4 ☐



оси абсцисс отмечено время движения в часах, на оси ординат — скорость в километрах в час.)



Ответ:



- 6.** Найдите корни уравнения $x^2 - 7x = 18$.

Ответ: _____

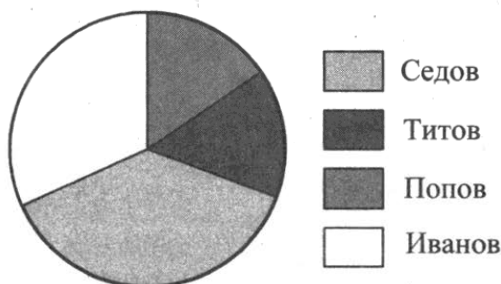


7. Перед Новым годом свежие огурцы продавались по цене 120 р. за 1 кг. По окончании праздника их цена уменьшилась на 20%, а через неделю снизилась еще на 10%. Какой стала цена огурцов после второго снижения?

Ответ:



8. В течение месяца дилеры Иванов, Попов, Седов и Титов продали партию офисной техники. Вклад каждого дилера отражен на диаграмме.



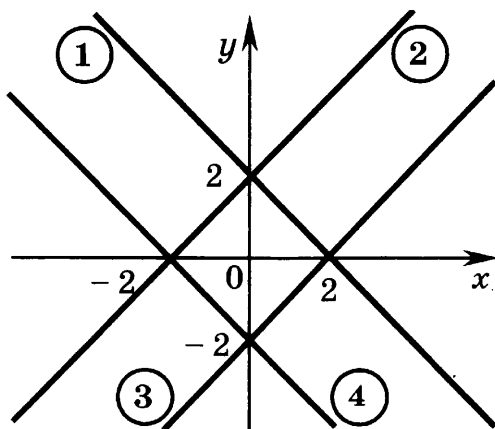
Какую примерно часть партии (в процентах) реализовал Иванов?

- 1) 90**
- 2) 65**
- 3) 45**
- 4) 30**

9. Найдите вероятность того, что при броске двух игральных кубиков на одном выпадет число не меньшее 4, а на другом — большее 4.

Ответ: _____

10. Какая из прямых, изображенных на рисунке, является графиком функции $y = -x + 2$?



Ответ: _____

11. Дана геометрическая прогрессия: $\frac{1}{16}; \frac{1}{4}; 1; \dots$. Найдите произведение первых пяти ее членов.

Ответ: _____

12. Вычислите значение выражения $\frac{(x+y)^2 - (x-y)^2}{x^3 y^3}$ при $x = 2, y = \sqrt{5}$.

Ответ: _____

13. Одна из повестей американского фантаста Рэя Бредбери называется «451 градус по Фаренгейту». Связь между температурными шкалами Цельсия и Фаренгейта задается формулой $F = 1,8C + 32$, где C — градусы Цельсия, F — градусы Фаренгейта. Запишите в градусах Цельсия температуру 451° по Фаренгейту. Ответ округлите до десятых.

Ответ: _____



14. Решите систему неравенств $\begin{cases} 2(x-1) \geq -7 \\ -3x < 6 \end{cases}$.

Ответ: _____

Часть 2



15. Решите неравенство $(x-11)^2 > \sqrt{7}(x-11)$.



16. Бассейн наполняется двумя трубами, действующими одновременно, за 2 часа. Действуя одна, первая труба наполняет бассейн на 3 часа быстрее, чем вторая. За сколько часов наполнит бассейн первая труба?



17. При каких значениях m прямая $y = m$ имеет ровно 2 общие точки с графиком функции $y = f(x)$, где

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x, & \text{если } x \geq 0, \\ 2x - x^2, & \text{если } x < 0? \end{cases}$$

Вариант 4

Часть 1

1. Вычислите значение выражения $1,2 \cdot 3\frac{1}{3} - 0,03 : \frac{3}{140}$.

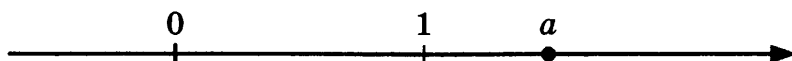
Ответ: _____

2. Избыточное содержание жировой ткани в организме отрицательно сказывается на здоровье человека. Ее процентное содержание (по отношению к массе тела) с возрастом изменяется и характеризуется следующими отметками: «очень хорошо», «хорошо», «удовлетворительно», «плохо». Определите по таблице, к какой категории можно отнести юношу с содержанием жировой ткани 19,1% массы тела.

	Возраст	Очень хорошо	Хорошо	Удовлетворительно	Плохо
Юноши	15–19 лет	менее 12%	12–17%	17,1–22%	более 22,1%
Девушки	15–19 лет	менее 17%	17–22%	22,1–27%	более 27,1%

- 1) очень хорошо
- 2) хорошо
- 3) удовлетворительно
- 4) плохо

3. На координатной прямой отмечено число a .



Расположите в порядке убывания числа $-\frac{1}{a}$; $a-1$; $(a-1)^2$.

- 1) $-\frac{1}{a}$; $(a-1)^2$; $a-1$
- 2) $(a-1)^2$; $-\frac{1}{a}$; $a-1$
- 3) $a-1$; $(a-1)^2$; $-\frac{1}{a}$
- 4) $a-1$; $-\frac{1}{a}$; $(a-1)^2$



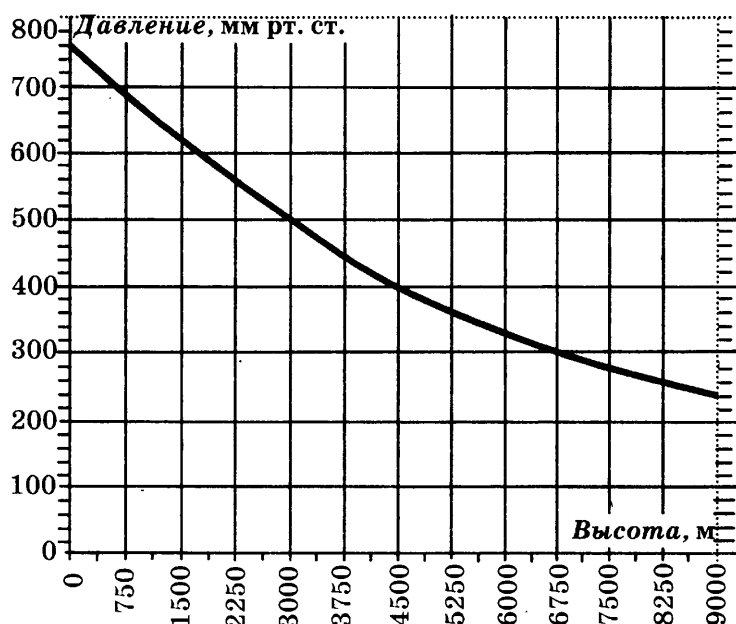


4. Найдите значение выражения $(\sqrt{37} + \sqrt{7})^2 - 2\sqrt{259}$.

Ответ: _____



5. На графике показано, как изменяется атмосферное давление в зависимости от изменения высоты над уровнем моря. (На оси абсцисс отмечена высота над уровнем моря в метрах, на оси ординат — атмосферное давление в миллиметрах ртутного столба.) Высота горы Олимп (Европа) равна приблизительно 3000 м. На сколько (в мм рт. ст.) атмосферное давление на вершине Олимпа ниже давления на уровне моря?



Ответ: _____



6. Решите уравнение $x^4 - 5x^2 - 36 = 0$.

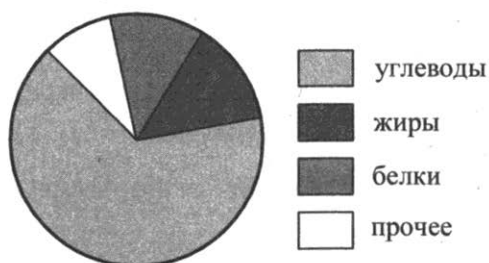
Ответ: _____



7. Подарочный набор косметики стоил 2500 рублей. Перед праздником его цена поднялась на 10%, а после праздника снизилась на 20%. Какой стала цена после снижения?

Ответ: _____

8. На диаграмме показано содержание питательных веществ в печенье. Сколько граммов углеводов содержится примерно в 1 кг печенья?

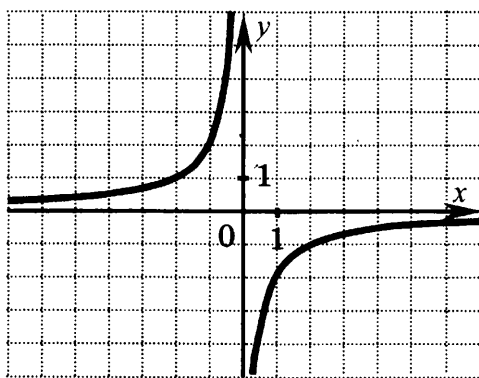


- 1) 500 2) 660 3) 725 4) 400

9. Комплект лотерейных билетов состоит из 50 билетов, 8 из которых выигрышные. Найдите вероятность того, что случайным образом, выбрав из этого комплекта билет, Оля не выиграет.

Ответ: _____

10. График какой из перечисленных ниже функций изображен на рисунке?



- 1) $y = \frac{2}{x}$ 2) $y = -\frac{4}{x}$
 3) $y = -\frac{2}{x}$ 4) $y = \frac{4}{x}$

11. Арифметическая прогрессия (a_n) задана условием $a_n = 2n - 5$. Найдите сумму первых шести ее членов.

Ответ: _____

✓	
1	
2	
3	
4	



✓	
1	
2	
3	
4	





12. Упростите выражение $\frac{p+q}{p-q} - \frac{p-q}{p+q}$ и найдите его значение при $p = 2$, $q = \sqrt{3}$.

Ответ: _____



13. Зная длину шага, легко вычислить приближенно пройденное расстояние s по формуле $s = nl$, где n – число шагов, l – длина шага. По этой же формуле, зная количество сделанных шагов и пройденное расстояние, можно вычислить длину шага. Вычислите длину шага мужчины, который, сделав 20 шагов, прошел 15 метров.

Ответ: _____



14. Решите неравенство $7 + 2(x - 1) \leq 3 + 4x$.

Ответ: _____

Часть 2



15. Решите систему уравнений $\begin{cases} x^2 - 1 = 5y \\ x^2 + 48 = 5y + y^2 \end{cases}$.



16. Катер проходит 40 км по течению реки до пункта назначения и после стоянки возвращается в пункт отправления. Скорость катера в неподвижной воде равна 18 км/ч, стоянка длится 1 ч, в пункт отправления катер возвращается через 5,5 ч после отплытия из него. Найдите скорость течения реки.



17. Постройте график функции $y = |3 - x^2|$ и найдите, при каких значениях p прямая $y = p$ пересекает построенный график ровно в трех точках.

ОТВЕТЫ

Тест 1

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	2	4	4	3
2	3	1	2	1
3	2	4	1	4
4	1	3	4	2
5	$[-4; 0]$	$[-3; 1]$	$[-3; 1]$	$[-3; 1]$
6	-1	1	-5	-6
7	576	0	-36	0
8	$[1; 5]$	$[-1; 5]$	$[-3; 3]$	$[-9; -1]$

Тест 2

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	3	2	3	2
2	2	4	2	3
3	3	2	4	4
4	4	3	2	3
5	1,25	0,2	0,6	-0,5
6	-3	6	-10	8
7	$\frac{a-6}{a+1}$	$\frac{y-2}{y+1}$	$\frac{z+3}{z+4}$	$\frac{p+3}{p+2}$
8	5	-3	3	-5

Тест 3

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	3	1	2	4
2	2	1	1	3
3	1	3	4	2
4	2	1	4	3
5	$(-\infty; 0,5]$	$[0,5; +\infty)$	$[0,5; +\infty)$	$(-\infty; 0,5]$
6	-3; 2	-1; 2	-2; 3	-2; 1
7	-1	2	-2	1
8	± 5	± 4	± 4	± 6

Тест 4

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	2	3	1	4
2	3	1	4	2
3	1	4	3	2
4	3	4	2	1
5	$f(-2), f(1), f(2)$	$f(-2), f(-5), f(-6)$	$f(-2), f(-5), f(-6)$	$f(-6), f(-4), f(-1)$
6	1	2	1	0
7	-3	0,4	-3; 3	-5; 5
8	$(-2; 0), (0; 2)$	$(-4; 0), (4; +\infty)$	$(-2; 0), (2; +\infty)$	$(-4; 0), (0; 4)$

Тест 5

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	3	1	4	2
2	1	4	1	3
3	2	2	3	1
4	4	3	1	4
5	± 2	± 1	± 1	± 2
6	0,2	0,5	4	0,2
7	± 4	± 2	± 6	± 7
8	2	-2	-2	2

Тест 6

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	4	2	3	1
2	2	4	1	2
3	1	2	4	4
4	3	1	4	3
5	$(-\infty; -1] \cup [2; 3]$	$[-2; 1] \cup [3; +\infty)$	$(-\infty; -3] \cup [-1; 1]$	$[1; 2] \cup [3; +\infty)$
6	$(-1; 0,5]$	$(-\infty; -0,5] \cup (1; +\infty)$	$[-3; -1)$	$(1; 5]$
7	7	9	2	10

Тест 7

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	2	3	2	4
2	3	4	4	2
3	4	3	2	3
4	2	2	3	4
5	1	3	2	4
6	(1; -2), (-3; 1)	(-2; -1), (-1; -2)	(-1; -2), (-4; 1)	(-2; -3), (2; -1)
7	-4	3	5	3
8	(3; 5), (-4; -2)	(-2; -6), (5; 1)	(3; -5), (-4; 2)	(-2; 4), (5; -3)

Тест 8

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	3	1	3	1
2	4	3	2	4
3	1	1	2	2
4	2	4	3	3
5	(1; 2), (2; 1)	(1; 4), (4; 1)	(2; 3), (3; 2)	(3; 4), (4; 3)
6	(-4; 4)	(6; 6)	(5; -5)	(3; 3)
7	(-3; 4), (3; 4)	(-3; 5), (3; 5)	(-2; 3), (2; 3)	(5; -2), (5; 2)
8	$\left(\frac{5}{8}; \frac{3}{8}\right)$	$\left(\frac{3}{4}; \frac{1}{4}\right)$	$\left(\frac{5}{6}; \frac{1}{6}\right)$	$\left(\frac{3}{5}; \frac{2}{5}\right)$

Тест 9

	Вариант 1			Вариант 2			Вариант 3			Вариант 4		
1	4			2			4			3		
2	3			4			3			1		
3	2			3			1			4		
4	А	Б	В	А	Б	В	А	Б	В	А	Б	В
	3	2	4	2	4	3	2	4	1	4	1	3
5	3			2,1			2,5			2		
6	15			10			13			16		
7	45			50			100			25		
8	да			да			да			да		

Тест 10

	Вариант 1			Вариант 2			Вариант 3			Вариант 4		
1	2			3			4			2		
2	4			2			4			4		
3	1			4			3			3		
4	2			3			1			4		
5	14			17			24			27		
6	1284			949			611			1344		
7	59000			49000			58000			57000		
8	2530			2576			10010			2484		

Тест 11

	Вариант 1			Вариант 2			Вариант 3			Вариант 4		
1	3			1			2			4		
2	2			4			4			2		
3	2			3			4			1		
4	4			2			1			3		
5	189			255			$121\frac{1}{3}$			$1\frac{31}{32}$		
6	22; 11			75; 225			60; 300			33; 99		
7	2			3			0,5			0,125		

Тест 12

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	4	2	1	3
2	1	3	4	2
3	3	2	3	4
4	3	2	3	1
5	60	36	24	24
6	6	10	20	35
7	200	30	60	60
8	0,5	0,3	0,05	0,05

Тест 13

	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4
1	2	4	1	3
2	4	1	3	2
3	3	2	3	4
4	2	4	3	1
5	175	186	162	240
6	2	-1	3	-3
7	(4; 3); (-4; -3)	(3; 2); (-3; -2)	(-4; -1); (4; 1)	(1; 3); (-1; -3)
8	50 км/ч	11 ч 12 мин	12 мин	80 км/ч

Тест 14

Номер задания	Ответ									
	Вариант 1	Вариант 2	Вариант 3	Вариант 4						
Часть 1										
1	2	4	23	2,6						
2	4	3	2	3						
3	−36	24	4	3						
4	9	−1	10	44						
5	150	160	150	260						
6	−5; 0; 3	12	−2; 9	−3; 3						
7	4000	1200	86,4	2200						
8	90320	3	4	2						
9	0,8	0,12	$\frac{1}{6}$	$\frac{1024}{3125}$						
10	<table border="1"><tr><td>A</td><td>Б</td><td>В</td></tr><tr><td>2</td><td>4</td><td>1</td></tr></table>	A	Б	В	2	4	1	3	1	3
A	Б	В								
2	4	1								
11	19	−9	1	12						
12	20	−4	0,2	$8\sqrt{3}$						
13	0,5	0,25	232,8	0,75						
14	(−3; −1,5]	(−∞; −2)	(−2; +∞)	[1; +∞)						
Часть 2										
15	$-5 \pm \sqrt{7}$	$\pm \frac{1}{3}$	$(-\infty; 11) \cup (11 + \sqrt{7}; +\infty)$	(−6; 7), (6; 7)						
16	60 км/ч	6,5	3 ч	2 км/ч						
17	−3	4	−1; 0	3						

Справочное издание

**Глазков Юрий Александрович
Варшавский Игорь Константинович
Гаиашвили Мария Яковлевна**

МАТЕМАТИКА

**Основной государственный экзамен
9 класс**

ТЕМАТИЧЕСКИЕ ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ

Издательство **«ЭКЗАМЕН»**

Гигиенический сертификат
№ РОСС RU.АД44.Н02841 от 30.06.2017 г.

Главный редактор *Л. Д. Лаппо*
Редактор *И. М. Бокова*
Технический редактор *Л. В. Павлова*
Корректоры *И. В. Русанова, Е. В. Григорьева*
Дизайн обложки *М. С. Михайлова*
Компьютерная верстка *М. В. Демина*

107045, Москва, Луков пер., д. 8.
www.examen.biz

Е-mail: по общим вопросам: info@examen.biz;
по вопросам реализации: sale@examen.biz
тел./факс 8 (495) 641-00-30 (многоканальный)

Общероссийский классификатор продукции
ОК 005-93, том 2; 953005 — книги, брошюры, литература учебная

Отпечатано в соответствии с предоставленными материалами
в ООО «ИПК Парето-Принт», г. Тверь, www.pareto-print.ru

**По вопросам реализации обращаться по тел.:
8 (495) 641-00-30 (многоканальный).**