

12 ОПРЕДЕЛЕНИЕ И СВОЙСТВА ЛОГАРИФМОВ

Логарифмом числа $b > 0$ по основанию a ($a > 0, a \neq 1$) называют показатель степени c , в которую необходимо возвести a , чтобы получить b :

$$\log_a b = c \Leftrightarrow b = a^c.$$

Основное логарифмическое тождество:

$$a^{\log_a b} = b. \quad (12.1)$$

12.1. Свойства логарифмов

Свойства логарифмов следуют из соответствующих свойств степеней при условии, что основание логарифмов положительное и отличное от единицы действительное число; числа a, b, c – положительные; числа m и n – отличны от нуля.

$$\log_a a = 1; \quad (12.2)$$

$$\log_a 1 = 0; \quad (12.3)$$

$$\log_a bc = \log_a b + \log_a c; \quad (12.4)$$

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c; \quad (12.5)$$

$$\log_a b^n = n \cdot \log_a b; \quad (12.6)$$

$$\log_{a^m} b = \frac{1}{m} \log_a b; \quad (12.7)$$

$$\log_a^m b^n = n^m \log_a^m b; \quad (12.8)$$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}; \quad (12.9)$$

$$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}; \quad (12.10)$$

$$a^{\log_b x} = x^{\log_b a}. \quad (12.11)$$

Приняты следующие записи:

1) $\log_{10} b = \lg b$ – десятичный логарифм числа b ;

2) $\log_e b = \ln b$ – натуральный логарифм числа b , где e – иррациональное число и $e = 2,718281828459045...$

Тест для проверки теоретических знаний

Укажите правильный вариант ответа:

1. Логарифмом числа b по основанию a является:

ЗАПИСЬ

1) $\log_b a$;

2) $\log_a b$;

3) a^b ;

4) b^a .

ПРИ УСЛОВИИ

а) $a > 0, b > 0$;

б) $a \geq 0, b \geq 0$;

в) $a > 0, b > 0, a \neq 1$;

г) $a \geq 0, b \geq 0, b \neq 1$;

д) $a > 0, b \geq 0, a \neq 1$;

е) $a \geq 0, b \geq 0, a \neq 1$.

Установите соответствие:

2. Свойства логарифмов:

1) $\log_a xy$;

2) $\log_a \frac{x}{y}$;

3) $\frac{\log_a x}{\log_a y}$;

4) $\log_a^{-1} x$;

5) $\log_a x \cdot \log_x a$;

6) $a^{\log_a x}$;

7) $a^{\log_b x}$;

8) $\log_{a^n} x^n$;

9) $\log_a a^n$;

10) $\log_{a^n}^n a$.

а) 0;

б) 1;

в) x ;

г) n ;

д) $\frac{1}{n}$;

е) n^n ;

ж) n^{-n} ;

з) $\log_a x$;

и) $\log_x a$;

к) $\log_y x$;

л) $\log_a x - \log_a y$;

м) $\log_a x + \log_a y$;

н) $x^{\log_b a}$.

Ответы

Номер задания	1	2
Вариант правильного ответа	2 - в	1 - м, 2 - л, 3 - к, 4 - и, 5 - б, 6 - в, 7 - н, 8 - з, 9 - г, 10 - ж

Примеры

Пример 1. Упростите выражение $-\log_3^2 \log_3 \sqrt[3]{3}$.

Решение. Применяя свойства логарифмов 12.6 и 12.2, получим:

$$-\log_3^2 \log_3 3^{\frac{1}{3}} = -\log_3^2 \frac{1}{9} \log_3 3 = -(\log_3 3^{-1} \cdot 1)^2 = -(-1)^2 = -1.$$

Ответ: -1.

Пример 2. Упростите $9^{\frac{2}{\log_5 3}} + 27^{\log_9 36} + \sqrt{9^{\frac{4}{\log_7 9}}}$.

Решение. Применяя свойства логарифмов 12.10, 12.6, 12.7 и основное логарифмическое тождество 12.1, получим:

$$\begin{aligned} 3^{4 \log_3 5} + 3^{3 \log_3 2 \cdot 6^2} + 3^{4 \log_3 2 \cdot 7} &= 3^{\log_3 5^4} + 3^{\frac{3}{2} \log_3 6^2} + 3^{\frac{4}{2} \log_3 7} = \\ &= 5^4 + 3^{\log_3 6^3} + 3^{\log_3 7^2} = 5^4 + 6^3 + 7^2 = 890. \end{aligned}$$

Ответ: 890.

Пример 3. Упростите $a^{\frac{2}{\log_b a} + 1} b + a^{\log_a b + 1} b^{\log_b a + 1} - ab^{\frac{2}{\log_a b} + 1}$.

Решение. Запишем ОДЗ: $\begin{cases} a > 0, a \neq 1; \\ b > 0, b \neq 1. \end{cases}$

Применяя свойство степеней 2.3 и свойства логарифмов 12.10, 12.6, 12.1, получим:

$$\begin{aligned} a^{2 \log_a b} \cdot a \cdot b + a^{\log_a b} \cdot a \cdot b^{\log_b a} \cdot b - a \cdot b^{2 \log_b a} \cdot b &= a^{\log_a b^2} \cdot a \cdot b + b \cdot a \cdot a \cdot b - \\ - a \cdot b^{\log_b a^2} \cdot b &= ab^3 + a^2 b^2 - a^3 b = ab(b^2 + ab - a^2). \end{aligned}$$

Ответ: $ab(b^2 + ab - a^2)$, где $a > 0, a \neq 1, b > 0, b \neq 1$.

Пример 4. Упростите $\frac{3 \log_{b^3} b - \log_a^3 b}{(\log_a b + \log_b a + 1) \log_a \frac{a}{b}}$.

Решение. Запишем ОДЗ: $\begin{cases} a > 0, a \neq 1; \\ b > 0, b \neq 1. \end{cases}$

На основании свойств логарифмов выполним следующие преобразования:

$$1) 3 \log_{b^3} b = 3 \cdot \frac{1}{3} \cdot \log_b b = 1;$$

$$2) \log_a \frac{a}{b} = \log_a a - \log_a b = 1 - \log_a b.$$

Полагая $\log_a b = x$, $\log_b a = \frac{1}{x}$, запишем:

$$\frac{1-x^3}{\left(x+\frac{1}{x}+1\right)(1-x)} = \frac{(1-x)(1+x+x^2)}{\frac{(x^2+1+x)(1-x)}{x}} = x.$$

Ответ: $\log_a b$.

Пример 5. Вычислите $5^{\log_{\sqrt{5}} \sqrt{3+\sqrt{3}}} + 5^{\log_{25} (\sqrt{3}-3)^2}$.

Решение. Применяя последовательно свойства логарифмов 12.7, 12.6, 12.1 и правило раскрытия модуля числа, получим:

$$5^{\log_{\sqrt{5}} \sqrt{3+\sqrt{3}}} + 5^{\log_{25} (\sqrt{3}-3)^2} = 5^{2\log_5 \sqrt{3+\sqrt{3}}} + 5^{|\log_5 |\sqrt{3}-3||} = |3+\sqrt{3}| + |\sqrt{3}-3| = 3+\sqrt{3}-\sqrt{3}+3=6.$$

Ответ: 6.

Пример 6. Вычислите $4^{\sqrt{\log_4 3}} - 3^{\sqrt{\log_3 4}} - 3^{\lg 25} \cdot 4^{\lg 3}$.

Решение. Рассмотрим разность $4^{\sqrt{\log_4 3}} - 3^{\sqrt{\log_3 4}} = A$.

Полагая $\sqrt{\log_4 3} = a$, запишем:

$$\log_4 3 = a^2, \quad 3 = 4^{a^2}, \quad \sqrt{\log_3 4} = \frac{1}{a}.$$

$$\text{Получим: } A = 4^a - \left(4^{a^2}\right)^{\frac{1}{a}} = 4^a - 4^{\frac{a^2}{a}} = 4^a - 4^a = 0.$$

Рассмотрим произведение $3^{\lg 25} \cdot 4^{\lg 3}$ и применим формулы 2.3, 12.4, 12.6, 12.2. Получим: $3^{\lg 25} \cdot 4^{\lg 3} = 3^{\lg 25} \cdot 3^{\lg 4} = 3^{\lg 25 + \lg 4} = 3^{\lg 25 \cdot 4} = 3^{\lg 100} = 3^{\lg 10^2} = 3^2 = 9$.

Сложим результаты двух действий: $0 - 9 = -9$.

Ответ: -9.

Пример 7. Вычислите $-\log_{\sqrt[4]{ab}} \left(\frac{b^5}{a^{16}}\right)^{-1}$, если $\log_{b^2} a = 2^{-2}$.

Решение. ОДЗ: $a > 0$, $b > 0$, $ab \neq 1$.

На основании свойства 12.6 запишем:

$$-\log_{\sqrt[4]{ab}} \left(\frac{b^5}{a^{16}}\right)^{-1} = \log_{\sqrt[4]{ab}} \left(\frac{b^5}{a^{16}}\right).$$

Преобразуем выражение $\log_{b^2} a = 2^{-2}$. Получим:

$$\frac{1}{2} \log_b a = \frac{1}{4}, \log_b a = \frac{1}{2}.$$

Преобразуем выражение $\log_{\sqrt[4]{ab}} \frac{b^5}{a^{16}} = x$. Применяя формулы 12.7, 12.9, 12.5, 12.4, 12.6, 12.2, получим:

$$\begin{aligned} \log_{(ab)^{\frac{1}{4}}} \frac{b^5}{a^{16}} &= 4 \log_{ab} \frac{b^5}{a^{16}} = 4 \frac{\log_b \frac{b^5}{a^{16}}}{\log_b ab} = 4 \frac{\log_b b^5 - \log_b a^{16}}{\log_b a + \log_b b} = \\ &= \frac{4(5 \log_b b - 16 \log_b a)}{\log_b a + 1} = \frac{4(5 - 16 \log_b a)}{\log_b a + 1}. \end{aligned}$$

Подставив значение $\log_b a = \frac{1}{2}$ в последнее выражение, найдем

$$\text{искомое число } x: x = \frac{4\left(5 - 16 \cdot \frac{1}{2}\right)}{\frac{1}{2} + 1} = \frac{4(5 - 8)}{\frac{3}{2}} = \frac{-12}{\frac{3}{2}} = -\frac{12 \cdot 2}{3} = -8.$$

Ответ: -8.

Пример 8. Найдите a^c , если $\log_b 81 = a$, $b^c = 729$ и $a = \log_a \sqrt[3]{121}$.

Решение. Если $\log_b 81 = a$, то $\log_b 3^4 = a$, $4 \log_b 3 = a$ и $\log_b 3 = \frac{a}{4}$. Если $b^c = 729$, то $c = \log_b 3^6$, $6 \log_b 3 = c$ и $\log_b 3 = \frac{c}{6}$. Тогда $\frac{a}{4} = \frac{c}{6}$ и $a = \frac{2c}{3}$. Равенство $a = \log_a \sqrt[3]{121}$ запишем в виде $a^a = 11^{\frac{2}{3}}$, или $a^{\frac{2c}{3}} = 11^{\frac{2}{3}}$, или $a^c = 11^{\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{2}}$ и получим $a^c = 11$.

Ответ: 11.

Пример 9. Вычислите:

$$\log_{\sqrt{3}} \operatorname{tg} 30^\circ + \log_{\sqrt{3}} \operatorname{tg} 31^\circ + \log_{\sqrt{3}} \operatorname{tg} 32^\circ + \dots + \log_{\sqrt{3}} \operatorname{tg} 59^\circ.$$

Решение. Применим формулу 12.4 и получим:

$$\begin{aligned} &\log_{\sqrt{3}} (\operatorname{tg} 30^\circ \cdot \operatorname{tg} 31^\circ \cdot \operatorname{tg} 32^\circ \cdot \dots \cdot \operatorname{tg} 45^\circ \cdot \dots \cdot \operatorname{tg} 58^\circ \cdot \operatorname{tg} 59^\circ) = \\ &= \log_{\sqrt{3}} (\operatorname{tg} 30^\circ \operatorname{tg} 45^\circ (\operatorname{tg} 31^\circ \operatorname{tg} 59^\circ \cdot \operatorname{tg} 32^\circ \operatorname{tg} 58^\circ \cdot \dots \cdot \operatorname{tg} 44^\circ \operatorname{tg} 46^\circ)). \end{aligned}$$

Зная, что $\operatorname{tg} 45^\circ = 1$, а $\operatorname{tg} 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$ и что $\operatorname{tg}(90^\circ - \alpha) = \operatorname{ctg} \alpha$,

а $\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$, найдем значение исходного выражения:

$$\begin{aligned} \log_{\sqrt{3}}(1 \cdot \sqrt{3}^{-1} \cdot \operatorname{tg} 31^\circ \operatorname{ctg} 31^\circ \cdot \operatorname{tg} 32^\circ \operatorname{ctg} 32^\circ \cdot \dots \cdot \operatorname{tg} 44^\circ \operatorname{ctg} 44^\circ) = \\ = \log_{\sqrt{3}}(1 \cdot \sqrt{3}^{-1} \cdot 1 \cdot 1 \cdot \dots \cdot 1) = -\log_{\sqrt{3}} \sqrt{3} = -1. \end{aligned}$$

Ответ: -1 .

Задачи для самостоятельного решения

Упростите (1–11):

1. $-\log_2^3 \log_2 \sqrt[4]{2}$.
2. $\sqrt{5^{\frac{2}{\log_6 5}} + 7^{\frac{2}{\log_8 7}}}$.
3. $\frac{\left(27^{\frac{1}{\log_2 3}} + 5^{\log_5 49}\right) \left(81^{\frac{1}{\log_4 9}} - 8^{\log_4 9}\right)}{\frac{1}{5^{\log_{27} 125}} + \frac{1}{5^{\log_{16} 25}} \cdot 5^{\log_5 3}}$.
4. $\frac{81^{\frac{1}{\log_5 9}} + 3^{\log_{\sqrt{6}} 3}}{4 \cdot 49^{\log_7 10} + 7^{2 \log_7 3}} \left((\sqrt{7})^{\frac{2}{\log_{25} 7}} - 125^{\log_{25} 6} \right)$.
5. $36^{\log_6 5} + 10^{1 - \lg 2} - 3^{\log_9 36} - 6 \cdot 3^{\log_{\sqrt{3}} 2}$.
6. $\left(81^{\frac{1}{4} - \frac{1}{2} \log_9 4} + 25^{\log_{125} 8} \right) \cdot 49^{\log_7 2} \cdot 5^{\log_{0,2} 19}$.
7. $\left(a^{\frac{1}{\log_2 a}} \cdot a^{\frac{1}{\log_4 a}} \cdot a^{\frac{1}{\log_8 a}} \cdot \dots \cdot a^{\frac{1}{\log_{512} a}} \right)^{15^{-1}}$.
8. $\left(2^{\log_{4\sqrt{2}} a} - 3^{\log_{27} (a^2 + 1)^3} - 2a \right) : \left(7^{4 \log_{49} a} - 5^{0,5 \log_{\sqrt{5}} a} - a^{\lg 1} \right) \cdot \frac{\log_a \sqrt{a^2 - 1} \cdot \log_{\frac{1}{a}}^2 \sqrt{a^2 - 1}}{a}$.
9. $\frac{\log_{a^2} (a^2 - \log_a a) \cdot \log_{\sqrt[3]{a}} \sqrt{a^2 + \log_{\frac{1}{a}} a}}{\left(25^{\frac{1}{2 \log_{49} 25}} + 2 \log_2 \log_2 \log_2 a^{2 \log_a 4} \right) \cdot 4^{\frac{-2}{\log_3 4}} - a^2}$.
10. $\frac{\left(25^{\frac{1}{2 \log_{49} 25}} + 2 \log_2 \log_2 \log_2 a^{2 \log_a 4} \right) \cdot 4^{\frac{-2}{\log_3 4}} - a^2}{(-a)^{\ln 1} - (-a)^{\ln e^2}}$.

$$11. (\log_a b + \log_b a + \log_b b^2)(\log_a b - \log_{ab} b) \log_b a - \log_b b.$$

Вычислите (12–22):

$$12. 5 \log_{\sqrt[3]{7}} 7 \cdot \log_{7^{-1}} \left(\sqrt[5]{7} \cdot 7^{-2} \cdot 5^{\log_{\sqrt{5}} \sqrt[3]{49}} \right).$$

$$13. \ln \operatorname{tg} 1^\circ + \ln \operatorname{tg} 2^\circ + \ln \operatorname{tg} 3^\circ + \dots + \ln \operatorname{tg} 89^\circ.$$

$$14. \lg \operatorname{ctg} 1^\circ \cdot \lg \operatorname{ctg} 2^\circ \cdot \lg \operatorname{ctg} 3^\circ \cdot \dots \cdot \lg \operatorname{ctg} 89^\circ.$$

$$15. a^{\log_b c} - c^{\log_b a}.$$

$$16. b^{\sqrt{\log_b a}} - a^{\sqrt{\log_2 b}}.$$

$$17. 32^{\frac{4}{(\log_2 16)}} \cdot (2^{-1})^{\frac{4}{(\log_2 16)}}.$$

$$18. 2^{\log_4 (\sqrt{3}-2)^2} + 3^{\log_9 (\sqrt{3}+2)^2} + 2^{\log_{\sqrt{3}+1} (\sqrt{3}+1)^3}.$$

$$19. \frac{\log_{\sqrt[6]{2}} \sqrt{28}}{\log_{32^2} 4} - \frac{\log_{\sqrt[5]{4}} 49}{\log_{64} 4}.$$

$$20. \lg 5 \cdot \lg 10 \cdot \lg 20 + (\lg 2)^2 + (\lg 1)^2.$$

$$21. 4 \cdot 9^{\log_{81} \frac{1}{25}} (9^{\log_3 1} + 9^{\log_3 8})^{\log_{65} 5}.$$

$$22. \frac{\log_9 225}{\log_{225} 9} + \frac{\log_{\frac{1}{3}} 45}{\log_{\sqrt[3]{5}} \sqrt[3]{3}}.$$

Определите знаки чисел (23–25):

$$23. \log_{1,7} (0,5(1 - \log_7 3)).$$

$$24. \log_{0,3} \left(\frac{10}{7} (\log_2 5 - 1) \right).$$

$$25. \frac{\log_3 5 - \log_5 3}{\log_{0,3} 4 - \log_{0,3} 3}.$$

26. Найдите квадрат основания логарифма, при котором число a равно своему логарифму.

$$27. \text{Вычислите } \log_{0,5} 28, \text{ если } \log_4 49 = a^{-1}.$$

$$28. \text{Найдите } \lg^2 \sqrt{x}, \text{ если } \log_{x^2} 100 = 0,5a.$$

$$29. \text{Найдите } \log_9 2,97, \text{ если } \log_5 3 = a \log_5 10 \text{ и } \lg 11 = b.$$

30. Вычислите $\log_2 36$, если $\ln 12 = \frac{\ln 9}{m}$.

31. Зная, что $\lg 2 = 0,301$, найдите значение выражения $\log_2 1 \cdot \log_3 2 \cdot \log_4 3 \cdot \log_5 4 \cdot \dots \cdot \log_{10} 9$.

32. Вычислите $\log_{a^6 b^9} (\sqrt{a^{11}} \cdot b^{-3})^3$, если $\log_{\sqrt{a}} b^3 = a^{\log b^1}$.

33. Найдите $\lg 12$, если $\ln 3 = \frac{a}{\lg e}$, $\lg 5 = b$.

34. Найдите b^{-a} , если $\log_b 64 = c$, $\log_a 625 = a$ и $a^c = 125$.

Ответы: 1. 27. 2. 10. 3. -11. 4. 1. 5. 0. 6. 1. 7. 8. 8. $a^2 + a + 1$, где $a > 0$, $a \neq \frac{1+\sqrt{5}}{2}$. 9. $\log_a \sqrt{a^2 - 1}$, где $a > 1$, $a \neq \sqrt{2}$. 10. 1, где $a > 0$, $a \neq 1$. 11. $\log_a b$, где $a > 0$, $a \neq 1$, $b > 0$, $b \neq 1$ и $ab \neq 1$. 12. 7. 13. 0. 14. 0. 15. 0. 16. 0. 17. 16. 18. 12. 19. 30. 20. 1. 21. 4. 22. 1. 23. Минус. 24. Минус. 25. Минус. 26. $\frac{2}{a^a}$, где $a > 0$ и $a \neq 1$. 27. $-\frac{1+2a}{a}$. 28. $\frac{1}{a^2}$. 29. $\frac{b+3a-2}{2a}$. 30. $\frac{2(2+m)}{2-m}$. 31. 0. 32. 2. 33. $a - 2b + 2$. 34. $\frac{1}{256}$.

Контрольный тест

№	Задания	Варианты ответов
1	Результат вычисления выражения $(e^2)^{\frac{1}{3} \ln 8 + 2 \ln 3}$ равен	1) e ; 2) 1; 3) 24; 4) 324; 5) 256.
2	Значение выражения $\left(\frac{2}{\sqrt{3}-1}\right)^{\log_{\sqrt{3}+1} 3} + 4^{\frac{1}{\log_{25} 16}} + \log_5 3 \cdot \log_9 25$ равно	1) 9; 2) 7; 3) 8; 4) 1; 5) 10.

№	Задания	Варианты ответов
3	Результат вычисления выражения $\frac{\lg 7}{\log_{1000} 7} - 10^{\log_{100} 49}$ равен	1) 10; 2) -4; 3) 11; 4) 7; 5) 21.
4	В результате преобразования выражения $\frac{\log_3 24}{\log_{72} 3} - \frac{\log_3 216}{\log_8 3}$ получим	1) 0; 2) 23; 3) 24; 4) 2; 5) 1.
5	Результат вычисления выражения $(\sqrt{5}+1)^{\log_{\sqrt{5}-1} \frac{4}{3}} + 3^{2\log_9 \frac{1}{3}}$ равен	1) 8; 2) 4; 3) 1; 4) $\frac{2}{3}$; 5) $\frac{4}{3}$.
6	Результат упрощения выражения $\frac{\log_2 5 \cdot \log_3 5}{\log_2 5 + \log_3 5}$ равен	1) $\log_{12} 5$; 2) $\log_5 6$; 3) $\log_6 5$; 4) 1; 5) 5.
7	Результат вычисления выражения $\left(\frac{\log_{100} 2}{3 \lg^2} \cdot 2 \frac{\log_{100} 3}{\lg^3} \right)^{2\log_6 5}$ равен	1) 1; 2) 6; 3) 5; 4) 0,2; 5) 25.
8	В результате вычисления выражения $\left((\log_2^4 0,5 + \log_{0,5}^4 2 + 2)^{\frac{1}{2}} + 2 \right)^{\frac{1}{2}} - \log_{0,5} 2 - \log_2 0,5$ получим	1) 0,5; 2) 0,25; 3) -1; 4) -2; 5) 4.

№	Задания	Варианты ответов
9	Результат упрощения выражения $a^{1+\frac{1}{2\log_4 a}} + 8^{\frac{1}{3\log_a 2^2}} + \log_2 a \log_a 2$ равен	1) $(a+1)^2$; 2) a^2 ; 3) $1-a^2$; 4) $(a+2)^2$; 5) $(a-1)^2$.
10	В результате преобразований выраже- $\frac{\left(\log_a b - 0,5 \log_{\frac{\sqrt{a}}{b^3}} b \right) \log_{a^3 b^{-12}} b}{\log_{\frac{a}{b^4}} b - \log_{\frac{a}{b^6}} b}$ ния получим	1) 1; 2) $\log_a b$; 3) $\log_b a$; 4) $\log_a b + 1$; 5) $\log_a b^2$.
11	В результате упрощения выражения $\sqrt{6(\log_9 2 \cdot \log_4 9 + 1) + \log_2 9^{-6} + \log_2^2 9}$ получим	1) $3 - \log_2 9$; 2) $\log_2 9$; 3) 9; 4) $\log_2 3 - 9$; 5) $\log_2 9 - 3$.
12	Результат преобразования выражения $(\log_a b + \log_a b^{0,5 \log_b a^2}) \log_{ab} a$ равен	1) 2; 2) $\log_b a$; 3) 1; 4) 0; 5) $\log_a b$.
13	Результат упрощения выражения $\frac{(\log_2 5 - \lg 5)(5^{2\log_5 \log_2 5} - 1)}{\log_2^2 5}$ равен	1) $\log_2^2 5 - 1$; 2) $\log_2 5 - 1$; 3) $\log_2 5$; 4) 5; 5) 10.

№	Задания	Варианты ответов
14	Если $\log_a x = 2$, $\log_b x = 3$, $\log_c x = 4$, $\log_d x = 5$, то значение выражения $\log_{abcd} x$ равно	1) $\frac{60}{77}$; 2) $\frac{77}{60}$; 3) 120; 4) 1; 5) 0.

Ответы

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7
Номер правильного ответа	4	1	2	4	3	3	3
Номер задания	8	9	10	11	12	13	14
Номер правильного ответа	5	1	2	5	3	2	1